651131

شر 5۔ ت سیامی جاپ

حق جاپ و استفاده از کلیشه ها محفوظ است

- L=5 - 5 - 5-3

لب کناب را بطوریکه
درشکل بالا می بینید
کمی باز کنید ؟ نشانی
سیاهی که در مقابل
علامت این فیده
بمحادات هر قسمت
نمودار میشودهفدهٔ اول
آن قسمت از مطالب
کتاب است انگشت
نشانی سیاه بگذارید
و قسمتی دا حیه
و قسمتی دا حیه

- Land 5" A assiss I il assiss 31 1 イハじ ア へ へっこさい う! مثلثاب 1 てかじり アタ へのあっつう esile were 7 5 7 1 1 7 5 domains 31 متحروطات TOELT TO SIE مكا تسك TIPAE amen 31 إهندسه ر قو می و تر سیمی TATET O E amain 31 Charles and the same m = 9 6. m 4 + d = 11

# land of the

این کتاب را بکسانیکه برای پیشرفت فرهنگ کمر همت بسته و با روحی پال در این راه مردانه میکروشند تقدیم راه مردانه میکروشند تقدیم

## قهر ست

| 42-and E 9-0 90                                         | doca.  | موضوع                                  |
|---------------------------------------------------------|--------|----------------------------------------|
| فا بلیت تقسیم بر ۲و ۳و ۶ م                              | 1      | د المالات                              |
| قابلیت تقسیم بر ۵و ۶و ۱۱ م<br>۱۳۱۳ اعداد اول            |        | ا کلیات<br>کمبیت                       |
| اعداد اول از ۱ تا ۵ م م م م م م م م م م م م م م م م م م |        | 3 AF                                   |
| مىنىدىر ك                                               |        | بایه مدسار                             |
| تعیین بعم از راه نر دیانی ۱۹ ۵<br>۱۲ ۱۲ راه تنجزیه ۱۹   |        | ۱۱جمع<br>امتحان جمع                    |
| ا 🛪 – کو چاکنرین مضرب                                   |        | ۱۱۱تغریق<br>امتحال تغریق               |
| مشترات<br>تنعیبین آکسم از راه تعجزیه ۲۴                 | 5      | ١٧٠نرب                                 |
|                                                         | £ £    | امتعان صرب<br>√-سانفسیم                |
| آکسر مشمارفی واعشاری ۲۲<br>آکسرنما                      |        | امتيحان تقسيم                          |
| خواس عمومی                                              |        | $VV^{-}$ قواى اعداد<br>حضرب وتقسيم قوا |
| جهارعمل اصلی در کسر ۱۵<br>نبدیل کسر اعشاری بستماری      |        | VII - amle De ilamle D                 |
| ي يا لحم كرسي                                           | م آر د | جهارعمل اسلی در مساوی<br>« « نامساوی   |
| کسی متناوب<br>۱۱:×-نسیت و تناسب ۸۴                      |        | . VIII - قايليت تقسيم                  |
|                                                         | _      |                                        |

4 >= A-2 مو ضہوع 12 consale-1. Y -Landa -- XIV والمدطول در دستگاه متری ۳۰۳ والحدسطيحدردستكاهمترى ٠٠٠ 4 1 Y 1 ميرسا ته TI وزن TT والعله بين وزن وحجم 7 -وزن مخصوص 7 7 والحد يول ٧٤ حصفياسهاى سابق ايران ٢٤ YE واحد طول \* £ ≪ وذت رابطه بین مقیاسهای فعلی و YE YO واحدد زمان YO اقسام سال 70 a he was 77 محطا نفت تناويتحيا -5 -- 1-25 VI 7-5 چهار عمل اصلی در اعداد TY 9 Y7 -5 ,... ۱ / ۷ کو --ار بعه منتنا سبه YY التناسب مستقيم وممكوس ٨٨

o main موضوع スァ - Jan J-XVIII PY 3 LJ T 79 ×1× - مرابعدام مفرد -فورمولهاى مرابعده \*- -بحد × – تشتر بيل - American خورمول تنزيل 3-1  $-\infty \times T$ استخراج جنراعداد صحيح A- 40 2-1-« اعشار*ی* 3- 1-انتفل يسيد Y 5 امتحان جنر 5 E ---5-XXII استنعراج كعب اعداد صعديع ٥٣٠ « اعشاری ۳٦ » » 2--E mel slack - xx TLT ضرب و تقسیم ریشه دوم ( -جنہر **)** ->-=-1-0

 اسماریف

 حروف و نشانه ها

 عدد جدی

 عبارت جبری

 انجاد

- d == a... مو ضوع 60 X کو یا نمودن کسر اصم OY اللاح - معادلات DY خو اس معادلات حل و بعدت معادلات درجه سعل دستگاه دو معادله دو S 5 میجہولی درجه اول 0 ممادله در جه دوم روابط بین ضراتب و های معادله در چه دوم حاصل جسم قواى متشابهريشه های معادله در جه 07 علامت ریشه های ممادله درجه 10 C دو م ٧١٠٠ جمله درجه دوم مقایسه یك یا دو عدد یا ریشه های سه جمله درجه دوم مقایسه ریشه های دو سه 909 ٧ ١٠ – معادلات قابل تبديل J 8 معادله در چه دوم معادله دو میجدوری A 2 · 3 -معادلات معکوسه حل معادلات معکوسه A A

decise موضوع alasta. EN al \_\_\_\_ £ > £ > حندس پسید EY ahar wing EY 11---جماراعداد سجيري االستفريق اعداد جبرى 2 X الاا-ضرب اعداد جبرى 2 7 u=تقسیماعداد جبری EY ۵۷ - قوه (توان) Z }~ ضرب و تقسیم قوا 2 > قوه کسري 2 2 قوه منفي 5 5 20 VII - FAN FAND Will - تفریق جمل جبری 20 XI-dece - - - 1x 20 x - ismand serve قا بليت تقسيم كثير الجمله ( w± ) >: x € Y المحاد های مهم ۷۶ و 乏人 II:×−ریشه وریشگی، 29 ریشه العداد جیری 29 تنحويل چند ريشاكي بيك نما بنده C> -حدرب وتقسيم ريشكي 0 .

W DE Q موضوع Y人 e\_ 7代 و قائم معخنصات کروی 人下 تغيير محورهاى متحتصات ヘア 人名 دوران عمررها حلول قطعه خط 人を تقسيم خط به نسبت ١٦ AO رابعله شال A 0 رابطه فيثاغورث ノス ヘヘ ≥ اورلر ヘへ » استوارت HXX-متغیر وتایح  $\wedge$ اقسام نابح ヘヘ ヘン  $\wedge$ ∨۱××---حدود ヘヘ خواس حدود resolvery ヘヘ 1 7 TINXXXII ~~ محاسبه مشتق 2 7 مشتق توابح متداول < 0 خوان منشقق 90 رقم ابهام بوسيله مشتول الاحجاج تغييرات توايح 77 تغییرات تابع درجه آول Je m YP ما کزیمم و می نیمم تغییرات تابع درجه دوم ヘヘ

de se si se 8 9200 ممادلات ممکوسه درجه ۲ و YJ 0 9 % معادلات اصم - E VI x -- ilamle 2 70 خواس نامساوى 70 نا مساوی درجه اول یات ~ 0 معجب والي نا مساوى درسجه دوم -2-6 نیا مساوی در جه ۱۱۱۱ ام ~~ ママ المساوى كسرى wilson senden -xVII ~~ soulan aster XVIII. 79 یداید—لگار بشم **~** خواس لگاریتم  $\sim$ چهار عمل اصلی در لنگار بنم **∀** ≤ جدولهاى لككاريتم ~~ مانتیسی لگاریتماعداد از 1 - - Li  $\vee$ -5 - E: > XX  $\checkmark$ احدالسنين  $\vee$   $\wedge$ الحديد - نمايش هناسي **~** ~ منحتعسات دكارتي 人 \ معتصات قطبي ヘド يستكى بين متدنصات قطيى

| d=a=    | موضوع                  | dŌ                                     | اندو صوع                        |
|---------|------------------------|----------------------------------------|---------------------------------|
| يالهوسي | XIXX L MAICK T LE LE   | 22 C                                   | تغییرات تابع دو معجذو           |
| 3 1 8   | منعدني                 | \ \ ~ \ \~ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ | ××۷۱۱ نمایش هندسی تو            |
|         | xxx -حل نامعادلات بو   | رحيه                                   | تسایش تغییرات تابح د            |
| 0,10    | منعصني                 | > - >                                  | اول                             |
| D 1 -2  | حل دستگاه نا معادلات   | \ - Y                                  | اوت<br>ضریب ژاوی <sup>دای</sup> |
| 1 1 ~   | ا×××−تابح اولیه        | \ - T                                  | زاویه دو خط                     |
| > · · · | سحذيح ميحصور           | یا دو                                  | معادله خط ماربربك               |
|         | مدمی جنو               | > - 5                                  | a loai                          |
| 5       | IIXXX—adelb attests al | 1 - 2                                  | فاصله نقطه از خط                |
| 0 00    | مخصوص<br>معادله دایره  | 1 - 2                                  | دسم خط                          |
| 819     | معادله دایره           | 1 > - 5                                | فصل مشترك دو خط                 |
| 8 8 8   | « بیخہی<br>« هذالولی   | 1 - 2                                  | معجا نيها                       |
| P & -   | « حمنالولي             | 1                                      | قاعدم برای پیدا کر              |
| D 7 -   | (۱ میاد له سری می      | 1                                      | معجانبها<br>تنقدر و تعدب        |
|         | IIIxxx—حل معادلات دو   | 1                                      | تنقعر و تعدب                    |
|         | alan am                | 1                                      | نقطح عطقن                       |
|         | VIXXX-قاعده برو براء   | \ \ - \                                | مر کر و محور تقارن              |
|         | ممادلات چند معجهولی    | L                                      | طرز تعيين معدور تقارر           |
|         | ا و_ <i>ل</i>          | > - ^                                  | « « صر کز تفارن                 |
| ،القوى  | VXXX- ANICKT ASSECT    | 1 > - ~                                | مماس بر منحنی                   |
| 0 4 2   | و لگار يندي            |                                        | ضریب زاویه ای مماس              |
|         | 1/xxx/- تعجزيه راديكا  | 1 - 2                                  | مرنيحتي                         |
| 1 7 8   | مر کی                  | 1                                      | رسم میاس بر منحنی               |
| 8 80    | حل معادله در چه سوم    | -                                      | come and                        |

### موضوع مثلثات

الاستخلالات 179 الندازء خوسي 172 رابطه بین درجه و گراد و واديان 3 5 -حاءره مثلثاتي 1 m -قضيه شال 18-1 قوسهای متمم و مکمل 171 1 7 7 II - خطوط مثلثاتی روابط بين خطوط مثلثاتي 1 7- 7-يك قوس ووابط بين خطوط مثلثاتي قوسها تيكه تفاضل يامعجموعشان مضریی از س باشند ووابط يبرن قوسهاى مقابل به ياكه خوط مثلثاتي 110 جدول خطوط مثلثاني برخى قوسیای میہم دوره تناوب خطوط مثلثاتي ٢٣٦ جمع و تفریق و ضرب و تقسيم قوسها 1 7---تصبوير برمجود 1 5000 خطوط مثلثاتي معجموع يا

desides موضوع 17 تفاضل دو قو س خطوط مثلثاتي معجموع سه 1 m خطوطمتلثاتي قوسهائي 35 < ~~ ~ مضرب باشقوس مستثف خطوط مثلثاتي يك قوس برحسب خلل نصف آن ۱۳۸ خطوط مثلثاني يك قوس برحسب جیب دو برابر آن۱۳۸ lyrammes 111a ambour ۱۰- لگاریتی کردن ۱۷ انبدیل معجموع یا انفاضل دو خطمتلثاتی بحاصل ضرب ١٤٠ تبديل حاصل ضرب دو خط مثلثاته بمعجموع يانفاحنل تبديل برخى عبارات مثلثاتى يسحاصدل متدري 1 2 1 سیل معادله در سچه دوع بطريق مثلثاتي Y 2 / ٧-روايط بين اجزاء مثلث 1 5 8 مثلث قائم الزاوية 1 & X 1 & Y-مثلث غير مشخصي

| A.S.G.  |                              | 4×å.            | E 9-3 30             |
|---------|------------------------------|-----------------|----------------------|
|         | a. Lie                       | للنبي و         | رّوایط بین اجزاء اص  |
| 872     | T _ تعاریف                   | トミア             | فرعى مثلث            |
|         | ١١ ـ زوايا وخطرود عمود       | 1 2 2           | مساحت مثلث           |
| 170     | ير هم                        | 125             | ارتفاعات »           |
| A -5 -6 | اندازه داویه                 | 120             | مصنف الزاويه ها      |
| 0 -5 -5 | احسام دوايا                  | 120             | میانه ها             |
| 171     | حالات برابری دوایا           | لقب ١٤٦         | روابط بين اجزاء منحت |
| 174     | ١٦١ - چند برها               | > をて            | ٧١-معادلات مثلثاتي   |
| ヘフス     | قضایای مربوطه بعجشدبرها      | 1 ミン            | معادلات یك مجهولی    |
| 870     |                              | 1 > 2 \         | قاعده ببوشي          |
| * V ~   | قضایای مربوط بدالت           | <b>&gt;</b> < \ | حل معادلات كالاسيات  |
| ~ ~ ~   | حالات برابرى مثلثها          | 1               | معادلات چند میجهولی  |
| 188     | تناسب وتشايه درمثلث          | _               | 11- با مادلات مثلثان |
| 118     | قعنسيه طالس                  | 105             | 111٧حل مثلث          |
| * ~ ~   | قضایای مر بوط به نشا به مثلث | 100             | تعادل دستگاهها       |
| 112     | خواص منصف الزاويه            | 107             | حل مثلث قاتمالزاويا  |
| 140     | قضيه اسشوارت                 |                 | حل مثلث غیر مشخص     |
|         | روایط بین اجزاء              | 100             | عدا-جهار برهای گوز   |
| 840     | مختلف مثلث                   | <b>.</b>        | روابط بین اجزاء چم   |
| 4 V V   | دایرههایمحبطی و محاطی        | 100             |                      |
| . A A d | موريات                       | ţ.              | معدا طي              |
| 1 Not   | قضيه منلائوس                 |                 | كلادادخمال مثلثات در |
| 8 V 9   | قضيه سوا                     | <b>\</b> ~~~    | برداری               |
| TYA     | v − +slee                    | 1 7 7 7         | dæsi altum           |
|         |                              |                 |                      |

1 1

4==ā~ موضوع 45-4-2 مرو شو سے معجور اصلي متوازى الاضلاع 19 -1 人 -سطل و صحت معادله در چه دوم > ヘ 、 الوزي 191 مستطيل ومري دواير سمود برهم > へ > 191 خرو و نشاء **> ~ >** 124 محجيجك ومساحمت دايزوم マスマ چهار برمحیطی ومعاطی 124 Tedam Loca خضيه بطلميوس مساحت دايره وقطعه وقطاع 122 ヽヘィ چهار بر کامل 125 ے بردارھا۔ VIIIノ人で قضياء شال 381 قضمه کو س 、人で مجموع وتفاضل هندسي چند فعنسه يايوس **ヽ**ヘ~ 19 2 يردار VI - Siring also airde トヘゲ تنصاوير يردارها 190 طول صلم وارتفاع چند 190 💢 🛚 ـ موریات المجتدير متتنظم ト人を 190 قضيه ياستكال مساحت چند بر منتظم 、人の قطاياى منلائوس وسوا 172 مساحت چند بر نامنتظام へへっ 🔀 ـ تقسیم توافقی 197 - حایره - VIII ト人へ اشحه توانقي 124 الوطاع نسبى دودايره ト人へ ا 🔀 🗕 تقاری 124 لاندازه زاویه~ ン人へ تقارن مركزي 124 ノヘイ هوس ووتر انقارن معدورت トヘム وسم مماس بردایره ヽ へへ ا 1 🔀 🗕 تشاریه 192 سعدول تعدادمماسهاى مشترك NIII - تعجا تس 199 ヽヘヘ حدودايره قضيه دالامير Y - -قاعدة رسم مساس مشترك NIV - تغییر متکان در سطاعح アノイ داخالی و خار چی 7 - 7 انتقال هوعت نقطه نسبت بدايره 7 - 1 ト人へ

| 4×ã.0 | موضوع                    |
|-------|--------------------------|
|       | المحدد استوانه و مخروط   |
| 819   | 2.5                      |
| E12   | سطح دوار                 |
| 215   | سحلهم استواني            |
| X X - | سجلع کروی                |
| * * / | استوانه و مخروط          |
| イィイ   | کرے م                    |
| 222   | تنعيبين مشحاع كرح        |
| XXO   | ××۱۱۱ مله بر کروی        |
| 470   | سه بر فطیی               |
|       | imesوت نقطه نسبت $	imes$ |
| イイイ   | پـکر ۵                   |
|       | VXX- قطب وقطبی در        |
| メイト   | مريح فلاست               |
| * * ^ | اشكال قطيي معكوس         |
| 872   | قطب وقطبی در فضا         |
| * * 9 | الالالا المتكاس در صيفعه |
| 221   | انعکاس در فضا            |
| * * * | VXXVII مناظر ومرايا      |
| * * * | التصوير مركزي            |
| * TE  | -XXVIII                  |
| TTO   | مماس برمار ببتح          |
| * 2 ~ | محادله ماريجج            |

d pride مو ہے دوران asis - XV وضع دوخط وسرح دوصفحه Y - E e in a mase T - 0 Y - 7 قضيه سه عمود 7 - ~ رسم عدرد مشترك رجهها $\mathbf{x}\mathbf{ ilde{V}}$ **Y - V Y - 人** تنصبي بر سخحه Y - 9 خعل برر گنرین شیب الاعجر تقارن در فضا Y - ~ Y 1 1 اال × سجانس درفضا يحايجت تشابه درفضا 1 1 m X X - تغییر مکان در فضها 412 ا تنتفال Y 1 & دوران YIE حركت مارپيعچى Y 10 1×≪− چندروها قضيه اولر اجسام افلاطوني متشور وهرم مكعب مستطيل شبه منشور

| docine      |                          |
|-------------|--------------------------|
| Y 0 .       | come continue            |
|             | ۱۱۰ خواص مشترك بيضي      |
| 701         | وهداولي وسهسي            |
| 707         | دسم میاس                 |
| TOT         | مقاطع مندروطي            |
|             | حمندسه رقومی و ترسیم     |
| YOE         | تعليات                   |
| 700         | ۱ ـ اصولهندسه رقومی      |
| Y 00        | 4)                       |
| 700         | مغياس                    |
| 407         | اً حددمتقیم              |
| 707         | شیب واساس                |
| YOY         | تسطيع سطع قاتم يرافق     |
| YOY         | تعيين رقوم نقطه اى از خط |
|             | تعيين زاويه خط باسطع     |
| イログ         | عسي لقم                  |
| イログ         | و منه دو خدا             |
| T 0 9       | ١١١١ صفحه                |
| P @ Y       | خط برر گنترین شیب        |
| 7 ~ ~       | توازی خط وصفحه           |
| 4-5-        | توازی دو صفیصه           |
| 4 -6 -      | انتقاطم صفيحات           |
| Y           | تقاطم خطو صفحه           |
| · 4 - 7 - 0 | خط عدود ير صفحه          |
|             |                          |

| <b>ત</b> ્રા ક |                           |
|----------------|---------------------------|
|                | مخدر وطان                 |
| 4 4            | 1 - بیشی                  |
| イアン            | رسم بيضي                  |
| マゲ人            | فصل مشترك خط و بيضى       |
| 752            | مهاس د بیضی               |
| Y & 1.         | شعاعهای سامل-معاد له بیضه |
| Y 2 1          | بیضی نصور دایرهاست        |
| YEN            | مساحت بيضي                |
| YEY            | اا ۔ ھناولی               |
| TET            | رسم هداوني                |
|                | فصل مشترك خط و            |
| 7 E E          | هالولي                    |
| Y & &          | مہاس پر ہدلولی            |
| Y 2 2          | رسم مهاس برهدالولی        |
| Y 20           | محجانبهای حمدلولی         |
|                | شعاعهای حامل حمادقه       |
| Y & 0          | ھتالو ئی                  |
| 7 2 ~          | 111 سسهمي (شلحدي)         |
| Y 2 7          | رسم سهمي                  |
| イミ人            | بغصل مشتركت خط وسهمي      |
| イを人            | مماس برسهمي               |
| P 3 Y          | رسم مماس برسهمی           |
|                | شعاع حامل _معادلهو        |
|                |                           |

| 4200   | £ 9~ 90                  | Aseins  | E 90 90                |
|--------|--------------------------|---------|------------------------|
| 4 V V  | زاویه دو خصد             | 477     | - Land                 |
| * ~ *  | زاویه خط وصفحه           | 4-7.4-  | ۲ - اصول هندسه ترسیمی  |
| イイイ    | زاویه دو صفحه            | ~~~~    | alaäi — I              |
| 17%    | رسم خطری که با اوق زاویه | 775     | prima lai - II         |
| ~~~    | تشتکیل دهد               | 772     | خعذوط مهم              |
| ق ا    | رسم خطی درصفحه که با اف  | 4-10    | نفاحل ميهم             |
| イソス    | زاویه به تشکیل دهد       | 770     | توازی دوخط             |
| 7 V Q. | زاویه صفحه باصفحات تصویر | 4-50    | تفاطمدوخط              |
| マクペ _  | زاویه عط باصفحات نصویم   | 770     | TIII — cases           |
| イイグ    | نمایش چند روها           | 770     | sete clayed order      |
| マヘ・    | خطوط مرعى ومعدفي         | 777     | صفحات مهم              |
| ~ ^ ^  | مقطے اجسام               | イベイ     | توازی خط وصفحه         |
| ~ ^ `  | فصل مشترك خطو چند رو     | 4 ~ C ~ | خط عمود برصفحه         |
| イヘイ    | لصعير لــــ              | マママ     | فصل مشنرك دو سمقحه     |
|        | م کا نیا ک               | イイン     | فعمل مشترك خطوصفحه     |
|        |                          | マペ人     | TV-تغييرمكان           |
| こへを    | I بردارها وعزم           | トママ人    | ۱ تغییر صفحه           |
| マ人を    | عزم مر گزی               | ~ ~ -   | پ ۔۔ دوران             |
| マヘマ    | عرم معورى                | メヘス     | ب - تسطیح              |
| ベヘ~    | عرم بردار نسیت بصححه     | ~ ~ ~   | ٣ ـ موارد استعمال      |
|        | علما الحجر كات           | 7 7 0   | عمود مشترك دوخط        |
| * ^ ^  | ا - تماریف - I           | 4.00    | elento ce iseto        |
|        | 11 سحى كت مستقيم التحصل  | インブ     | elouls iachs li cuines |
| アヘア    | مششايه                   | 1 777   | فاصله تقطه از خط       |
|        |                          |         |                        |

4 = a. موضوع Aseā-5- - 1 حر کت درامتدادقاتم الأس حركت مستقيم المحدد Y + X حر کت سیدے شکل **ア人**个 xv[]] x-xv[] "Liv" حر كن منشا به التغيير Y 9 -T - T غدر آراد 197  $v = -e^{-}$  کت نوسانی ساده حر كت تقعله برسعلعم VI - حر كت منعجني التحطمتشا به ۷۹۱ T- 2 -حمد گر اف مروري YYY × ا× – کاد ~~~~ 11--- حر كات مستدير متغير 727 T- - -×× ـ قو مُحمه VIII -خر کت مستند بر منشا به ۲۹۳ T - Y - Land - Land - XXI 1v تغییر دستگاه مقا رسه Y 2 7  $\Upsilon - A$ ال××ـ اعمال مقدماتي الاس حي كت انتقالي، Y 2 2 111××-مر كن ثقل ~ ~ 7 7 E اعداد دوران معدتصات مركز ثقل 7-1-على القوى مر کز تفل خطوط و W 1 1 31 المحد تعاريف 490 سعلوح واجسام متحتلف 2 1 4 F. 111 x - تعادل نقطه مادی TQY قضسه کو لدری 7-15 7 2 Y ٧١× استانيات نقطات -- ×١٧ VIXX- medialet I - muly only イへ人 حرامطله استنواري 1 1 m <u>آ</u> ذاد بعدا استاندك نقطه غير آزاد ۲۹۸ XXX- alieleband - white فشار وعكس العمل PPT -1 5 T Y > 2 899 كثير الاضلاع اتكاء F- 10 T- - -قوانين اصبطكاك 5 10  $-\infty \times VI$ ملكة حديثاميات نقطه Y + + ~ 1 0 دستورهاى اصلى ديناميك الحصر منهنا Y - -الا xx - حر كت نقطه مادى Y-1-چرخ چاه 5, مات ماجات Y- \ \ y - 1

موضو ع

أحد حد كا لت

آ ڈے ا دے

a seine 4>-à.-> مودوع موضوع مسادله زمان ھر قر م **不不不** アハス Teste alas aminadec تقويم مصرى 770 تقویم قیصری نقویم گر گواری m19 ر یا حنہ بیا ت my med حميت T & -تقويب جلاله T & + ا ـ كليات Y Y -T 2 1 تنتويم قمرى 11\_معند تصات کروي 777 T & 1 -V11 مختصات سحتيه ~ ~ ~ vIII - خسو ف و کسوف YEY ارتفاع قطب 7 7 E 2 5 m خـــو فــ TYE معد تصمات معدلي \_\_\_\_\_\_\_ 3 E 0 تعييرن فاصله قطليي Y 7 2 5 2 T 🔀 ا ـ قوانين هيئت TTO مختصات متعلقي قو انین کیلر 2 2 m 111- 3-45 TYO قانون نیوتن TET V ا\_نقشههای جغرافی アマ人 2 5 V × - سیارات ∨۔ خورشید 7-7-E 🧯 قاتورت بد TEV تعيين نقاط اعتدال 7-7-0 جدول مشخصات سيارات عمده ١٤٨ J- T-C abla = 
ab7 2 m >> ایمادو جرم >> >> فصدو ل アア人

#### asclas

رشتهٔ های مختلف علوم ، خاصه علوم ریاضی ، چنات بینکدیگر بستگی دارند که درموارد بسیار فهم و درك مطلبی در یك میای دیگر . حدای دیگر . محتاج میباشد .

اذاین روی طالب علم باید کتابهای متعدد دردسترس خود داشته باشند و گاه و بیگاه بآنها مراجعه کند .

این کار برای کسائیکه با نفنن و فراغ خاطر بمطالعه میپردازند دشوارنیست ، اما برای جوانانیکه دردوره های متوسطه و عالی بکسب دانش مشغولند جای آن نیست که مقدار زیادی از وقت گرانبهایشان که باید برای فرا گرفتن

سرف گردد. ما ، برای اینکه خدمت و کمکی بدانش آموزان و

عواد درسی مصروف شود به نیجسس در کناب های مختلف

حانشجویان جوان کرده باشیم آنچه در رشته های مختلف ریاضیات مقدمانی باید آموخت بکجاگرد آورده و دریك مجلد دردسترس آنان قرارمیدهیم .

دراین مجموعه نظری بیر نامه کنو نی تعصیلات متوسطه نداشته و مطالب کتاب را برطیق آن مرتب نکرده ایم ، بلکه آنچه درحساب، جبر ، هندسه و معضروطات ، هندسه های رقومی و ترسیمی ، مثلثات ، مکانیا و هیت باید آموخته شود بطور مختصر ، وشاید مفید ، جمع آوری نموده ایم ، برای هیچیا ازمطالب اقامهٔ دلیل و برهان نکرده ایم بیده دراین صورت کتاب بسیار مقصل میشد و جا دادن مطالب

این کتاب که با قطع کوچات تهیه شده بهترین رفیق شفین جوان دانشجوست و مطالبی را که وی از کتابهای منعدد آموختهاست یاد آوری میکند و اور ا در اینکه هر لحظه بکتابهای مختلف درسی مراجعه کند بی نیاز میسازد. همه جا همراه او ، همیشه در دسترس او و در هر لحظه طرف مراجعه او میتواند بود.

در یا مجلد میسر نمیگر دید.

ما بسیار کوشیده ایم که کتاب حاضرد اکامل وجامع تهیه و تدوین کرده باشیم ، ولی تردیدی تداریم که نقس های بسیاردارد و تکمیل آن میحتاج براهنمائی و کمات همکاران عزیز و معلمان دانشمند میباشد .

این کار هرچند بظاهر خرد باشد ، شگرفتر از آنیست که بتوانیم ادعا کنیم که آنرا چنانکه شایسته است انجام دادهایم چنین داعیهای نداریم و از دبیران فاضل خواستاریم که مارا بمعایب و نوافص کتاب و اقف سازند تا در چاپهای یعد اثری مقید تر و جامع تر در دسترس اهل طلب قرار داده شود .

احیدواریم تا چاپهای دیگر کنادب ، جاپخانه های حسا بوسایل چاپ کنب ریاضی مجهز نر شوند تا نواقسی هم که از حیث حروف و علامات ریاضی ، با احیاناً تکمی کار گرمنتخصص پیدا شده است از میان برود .

احمد بیرشات ساحمد انوادی

#### حدا می

#### 1 - كليات

۱ ـ آنجه که فایل کم و زیاد شدن باشد کمیسااست . ۲ ـ قسمت معدودی از کمست را مقدار گویند: ۳ ـ واحد با حکه هر کمیت مقدار مشخص و معینی از آن کسید، است که برای سنجیدن مقادیر همچنس خود بکار کے الے انتیجہ سنجیدی مدر مقدار با واحد محجنسی خودش میباشد . a \_ عدد، درست ( صحیح ) عبارتست از اجتماع چند والحدد تصام . ٣ ـــــــــــــ اعداد طبيعي وشنه إعداد بست كه از يائه شروعي شود و درآن هر عدد بك واحد از عدد بلا فاصله قبل ازآن بنرر كتر باشد . أين سلسله بي انتهاست -٧ ـ يايه يا مبناى شهار معين ميكند كه هرواحد مرتبة بالاتر چند برابر واحد مرتبهٔ یاتین تراست . ٨ ـ پايه شمار معمولي دهميباشد و اين شمار را شمار دهدهی (اعشاری) میگویند . ۹ - در اعداد دهدهی (اعشاری) ده واحد از هر صرابه واحد مرتبة بلافاصله بالاتر را تشكيل ميدهد . ٠١ - در هر عدد رقمی که سمت چپ رقم دیگر نوشته شوذ تمايش صرتيه بلافاصله بالاتر خواهد بود.

#### - 11

۱۱ ـ در جمع اعداد تغییر مصل عواملل جمع تغییرک

در حاصل جمع نمیدهد. ۲۲ ـ بعجای چند عامل جمع میتوان حاصل جمع آنها

یوا قرار داده پستی :  $N = \{1, -1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-1, -1\} - \{-$ 

بیا ید گرد: الف ب اگر در موقع جمع اعداد را از پائین ببالا جمع کرد، باشیم برای امنیحان آنها رااز بالا بپائین جمع میکنیم، ب ب اعداد رادسته دسته نصوده هر دسته را جداگانه جمع صیکنیم و حاصل جمعها را با هم جمع مینمائیم

#### الما ي تقريدي

سنه یا تخاسته و کاهشیاب ) اضافه یا از Tنها کم گنیم در نفاضل نفییوی پیدا نسیشود. یعنی : ( $-\frac{1}{2}$ )-( $-\frac{1}{2}$ ) =  $-\frac{1}{2}$  استان معجموع چنا عدد از یات عدد ( یا میتوان یکایات  $-\frac{1}{2}$  و بیدا عدد ) میتوان یکایات  $-\frac{1}{2}$  در از این عدد ( یا میتوان یکایات  $-\frac{1}{2}$  در از این عدد ( یا میتوان یکایات  $-\frac{1}{2}$  در از این عدد ( یا میتوان یکایات  $-\frac{1}{2}$  در از این عدد ( یا میتوان یکایات  $-\frac{1}{2}$  در از این عدد ( یا میتوان یکایات  $-\frac{1}{2}$  در از این عدد ( یا میتوان یکایات  $-\frac{1}{2}$  در از در میتوان یکایات از در میتوان یکایات  $-\frac{1}{2}$  در از در میتوان یکایات بیکایات از در میتوان یکایات از در میتوان یکایات بیکایات از در میتوان یکایات در ا

قرير انسچام داد :

الف بالمسته بدست می آید و القامتیاب کسر می کنیم کاسته بدست می آید و ایا کاسته جمع می کنیم کاهنتیاب بدست می آید و آید و ایا کاسته می آید و ایا آیا می آید و ایا آید و ایا آیا می آید و ایا آید و این آید

١١٠ - - ا

۳۲ ـ در ضرب دو عدد هر گاه یکی از دو عامل ضرب

را چند مرتبه بزرك با آكوچك آكنيم ساسل شرب نبر همان اندازه بزرك با آكوچك ميشود.

۳۳ ـ هر گساه یکی از عاملهای ضرب را در عددی خبرب و عامل دیگر را بر هسان عدد تفسیم گشیم در خاصل ضرب تغییری حاصل نسیشود .

۲۶ ـ برای اصنحان ضرب جای معتبروب (بسی شهرده) و معشروب (بسی شهرده) و معشروب فیه (بس شهار) راباهم عوض میتکنیم و عمل ضرب دا تکراد مینماتیم .

## -١- تغسيد

۱۶ - ۱ کر مقدوم و مقدوم علیه (بخشی و بخشیاب) دا برعددی نقدیم (یا در عددی ضرب) کنیم خارج قسمت تغییری نمیکند ولی باقیمانده بر آن عدد تقسیم (یا در آن عددضرب) سیکند ولی باقیمانده بر آن عدد تقسیم (یا در آن عددضرب)

۳۷ - برای نفسیم یات عدد بر حاصل ضرب چند عدد میشوان آنرا بر یکی از عواصل ضرب نفسیم نموده خارجد قدیست را بر عاصل قدیست جدید را بر عاصل سوه نشدیم نا آخرین خارج قدیست

باست آید . ۱۹۸ برای امتحان تقسیم میتوان خارج قسمت را در مقسوم علیه ضرب نموده حاصل را با باقیمانده جمع کرد ، در حسورت صحت مقسوم بدست میآید . با باقیمانده را ازمقسوم آکم نمود، در صورت صحت تفاضل برمقسوم علیه قابل قسمت مئی باشد .

## الا قوای اعداد (توان)

۲۹ - قوه ۱۱۱۱م هرعدد عباد تست از حاصل ضرب ۱۱۱ ۱۱۱ مرتبه

ا، را پایا و ۱۱۱ را نما آگوین، ۲۳ - قود اول هیر عدد میباوی خود آن عدد است

۱۳۱ - هر عدد بقوه صفر مساوی است یا یاشه یعنی :

 $\gamma = -1$  حاصل ضرب دو نوه با پایه مشترك مساویست با همان پایه بخوه مجموع نماها، بعنی ( $\gamma = -10$ ) بعنی  $\gamma = -10$ 

سوس ساصل ضربدوقوه یا نماهای مشترك مماویست یا حاصل ضرب یایه ها بقوة همان نمای مشترك. یعنی : با حاصل شرب یایه ها بقوة همان نمای مشترك. یعنی : ع ٣٠ ــ تنوان ١١١٦م حاضل ضرب چنه عدد مساه و بست با حاصل

حترب الواليهاي ١٦١ ام آن اعداد . يعني : (۱۱۱ م الله عليه الله (۱۱۱ م ۱۲۱ م ۱۲۱ م

وسلام الگر خوان ۱۱۱ ام عددی را بخواهیم به خواست. حدومه نواست در به خواست مدومه در به خواست بعنی در به در به

Car may in the car are )

۳۳ ـ خارج فسمت دوقوه مختلف یك عدد سساویست با همان پایه که به توان تفاضل دو نما برسه یعنی : ( ۱۱۰ — ۱۱ ) بیست ۱۱ بی ۱۱۱۰ ن

۳۳ سے باقبیماندہ تفصیح فوہ ۱۱۱ ام ھی عدد ( ا بدی عدد دیگر ا) مصاوید با باقبیماندہ فوہ ۱۱۱ ام یافیداندہ تفصیح ۱) ۱) برای

#### 1111 -ande 20 e il ande 2

۸۳۱-۱۳۵۸ دو طرف دو یا چند تنساوی دا با یکدیگر جسم یاان یاکدیگر تغریق ، در یکدیگر حترب یابریکدیگر تغییر آگذیم نتیجه یک تنساوی خواصد بود:

۳۹ - اگربین دوطرف دو یاچند نا مساوی یکجهت اعسال جسع ، تغسرین ، ضرب یا تغسیم بیجا آوریم نتیجه هسواره یک نتیجه مساوی در همان جهت خواهد بود :

Examples of the state of the st

تبصره در صور تیکه اعسال جهار گانه بین چند تساوی و چند نا مساوی در همان جهان نا مساوی در همان جهان خواهد بود .

#### ١١١١ بخش پذیری یا قا بلیت تقسیم

مع ـ عددی برعدد دیگر قابل قسیت است که باقیدانده انقسیه شر آن صفر باشد، عدد اول راهشرب دومی ودومی را مقسوم علیه یا حاد اولی مینامند و میگویند دومی اولی را عاد میکند .

۱ ع ـ هی عدد که رقم سمت راست آن صفی یا حفت باشد بر ۲ فابل قسمت است .

۲۶ - هرعدد که دو رقم سمت راست آن صفر باشناه یا عددی تشکیل دهند که معترب ۶ باشد بر ۶ قابل قسمت است که سه و قم سمت راست آکه سه و قم سمت و است آن صغر بوده پاعددی تشکیل دهند که معترب لاباشد.
 ۶۶ - عددی بر ۳ قابل قسمت است که معجموع اد قامش بر ۳ قابل قسمت است که معجموع اد قامش بر ۳ قابل قسمت باشد . اگر تقسیم معجموعاد قام با عدد بر

حساب الاستانات واشته باشا باقيمانات تقسيم آن عاد هم بر محمان مع باقيمانات واهد بود .

مع معادى بر و قابل قسمت است كه رقم سستراست و عددى بر و باشد .

آن صفر با و باشد .

الاع معادى بر و قابل قسمت است كه مجموع ارقامت لا معادى بر الا و المقابل فسمت باشد . الكر تقسيم مجموع ارقامت باشد . الكر تقسيم مجموع ارقام عادى بر الا باقيمانات واشته باشد باشد باقيمانات تقسيم عدد هم بد و همان المقابل مجموع المقابل محموع المقابل المعادي بالمنابذ و الا باقيمانات تقسيم همان تفاضل بالمنابل قابل قسمت بر الا باقيمانات تقسيم همان تفاضل بالمنابل قابل قسمت بر الا باقيمانات تقسيم همان تفاضل با

و با عدد دیگری فالمیاه کی جو بر خود و بات به عدد دیگری فا فابل فسید عدد اول نامیده میشود. خابل فسید اول نامیده میشود. ۱۰۰۰ - اعداد اول از ۱ نا ۱۰۰۰ عیارینداز :

アンア YZ ٤ > 12 17 1 2 7 7  $\sim$ 人へ 人ど Y -**イア イノ ブイ** 1 DO OF EY ET ノアン 150 12-1 ノイイ 1 1 7 \ **+** \ 1 - ~ 1 ~ ~ ヽヾヾ 10 ~ 101 1 = 1 **\** \ \ ノママ 1 -6 2-1 5 2 7 7 - 2 4 4-4-イイへ イイマ イイア ~ \ \ 122 124 127 イ人で ィヘヽ  $\prec \sim \sim$ イイン イイベ イノア T 0 1 70~ T & 1-Y & Q アミン ~~~ ~~ \ ~ \ \ m 1 m 211 ~~ + **~** 7 2 7 2 - 1 TAY ア人へ 个人个 Y アイア ~~~ 700 7-07 207 229 2 2 T 279 ETT 2 m 1 E \ 9 EYI 0 + T 299 291 とヘソ 2 V Q 5-7 5. T. Y ミマヽ 0 V V 0 V \ 079 077 007 0 E Y 0 £ \ 0 7 7 071 ~~ ~ / ストア ス・ソ ス・ト ロペペ 719  $\neg$   $\vee$ ~ ~ ~~  $\circ$   $\wedge$   $\vee$ 771 709 704 754 755 751 スペア ヘママ フマア **イエエ イエイ**  $\vee \circ \cdot$ マミア V T Q  $\sim$   $\sim$ **YYF YZZ YZI YPY** ヘイト シャ ハー **人 - へ**  $\sim$   $\sim$ 人へて 人のゲ 人ぞへ 人くへ 人くソ 人くど ヘママ 10 Q 人のY クゲイ 251 272 919 911 ~ - ~  $\wedge$   $\wedge$   $\vee$ ヘヘゲ ヘヘヽ  $\sim \sim \sim$ ペスゲ ペンソ ペント ペスツ ペロデ 991 ~ E Y جدول اعداد اول معروفست بغريال اراتستن

۱۵ - نیجزیه یک عدد بعواهل اول تشکیل دهندهٔ آن عدد فقصد بیات طریق محکن است .

۲۰ ـ دو عدد را نسبت بهم اول گویندو قنی عادمشترك
 نداشته باشند، یعنی عددی نتوان یافت ئه هردو بر آن قابل قابل قابل باشند.

٣٠٠ ـ هر دو عدد غير اول افلا يك عاد اول خواهت

داشت ۔ ۱۳۰۶ - رشتۂ اعداد اول بی یابان است .

عاد نتکنه نسبت مآن اول است .

به المرادي عدد غير اول حاصلفترب جند عدد اول است. يدست آوردن عوامل اول هر عدد غير اول را تنجزية آدن سوامل اول گويند .

## المار المعادر بن عاد (یا مقسوم علیه) مشترك

علامت اختصاری آن یعم صیباشد .

 $\mathbf{v} = \mathbf{v} = \mathbf{v}$  بسیار عدد میتوانند عاد های مشتر  $\mathbf{v} = \mathbf{v}$  بسیار داشته باشند و  $\mathbf{v} = \mathbf{v} = \mathbf{v}$  از همه بزر گنر باشد بهم  $\mathbf{v} = \mathbf{v} = \mathbf{v}$  بند.  $\mathbf{v} = \mathbf{v} = \mathbf{v}$  بند و عدد کو چکنر بزر گنر را عاد کند

خود آن بسم دو عدد مفروش خواهد بود . ۱۹۹۰ - بسم دو عدد بعم عدد آکوچآگنش و باظیدانده تقدیم

عدد برر گند بر کو چاکنر نیز میباشد .

می سرای تعیین بسم دو عدد عدد برد گنی دا بر آگی دا ول و تفسیم اول و باقیمانده تفسیم اول و باقیمانده تفسیم اول و باقیمانده تفسیم اول و باقیمانده تفسیم دوم قسمت میگذی و عمل در ایسمین و متم ادامه میدهیم تا و قشی آگه عمل تفسیم باقیمانده ندایده برای مقسوم علیه بهم دو عدد مغروش است .

کی سیکنست بعم چند عدد را از راه نیجزیه آنها بسوامیل اول بدست آورد . برای اینکار پسی از نیجزیه آن اعدادعوامیل ول مشترك آنها با کوچکنرین نیا داعدهم ضرب میکنیم .

> شوند بعم آنها نیز جنین خواهد شد. ای گو چکنر بن مصر ب مشتر لئ

عولا مدين الخديميدا والاعدار المن المدير

ع ۳ دویه چند عدد صعنی بههی مشترات بیشها و دارند آنیا آنیا از همه کو چکتر بهای است آنیا میتگویند. آکه از همه کو چکتر باشد حدد آکه نسیت بهم اول باشند حاصلعند بی

آنیداست. ۲۰ ـ ا کردو عدد در عددی ضرب (یا بر عددی تقسیم)

شونه آیه آیها نیز چنین خواهد شد . ۱۳۷ - آکمم بین دوعدد عبار نست از خارج قسمت انفسیم حاصل ضرب آن دو عدد بر بعم آنها .

مرا \_ آگسم بین چند عدد باینطریق با سست میآید گه آاول بین دو نای آنها گسم تعیین نصوده و بعد بین این گسم و عدد سوم آگسم تعیین میکنیم و بهمین طریق عمل دا ادامه میدهیم نا آگسم بین تمام آن اعداد بدست آید .

آجی کو چکترین معشری مشترك اعدادی که بعوامل اول اید شیری مشترک بعوامل اول اید مشترک بعوامل اول مشترك تیم بدوست از حاصل شرب عوامل اول مشترك و غیرهشترك آنها که دادای بزر گترین نما باشند.

## ١١١ > - بر ـ نه با كسر

۰۷ سدی آگاه یکه ( واحد ) را به ۱۱ قسست مساوی گذیم و ۱۱۱ قسست از آنرا آخنیار نمائیم گونیم بسرخهای یا ۱۱۲ قسست از آنرا آنرا آخنیار گونیم بسرخهای یا ۲۰ در دابم د در واحد مساوی ۱۱ آن رااختیار گردهایم د در ودت گویند.

عر تکساد ۱۱ قودای از ۱۰ باشد برخه را**د هدی** یا

اعشاری و گرنه آنرا م**نهارفی** میگویند . اگر 111 از 11 بررگنر یاشد <mark>111</mark> را برخهنمامند. چنانچه یا برخه عدد صحیحی هدراه باشد یاث عدد برخیمی

دوطول ۱ و ۱ و احدمشتر کی بکار رود و ۱ شامل ۱۱۱ صریبه و ۱ شامل ۱۱ مرتبه واحد مشترك باشد نسبت دو طول او ۱

عبار نست از برخه

خواصي عمومي

VY = -10 VY = -10

عبار تست از طول حاصل از تقسیم ا به ۱۱ قسمت مساوی . 11 عبار تست 11 عبار تست . 11 عبار تست .

ز الله طول ۱ میشی برای بدست آوردن این حاصل ضرب باید ارادر در ۱۱۱ ضرب و حاصل را بر۱۱ تقسیم نمود یا ۱ رابر ۱۱ تقسیم و خارج قسمت را در ۱۱۱ ضرب کرد . و خارج قسمت را در ۱۱۱ ضرب کرد .

س الكيم را ير محرج هر كيم تفسيم وخارج فسسترا

۲ - سیس بین مخرجها کیم تعیین کرد ،

کسر در آن حدد ضرب میشود ۔

تدو دی شامل کست منبویه نسود .

قبصره ـ هرگاه در قسست ۲ بیجای کسم مخرجها یاث معنبرب مشترف آنهارا بدست آوریم کسرها بیك مخرج نحویل خواهند شد نه بگوچکترین مخرج مشترف .

جمع و تفریق بر خهها ۶۸ - مجموع یاتفاضل چند کسر که یك برخه نام (مخرج) داشنه باشند کسر بست که صورتش مجموع یا تفاضل صورتها و مخرجش صخرج مشترك كسرهای مفروض باشند . تمصر ه ا اگر كسرها یك مخرج نداشته یاشند نخست

تها را بیات سخرج تعویل میکنیم . آنیا را بیات سخرج تعویل میکنیم . حشر ب ور جهجا

۵۸ - حاملاتی دویا چند کسریست که صورانش دامدهدرب محرجها باشه،

المنظم ا

۱۳۸۰ برای تقسیم دو کسر بر یکدبگر کسر مقسوم علیه فرا محکوس نسوده بین آنها عمل ضرب بجا میآوریم :

۷۷ ـ هر غدد صحیع را مینوان کسری دانست کسه عضرچشی ۱ یاشد . با این فرض قواعد راجع بساعمال اصلی در کسرها را مینوان در اعداد صحیع نیز جاری دانست .

#### بر خه های دهدهی

۸۸ سه مجموع و نفاطل عددهای دهدهی مستکنست عدد معجبه یا دهدهی باشد .

کرے حاصدلعثر بدو عدد دھدھی ھیہشہ عدد بدید دھدھی
 کہ سخاریج تقسیم دو عدد دھدھی میںگئیست عددی
 حمحییج یا کسر دھدھی ہا گئیس میں میںگئیست

آ تبدیل کسر دهدهی بمتعارفی و بعکسی ۱۹ - هر آکسر دهدهی را میتوان بسورت آکسر متعارفی

"كسر متمار في دا هو لل كسر دهدهي ميكويند

" اكر صغرج كسر متعار في فقعل معشر باقواي منعندف

" و الشه تقسيم صورت به مغرج بعلور صعيح انجام

ميكير د يعني بالاخره باقيمانه تقسيم صفر ميشود . اما اكر
مغرج شامل عواملي غير از ٢ و ٥ بهاشه باقيمانه تقسيم عر قدرهم عمل دا ادامه دهيم ، هيجيكاه صفر نميكود و جون بعد از يك يا چند عمل باقيمانه اي برابر بجين از بوت باقيمانه مي برابر بجين از باقيمانه هاي سابق به سيت خواهد آمد يك عده ارقام مرتبا درخارج قسمت تكرار خواهند شد . چنين برخااي دا برخة دود دود كود كرداد كورين برخااي دا برخة

こ ・/ ハスス ・・・・ ハ ムにゅ

در برخه دوری پیآگرهایی را آگه تآگرار میشوندووره سخر دیش نامند در مثال  $\gamma$  دوره آگلردش  $\gamma$  و در مثال  $\gamma$ 

عه سیده کورش کورش کورش کورند اگر دوره کردش بی فاصله بعد از مصیر شروع شود (مثالهای بالا) و مرکب خوانند اگربین محیر و دوره گردش بات دوره غیر سخردش یعنی عددی باشد که تنکرار نشود .

و بعد دورهٔ گردش را یك بار نوشتن بعد از مسیر دوره غیر گردش و بعد دورهٔ گردش را یك بار نوشته پس از آن چند نفطه میگذاریم آب برخه متعارفی وقتی ببرخه دوری ساده قابل تبدیل است که در مخرجش هیچ عامل ۲ و ۵ نباشد و وقتی که در مخرجش میچ عامل ۲ و ۵ نباشد و روقتی که در مخرجش عامل ۲ یا ۵ و عوامل دیگر باشند ببرخه دوری مر کب تبدیل میگردد.

 صفحه ۱۸ مسورت کسرمولد است مخرج کسر مولد کسراعشاری نفاصل صورت کسرمولد است مخرج کسر مولد کسراعشاری متناوب مر کب به ینطریق بدست میآید که بعدی دوره کردش ه نوشته و بعدی دورهٔ غیر گردش صفر در جلوی آن بنگذاریم ۱۱۱٪ نسست و تناسست و تناسست دو عدد ۱۱ و ۱۱ عبارتست از خارج قسمت آن باشناد داد و ۱۱ عبارتست از خارج قسمت آن باشناد داد و ۱۱ میتوانید صحیح یا کسری باشناد .

اعداد آن و ۱۰ میشوانند صحیح یا کسری باشناه . ۱ - ۱ - نساوی دو نسیت وا یك تناسب گویند مانند ۱ - ۱ - ۱ - نساوی دو نسیس آن

(1) (2) (3) (4) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5) (5)

۲۰۱ - اگرچندنسبت نامساوی به و ی و دادردست

ہو تو جے میں ہے۔ ۱۰۲۰ – ۱۳۵۱ ہے۔ و صفریج کسر کو جے کئر از واحد

الق بات عدد ی بیغزائیم کسر بررگتر میشود و لی باز از ۱

٥٠١-واسطه عدى ٨ يين دوعدد آء و 15 عبارتست از:

1 g... o C g o a see a see A see A colo e co

۲۰۱۱ و اسطه هندسی نایین دو شده نه و ۱۱ عبار تسست از ت 

همیجنین و استده مندسی نک بین ۱۱عدد از داون و ۱۰۰ و اعبار استداد: Cimmon National

۷۰۱- واسطه عددی ۸ بین ۱۱ عدد ۱۱ و ۱۱ و ت و ۱۰۰۰ و ۱ از واسطه هندسی ن آنها بزر گذراست . laulies - XIV

و سایر یکه ها از، آن مشتق میشوندال. pole selected

واحد : مند سيس تغريباً إن ين ين عسف النهار و ميري ت 🐃 منتى تصوية بيريالصلاح.

احتیاف : د کامنتر معدد ۱۰ منتر ، هیکنومنر در ۱۰۰ زمنور

١ جوله و د دسومتر مسو ١١٠ مشر ، سانتيمنر ١٠٠٠ مشر ميلسيستنو المستد 🔻 + + / + مالاو

2 8 8 c

والحدد : منز مريي

احضيها أكسة د كامنتر ميريس ٠٠٠) بمسكنتو منتر ميريم دست ٠٠٠) كيلومشر مربع ٠٠٠٠٠ مشر مربع

الهرا العلامة وزن بالتاسانتيمتر مكسر آب مقطر عدر جه حرارت

حيم لسمعت TY decient النهاف : د کا گری د ۱۰۰۰ د کا گری د ۱۰۰۰ کیلو تکشتال ۱۰۰۰ ۱۳۰۵ کیلو گرم ، نین ۱۰۰۰ ۱۰۰۰ کیلو گررم المسين العراد المرام و ١١٠ سانتياكيم و ١٠١٠ مادها برای جواهراست : قیراط مست ۲۰ سانتیاتکرم وسيقطع وورد و المستعلم ١ تكرم معادلست با وزن يائه سانتيمنر مكسب آب مقطر عدر جه « باک دسیستی ۱ کیلو کی م « ۱ نین « « یاث منبر « « « « « « « « « « « « « « « » » تکمب تکمب تکمب ت تی و میں میکمب را یکهمای مینناخلر کوینس يلكة حجم در صور تيلكهوزن بايكة صنناطر آن بيان شود. و قرد و معتمد و در معتمد اجسام مرهم : 1 te aming 4/7 -/TE المجورية ينسه 01-1-1 9 11-4-100 マ/人 سيندور سيد 5.00 1 · · /Y 1- -/79 VIX يشو يبون ~ / V ~~ マノアーマノト Company 1 1 1221 , JST-1 V/Y تتبليح ~ / / > N X シャー・ノアー・ノベー・ノハ人 YIAG فولاد ترم N/--シノヘス

| Y Y was         | -            |               | ليضاسها         |
|-----------------|--------------|---------------|-----------------|
| <b>人/</b> ソー人/を | ٥٧ مفر غ     | 1/1/~         | ٥١ مازوت        |
| <b>人/人</b> の    | الحين ٢٦     | 1/0-1/1       | ٦٠١ اسفالت      |
| 人/へ             | VY A         | 7/ロー7/7 ごし    | 1 6316 mi       |
| 1-10            | ٨٧ نقره      | 1/2           | ~ · · · · · ·   |
| \ \ \ / Y~      | ۲۹ سری       | 1/7-1/2       | J= 19           |
| <b>ヽ ケー</b> ノーし | ۰ ۳ جيبوه    | Y/- \/ \ \    | → ۲ خالت رسر    |
| <b>トペ/ディ</b>    | Sile Ti      | /をロート/人       | 🗙 🗡 - بشون      |
| マ ヽノ ヾ          | ٣٣٠ يلا تيون | 1/2           | ۲۲ سیمان        |
|                 |              | Y/7-Y/E       | ما المنتسبة الم |
|                 |              | T/- A-T/0     | ع ۲ سناشه       |
|                 |              | سيج وي الله ع | E C C .         |

| وزن بحرم                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                  |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 |                                                | w Cara                                      | شماره         |
|-----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|---------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|------------------------------------------------|---------------------------------------------|---------------|
| عدا دهر                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                   | ا غير خالص                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                      | عيار                                           |                                             | €ر 5=سب (     |
| 4.44.454.                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 | A 9 4 3 6 A                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                     |                                                | مادر<br>فیم یہدو ی<br>فیم یہدو ی            |               |
| 0, 2 0, 0<br>0, 0 | \$ 20 mg 40 mg 20 m | • • • • • • •                                  | ده ریاں<br>پختے ریاں<br>دو ریاں<br>بہت ریاں |               |
|                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           | 8                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                               | در ۱۹۵۰رسد<br>مسی<br>دوره در سد<br>۱۲و مینیو م | پنجاه دینار<br>ده «<br>پنج «                | ×             |
|                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           | en = e= a.                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                      | (                                              | وساء وليستو                                 | <b>&gt;</b> < |

Y & seeins ١١١٠ مقيا سهاي سايق طول: واحد : درع احتمافت : فر سمنات موسد + + + ح در ع اجراء : جارات : في درع ، كرم حدد ، درع ، بهر モンシ ご وزرت: واحد: سن احتماف : ری مست کے مرح ، کروار سید ۱۰۰۰ من اجراء: چارك سب ي من ، سير سب ي من مثقال عسد بير : تعدود سد يه مثقال : كتدم سد يه تخود APP - C B seller gail and to dealles a teller of ورع سس ۱۱۰۶ صند

| 1 | اخروار | حرت  |            | مشقال | نضورد    | S"              |
|---|--------|------|------------|-------|----------|-----------------|
|   |        |      | ]          |       |          | -121 -55        |
|   |        |      | <b>\</b>   |       | }        | 1-5 YO          |
|   |        |      | <b>\</b> - |       |          | P-5 YO -        |
|   |        | <br> | > >~       | 0     | <b>\</b> | ا یات کیلو کی م |
|   |        |      | 1          | 1     | İ        | >> -(           |
|   |        |      | 1          | }     |          | h               |
|   | 7      | من م | 1          |       | 1        | ا باث تن        |
|   | 1      |      | t          | I     | 1        | 1               |

مقیاسهای سایق کندم ۲۰ ۲۰ کرم سیر ۵۰ کرم تخود ۱۹۵۳۱۲۰ « من ۳۰ کیلوگرم مثقال ۲/۲۸۷۰ « خروار ۲۰۰۰ «

یو الاحدی ت روز سے مدرت سر کن و ضعی زمین

المجتراع على سلاعت الله إلى دوز دقيقه الله الماعت تانيه الله وقيقه

مسال شمسی ایرانی : شروع: اول فروردین مصادف
با عبود کره زمین از نفصله اعتدال ربیعی و روز اول بهاو
مسایل شمسی ایرانی: ۱۲ ماه دارد از فروردین ناشهریور
۱۳ دور ، لاز صهر تا بهمن ۳۰ روز اسفند در سال عادی ۲۹

و در سائل کییسه ۳۰ روز مسائل فامری عربی = ۱۲ ماه دارد که متناویا ۳۰ و ۱۳۷ روز دلارند = ( محرم ، صفر ، ...)

مسائل شمدی هیلاهی: شروع اول ژانویه مساوی ۱ دی ماهیا ژاتویه (۳۱) فوریه ( ۳۳یا۹۷) مارس، (۳۱) آوریل ( ۳۳) سه (۳۱) ژون (۳۰) ژویه (۳۱) اوت(۳۱) سینامیر ( ۳۳) تخیر (۳۱) نوامبر (۳۰) دسامبر (۳۱) تغیر یکی تا در تغویم فرنگی سالهای که عددشان به ع قایل قسمت یاشد کییسه اند سوز آنها که بدو صفر ختم مسدوند The design of the state of the

آی، در اینصورت 170 عدد سال سرف نظی 100 ساده 200 قابل قسست باشد سال کبیسه است و 100 ساده 200 در نقویم ایرانی در هر دوره 200 ساله سالهای 200 و 200 ساله ساله.

معلا نفت تاریخیها:

بست کی دهدهی ندار نداعداد مر کسی کو یند و اضعاف و استخی دهدهی ندار نداعداد مر کسی کو یند و مایند ساعت و دقیقه و تانیه یا اسازه های سایق ایران ، دقیقه تانیه یا اسازه های سایق ایران ، ۱۲۸ - در اعمال حسایی مربوط باعداد مر کس همیشه نبید یل یکهها بیکههای بالا تر یا باتین تر لازم میآید و این کار بوسیله ضرب و این سورت میگید و این

۱۳۲ سے افزایدی سے در جسے اعداد مسر سیکی بیابستی یا بیستی یا بیستی یا بیستی داینگه یک ممای دهم نوع داینگه میجسوع مسادل یا برد شکتر از یکه بالاتر باشد آن دا از جنس

ور تکاهیتیاب بزر کستی د از اعداد نظیم خوددر کاستهیاشد عصل در تکاهیتهیام بند در کسته استه باشده عصل بسته و لیت انتجام بندید است د

هر گاه یکی از اعداد نماینده یک های مختلف در کاهشاه باشد باید در کاهشاه باشد باید در کاهشاه باشد باید در کاهشاب یک مختلف در کاهشاب یک مختلف در کاهشاب یک میکه مرتبه بعد را از جنس یکه مرتبه یاتین کرد. و بآن افزود آنگاه عمل کاهش را بجا آورد .

د کا ۱۲۶ فرس - برای ضرب اعداد مر کد در یك عدد آن عدد را در هریك عدد از اعداد نیاینده یکههای معدنلف ضرب نیوده در حاصل ضرب یکهها را در صورت احتیاج بیکه بالاتر تنیدیل میکنید .

۱۲۰ انقسیم - برای تقسیم اعداد مر کب بر بات عدد، ابت از عدد نماینده بررگذرین یکه شروع کرده عمل تقسیم دا بیجا می آوریم بهروا نوشته باقیمانده را از جنس یکه مرتبه پائین کرده برعدد نماینده همان یکه در بخشی افروده در مجموع عمل تقسیم دا انجام میدهیم ، باقیمانده جدید را از جنس یکه در دادامه از جنس یکه در باتیمانده جدید دا در میدهیم ، باقیمانده جدید دا دامه می دهیم تا تقسیم به پایان رسد .

IVX (cess additiones

نیجاوز نکته انتاسی مفرد و اگر عدد آنها بیش از کا یاشد انناسب را مرگیب گوینه . ۱۲۸ - هر گاه در انتاسی انسیت بین آکمیات مستقیم

۱۳۸ - هر داه در انتاسیت بیری سمیت بیری سمیت باشد در است استانی باشد در این در این در این میمیکویسی شکویید .

۲۹ فاعده - بر أى حل نناسب مغر دمستغيم مقدار هميجنس ميكوس دو مقدار "كميت ديگر ضرب ميكنيم ميكنيم حياكنيم حير براى خل تناسب مغرد معكوس

مقدار هم جنس کمیت مجهول ولادر نسبت مستفم دو مقدار کمیت دیگر ضرب میکنیم . ۱۳۰۰ مید فاعد، برای حا مسلفا تناسب، آکب کمینیرل

ا ۱۳۱ فاعده برای حل مسائل تناسب می آگسینی دا کسینی دا کسینی در پی باهردو مقدار هستجنس از کسینی در پی باهردو مقدار هستخیس از کمیات دیگر می سنجیم و بمورد نسبت مستقیم یا نسبت مستخیر در دو بدو آن مقاد بردا تشکیل داده مقدار هستخنس میجیو لرا در حا شاهندی آگنیم تنامغدار معللوب بدست آید

IIV - Taxio e Tili

۱۳۲ - مر گاه جند نوع از کالانی دا که بهای آن معندلف باشد با هم بهای آن معندلف باشد با هم بهای بهای آمینده از کالای آمینده دازای بهای خاصی است که در بهای منوسط نامیده میشود . مقداری دا که در به کالای دفروش برداشته ایم نسیت آمیزش گویند مسلوم مسائل آمیزش بردو نوعند : ۱ - نسیت آمیزش معلوم است ، باید بهای متوسط را باشت ، ۲ - بهای متوسط معلوم است ، باید نسیت آمیزش را باشت ، ۲ - بهای متوسط معلوم است ، باید نسیت آمیزش را باشت ، ۲ - بهای متوسط معلوم است ، باید نسیت آمیزش را باشت ، ۲ - بهای متوسط معلوم است ، باید نسیت آمیزش را باشت ، ۲ - بهای متوسط معلوم است ، باید نسیت آمیزش را باشت ، ۲ - بهای متوسط معلوم است ، باید نسیت آمیزش را باشد ت آمیزش دا باشد ت آمیزش دا باشد ت

متوسطقیمت کلیه مقداری را که از هر جنس برداشته میشود حساب نسوده حاصل جمع قیمت کلیه مقداری را که از هر جنس برداشته میشود حساب نسوده حاصل جمع قیمتها را بر مجموع مقدار کالا تقصیم مینائیم کاله به برداشت یاب به برداشت آوردن نسبتی که از هر جنس باید برداشت باینهای به نسبت آوردن نسبتی که از هر جنس باید برداشت باینها را تمیین نموده سودها را با هم و زیانها را با هم جمع می گذیم بعد به نسبت مجموع زیانها از اجناس سود بخش و به نسبت مجموع زیانها از اجناس سود بخش و به نسبت مجموع سودها را جنس های زیان بخش برداشته باهم

و ۱۳۰ آیا و جسمی است که از دوب چند فلس یا یکدیگر بدست آید . هر گاه ازیا فلز گرانیها مانند وریا نقره با فلز دیگری چون می آلیاوی نر کیب کنیم مقدار فلز فیستی را که درهر هزار جزء آلیاووجوو دارد عیار آننامند است و دارد عیا تا آلیاو خود دارد کیا است و در یا آلیاو کا در در یا آلیاو دارد کا تا کا در کا در در الله آلیاو کا در الله کا در الله کا در کا در عیار آن ضرب کرد .

الله المستق ورق البيار والورانيان المانيان المستون المستقد ورق المستقد الله المستقد ا

## (45) Som and (4) NINX

۱۳۸ - معمولا هر کس پولی بوام بگیرد برای آدن کرایهای قاتل میشود که بهره یا د بعج نام دادد. ۱۳۹ - بهره نسبت مستقیم با سرمایه ، با مدنی حسه سرمایه در مرابحه بوده است و یا ترخدادد. نرح یعنی مدران الجاره واحدیکه در زمان صبیتی برای سرمایه صبیتی قایل صبیته و نام نرخ فرنگی یا در صدیعتی سود ۴۰ ریال در یاکسال نرخ ایرانی یعنی سود ۴۰ ریال در یاشه صاه ۴۶۱ - برای تباییل نرخ ایرانی بنرخ در صد کافیست

۱۶۰ - برای تبایل نرخ ایرانی بنرخ در صد کافینست
 آنرا برحسب شاهی (۵ دینار) بیان نسود و در ۲ حضرب آکرد مثال : نرخ تومانی (دوریال) چنهادشاهی در ماه برایر است یا ۲۰۰۲ کیمنی ۶۰۰۱ در سال .

۱۶۱ – ۱۳۸ – اگر سرمایه را سی ، صدت را هم ، نرخ راوی و بهره را ب بنامیم و مدت را برحسب سال بیان گنیم : در تحریم کرسی

تیجسوں سادر مسائل بہرہ کاری یک سال ۳۳۰ و ماہ ۳۰ روز حساب میشود ـ

۱۶۲ — در صرابحه مفرد سرمایه ثابت است بعذی سود سرالبانهٔ آن بان افزوده ندی شود .

در توع دینگری از صرابعد در آخر سال سود سالبانه را پسرسایه اضافه مینگند . آنرا صرابعه یا ( بهره کاری ) مرکب گویند ( رجوع شود بهسمت سیبر ) ۱۱۲ د تذریط ،

۱۶۳ میشود که در بازر کانی اغلب بنجای پول نفس باشنه سندی داده میشود که در ناریخ صعیتی قابل برداخت استوا کر دارندی

آن سند یخواهد زود تر از آن تاریخ که بسر رسید موسومست سند را یپول کسر کند و بقیسه را دریافت دلارد کند و بقیسه را دریافت دلارد . مبلغی را حکه در سند بازر گسانی نوشته شده اد شری است و مبلغی که بعد از حکسر تنزیل پرداخته میشود از شی قعلی آن است •

ععلا - تنزیل با ارزش اسمی و مدت و نرخ تنزیل نسبت مستقیم دارد و مسائل آن عینا مانند مرابحه حل میشود و مستقیم دارد و مسائل آن عینا مانند مرابحه حل میشود تنزیل ازارزش اسمی سند کسرشود تنزیل ازارزش اسمود تنزیل درونی امیده میشود میشود تیر و تی تامیده میشود تنزیل درونی عادلانه تر است ولی منداول نیست

- ۱۰۰ - ۱۰۰ - سی - انظریل درونی - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰ - ۱۰۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱

#### XX - XX

WEY - Tome second secon

قرار دارته بین دو عدد نظیرشان از سجلر اول میباشد و جدر

تقریبی آنها تا یا یا یک تقریب بآسانی بدست میآید -۱۶۹ - برای استخراج سیاس اعداد از ۱۶۹ بیالا ته یا

يكه تقريب بطريق زير عمل ميكنيم: عدد را از سدت راست بقطعات دو رقمی تقسیم میکنیم جدر قطعه اول سست چب را تعیین مینسائیم و میتدور آنرااز همان قطعه اول سمت چي آکم مي کنيم و قطعه دوم را درسمت راست این باقیمانده باین میآوریم و بك رقم از سست است عدد حاصل جسدا تموده جنء سمت چيد را بدر دو يراير وقير سجندر اولين قطعه سمنت جب تقسيم ميتكنيم خارج قسست دومين رقم جدر عدد مقروش یا بزر کنر از آنست به بسرای امتحان آنرا در سمت راست دو برابر اولین رقم جدر توشته حاصل را در خود آن عدد ضرب مینکنیم و آز عددی که از اولین باقیمانده و قطعه دوم تشکیل شده است حکم میآکتیم ؛ 8 گر تغریق میکی شد رقم استهان شده رقم دوم بودر است و آن را در سمت راست رقم اول جنر مينويسيم والايك واحد از آن كاسته مجدداً امتحان ميكنيم نا وقتى كه تفريق محكي شودآنو قس قطعهٔ دیگر را در سمت راست ساقیانده قرود آورده يطرين بالاعمل ميكينم نابهمين طريق نمام قطعات بكاروو نعمثال:

| * * * * * * * * | x & x |              |
|-----------------|-------|--------------|
| ~               | 75    | <b>ヘイン</b> < |
| * * *           | ٤     |              |
| * 0 T           | 407   | 17-65        |
| <b>メイメー</b> 人   |       |              |
| 1 2 mil &       |       |              |
| 7000 20 00 1    |       | j.           |

عدد ۲۶۲جدر و ۲۷۴ باقیمانده است

- ۱۰ برای استخراج جدر اعداد دهدهی تا یك یك انقریب از جرء دهدهی تا یك یك انقریب از جرء دهدهی صرف نظر نمودد جدر قسمت درست درانایك یكه نفریب استغراج میكنیم و جزء دهدهی را به باقیما نده جند میافزانیم . . .

مثال ـ جندروه کا تا ۱ و و انتقر بب :

عدد ۱۳۲۲ جنور و ۱۳۲۲، باقیداندواست. ۱۳۸۲ - اصنای جنورو:

جدوی وا که استنفران شدهاسسده میدنود ندوده با باقیدا، جمع میکنیم، در صورت صعدت باید خود عدد بدست آید.

-X11

 ۱۰۰ – برای استخراج کمپ احساد از ۱۰۰ پیالا تما یک یکه تفریب بطریق زیر عمل میکنیم:

عدد را الا سمت راست بقطعات سه رقیم و قطعه دوم را تعیین مینسائیم و قطعه دوم را در سبت راست باقیما تسده پائین میآوریم، دو رقم الا سمت باقیما تسدت راست باقیما تسده پائین میآوریم، دو رقم الا سمت برایر میگذاریم و جهزه سمت چپ را بر سه برایر میجنور رقم اول کمب تفسیم میکنیم، وقم خارج قسمت و قردوم کمب یاقدری برد گرر است برای امتیمان:

آگرده حینویسیم ، بمانیگا، سه برابراولینرفم گعبرادر عدد امنیهان گردنی و در ۱۰ ضرب کردهمینویسیم،

مالثاً، عدد امتيمان كردني رامريم كرده مينويسيم و ابن عدد ما را جدم نموده حاصل جدم را در عدد امتيمان كردني ضرب ميكنيم، الكر حاصل از عددى كه از اولين باقيما نادو قعطمه دوم تشكيل شده قابل تفريق باشد عدد امتيمان كردني ممان رقم دوم كمب است والا بايد ياث واعد از آن حكم و امتيمان را تكرار كرد و آنفدر امتيمان را تجديد ندود تا تفريق ممكن شوده بعد اين رقم را در سمت راست كمب قعلمه دوم توشيه قعلمه سوم را باتين ميآوريم و بهمين طريق عمل را تكرار ميكنيم نا نمام قطمات بكار روند .

عدد ۱۹ کمب و ۱۵ ۹۵ باقیمانده است . ١٥٦ - قاعده استعداج كعب اعداد دهدهي نظيرهمان فاعده اسسند که در باره سیدر ذکر شد + ١٥٧ ـ استنفراج كشمس تا ١ و ٠ يا ١ ٠ و ٠ يا ١ ٠ ٠ و ٠ \* \* \* تقریب شیبه به سان است که در جذر گفته شد ، فقط ماید قطمات بمه از صير بازاء هر يك رقم دهدهي در كعبسه رقم . جهدهی در عدد مفروش باشد . II xxx - (=x) - xxx II

۱۵۸ مر کاه در موقع استیخراج ریشه دوم یا ریشه سوم باشه عدد عمر قدر عمل را ادامه دهیم باقیمانده مساوی صدفر

نشود عدد را احسم با سنالت كسوينه . اعسساد غير اصم را

منطق یا سوریا نامنده ۱۹۹ - بیجای اعداد اسم در محاسبات عددی معمولا صفدار نفریبی آنها را بکار میبرند.

\* ۱۳۰ - در مورد جمع و نفریق و ضرب و تفسیم اعداد احسم مقادیر نفریبی آنها را بکار میبریم؛ بدیهی است که ننیجهٔ تنقریبی بدست خواها آمد \*

on the second control of the second control

 $\sqrt{i}$   $\sqrt{i}$   $\sqrt{i}$   $\sqrt{i}$   $\sqrt{i}$ 

مسكن است خارج قسمت ريشههاي دوم دو مقدار اصم مقدار منطني باشد ؛ مثلا :

ع لي لي

#### 33

### العارية العنارية

۱ - جبرعلسی است آن برای تعمیم دستورهاو تنسهبل حل مسادل بنگار میرود .
۲ - حرفی ا حرفی ا حرفی ۲ - درجبر مقادیر معلوم را محدولا با حروف اول الفیاء لانین (۱۰ و دا و ته و ۱۰۰۰) و متفادیر معجهول را با

حروف آخر (x و y و 2 و غیره) نمایش میدهند. ۳ ـ نشانه دهادنشانه ما یا علامات برای نشاندادن اعمال

یا رابطلهما وی آکه باید بین اعداد و حروف برقرار باشد بکار مسروند .

علامیت به بشانه جسی ، علامیت ب نشانه تفریق ، علامیت ۱۰۰ یا - نشانه فتری و علامیت : یا -- نشانه تقییمدو علام میباشند .

علامت شانه مساوی بودن و علامت شانه است بطوری اختلاف وعلامت بعلوری اختلاف وعلامت بعلوری اختلاف وعلامت بعلوری آگنز با آگو چکنر بودن است بعلوری آگه درداخل زاریه عدد برز آگنز و بدرون زاویه عدد گوچکنر نوشته میشودمثلا دالت نشان میدهد آگه به آگوچکنر است ازدا. و به خش دا نشان میدهد آگه دا بزر آگه یا اقلا مساوی به میباشد. و قتی مقادیری با علامت ده یا سر یا: درداخل برانتز ( ) بیا گروشه [ ] با آگولاد ( ) قدراد داشته

باشته ستکم مقدار و احد دا پیدامیتکنند .

علاصت استهراج دیشه ۱۱ ام مقداد واقعدد

ع \_ ياد آوري عي \_ با ود مينا- "كر بورد "كه در مورة م حسام "كردن هر عبار تی آگاه ر آن اعدال جسم و تفریق و طرب و تفسیم باشیا بايداول اعمال مشرب وانتشبهم ويعام أعمال جسم وتفريق والانجام دادء ٥ ـ عدد حبري يوالي كهوارد حسندون يات تعجار تعجانه میشود یا از آن خارج میگردد هر دو پولندولسی در معنی اختلاف دارند اولی به پول سوجود در سندوق اطافه شده و دومی از آن کسر گردیده است ۶ میگویند جهت بولاول با دوم فرق دارد و برای نسبت دادن آنها ازیکدیگر اولی دا با علامت -- ( مثبت ) و دومی را با علامت -- ( منفی ) نشانه میکنند و این عدد حسایی دا که بایکی از دو علامت متآكور ممتاز شده لست عدد جبرى نامند عدد جبرى و ـ تلفظ میشود منهای 0 و ۷ --- تلفظ میشود باضافه ۷. الا \_ عدد های حسابی را قدر مطلق عددهای جبسری كوبند مثلا در مثال بالا عدد حسابي و قدر مطلق عددجبرى 

۷ ــ دو عاده جوری مساویند وقنی سکه دارای یات قدر میدللق و یاث نشانه یاشند .
 ۸ ــ دو عدد جوری قرینه اند وقی سکه دارای یات قدر میدللق و لی نشانه های میخالف باشند.

به سیاد آوری سیستی مواقع در عدل نشانه اس رااز جلوی اعداد جبری بر داشته و آنهارابدون نشانه مینویسند، و لی هیچوقت اعداد منفی رابدون نشانه سینویسند .

۱۰ سیبارت جبری سید مجدوعهای از حروف و اعدادو علاماتی را کهدر یکرشنه محاسبات بتکار میروند عبارت حجدی می نامند .

۱۱ - عبارت جبری منطق ( آگویا ) است و قتی که در آن حرفی زیر رادیکال نباشد و در غیر اینصوری اصماست. اصماست. ۱۲ - عبارت جبری صحیح است و قتی که شامل حرفی در مخرج نباشد و در غیر اینصورت کسری است.

۱۳ ادوعبارت جبری را متعادل گویند وقتی مقدار عددی آنها بازاء تمام مقادیری که بجای حروف بنگذاریم مساوی باشنده ۱۳ نهایا وی بین دو عبارت عددی و یا دو عبارت جبری متعادل را آنها در گویند و بین آنها این عددست === ( ناخف میشود منحد است با ) را میگذارند.

۱۵ – ۱۳۵ نساوی بین دوعبارت جبری فقط و فقط بازاء مقادیر مخصوصی از حروف بر قرار شود آلیک تساوی را مهادیه گوینده

۱۳ میکیجمله - اگرعبارتی جبری از حاصل ضرب اعداد جبری باخداد بری باخد کو بند. جبری باخد یا منم گویند. ۱۳ میری باشد آن دا یکیجمله یا منم گویند. ۱۷ میریب - عامل عددی هر یکیجمله دا ضریب آن گویند ۳ آن گویند ۳ میریب - عامل عددی هر یکیجمله دا ضریب

٨٨ يكسجمله ماي منشا به اختلافشان فقط در ضرا يبشان ميباشد.

ما دا تشکیل میسوع جند یکجمله در ۱۰ میسود استان میسود عیاد از استان از استان از استان از استان از استان کی از ا

• ٣ سبرای جسم دو عاد صنعداله در محلی قدر محلی آنها و جدم نموده علاصت صشنر لف دا حیات داریم •

۱ ۳ س برای جمع دو عدد صغدالغیاله لامه قدر محلای آنها در ااد هم آگی نموده علاصت عدد برا آگا بر حسب فیدو محلای برد آگنر اسان میاگذی

١١١ ــ تقريفي احمداد. حسر

۲۲ - برای آگردن عدد را از بن قرینه را در بابتجمع می حصینیم -

## المارس اعداد جبرى

۳۲ - حاصله ب دو عدد متعدالهلامه مثبت و حاصات ب دو عدد مغتناله منفی است و عدد مغتنالها العلامه منفی است و عدد معدلات آنها دا ۳۲ - برای ضرب چند عدد جبری قدر مطلق آنها دا حدرب خدود اگر تعداد اعداد منفی زوج باشد جلوحاصلاشدوب

# المستعمر اعداد المستون ا

۵۲ سبرای تقسیم دو عدد جبری قدر مطلق آنها را تقسیم نموده اگر هر دو متعدالمادمه باشند جلوی خارج قسمت

۱۰۰۱ و ۱۳۵۱ میندندند الدادمه باشند — قرار میدهیم. ۱۲۷ \_قو و ( تو ات)

۳۳ ـ برای تمریف قوم ۱۱۱ ام رجوع شود بشماره ۳۹ بخش حساب ۰

. YY سقوه ۱۱۱ ام هر عدد مشبت همواره مثبت است. XY قوه ۱۱۱ ام عدد منفی مثبت استاگر  $\hat{x}$   $\hat{y}$  و منفی است  $\hat{y}$ 

۳۹ - جسرس جنگ قوی سا - اگر بایه ها صفندگ باشته یکی از بایه ها دا توشته و نماهارا با هم جمع میکنیم : در از با استاه در بایه ها در از بایه در بایه در از بایم در از بایه در از بایم در از با

ب ـ ایکر نساها مساوی باشند پایهها را در هم ضرب نسوده نهای مشدرت را نسا قرار میدهیم: ۱۱۱ (مران) سبسه ۱۱۱ ، ۱۲۲ - ۱۲۲ و ۱۲۲

ور بایه ها مساوی باشند آگر بایه ها مساوی باشند یکی از پایه ها را نوشنه نماها را از هم گرم میبگذشیم توسید باشند 13 میبگذشیم توسید 13 میبگذشیم توسید 13

حید ب اگر نساها مساوی باشند بایه ها را تقسیم نسای مشترک را نسا قرار میدهیم

٧٧ داد آوري در عدد تقوه صفر مساوي است با ائت. ٢٧ - قوم كسرى - اكر داشته باشيم ١١٠٠٠ تنسرا ميتوان باينصوردت نوشت : 12 12' 12' harder : '(1)' same a same  $\frac{12}{a \cdot a}$  =  $\frac{12}{a}$  =  $\frac{$ ع۳۳ ـ قوم مینھی : ۱ ـ حاصل ضرب دو قوم منفی از یك عدد 

این دوابط برحسب تغییر علامت  $\Pi$  متغیرمیباشند.  $\frac{D}{\Delta}$  مغیر میباشند. هر قوق منفی کسری:  $\Pi$ 

## Comment of the NII

ع ۳ - برای جسم چند جمله جبری منشابه یکی از آنها را نوشنه و ضراعی آنها راجمی جبری مینماییم.

۳۰ س برای جسم چند کثیرالجمله ، جمل منشایه را به هم جمد نموده و جمل غیرمتشابه را دنبال آنها مینویسیم. ۷۱۱۱ \_ تفر بقی سمیمل سیدری

۳۳ ـ برای تفریق دو گذیبرالهجمله علامت سمل کاسته دا تغییر داده و با کاهشیاب جسم جیدی مینماتیم . ۱۲۲ ـ حسر بی سیمر ک

که حاصل ضرب چند یک جمله بک جمله ایست که ضریب در در در انبا بوده شامل تمام حروف آنها بوده شامل تمام حروف آن جسل باشد ، نمای هریک از حروف مساوی مجموع نما ها تیب تکیم داشته باشد .

E " A STARLES

سر ای خدری بات کیجیده در یات کیدهای یات کیدهای یات کیدهای الیجیده یات سر الیجیده یات سر برای بات کیده یات سر در در در در در در در باز با در می بید کید در در می بید کید در در در برا با در بید سر بید در کید در در کید در باشد در باشد در باشد در کاربی سرد در کاربی الیدها در باشد از بید در کاربی سرد در کاربی الیدها در باشد از بید در کاربی سرد در کاربی الیدهای در باشد از بید در کاربی سرد در کاربی الیدهای در باشد از بید در کاربی کاربی در کاربی در کاربی در کاربی در کاربی در کاربی کا

المحالات المحال المحدد الم المحدد والما بالمحدد المحدد 
· is in the second of the seco

\* کے برای تقسیم دور جہله جبری ضرائب آنها را تقسیم جیری نیوده اجزاء نظلیر هم، را برهم تقسیم سیکشیم عمشال :

اول کے ۔ برای نقسیم بات آکثیر العجمل، بر بِنَکیجمله اول کرنیر العجمل، بر بِنَکیجمله اول کرنیر العجمله منفسوم دا بر حسب قوای نزولی مرتب تسوده بعد هر بلت ال جمل دا بر بِنکیجمله منفسوم علیه تنفسیم حینماتیم و منال : منال یو مینری مینکنیم مثال :

۱ علیه مرانی مرانی نصوده به ال مقسوم دایر اولین به مقسوم علیه تقییه تقییه مقسوم علیه تقییه تقییه مقسوم علیه تقییه تا اولین با قیه نده یک تم ویک تیم ویک تیم به اولین با قیه نده یک به به تعلیه اولین با قیما نده یک به به تا اولین به تعلیه دا تده دا بر جمله اول مقییه تعلیه این مقییه تنا دا در این به تا می به تا در به تا می به تا در به در به تا در به تا در به تا در به تا در به در در در به در در به د

یدست آید و به مین طریق حمل دا ادامه میدهیم تا وقتی که باقیمانده دیگر بر مقدوم علیه قابل قسمت تباشه .
دا از است از

سع کے قابلیست تقدیم کئیر الاعجمدله افرید بر (۱۰ ± ۱۰ ٪) - کئیر الاعجمدله افرید بر (۱۰ ± ۱۰ ٪) - کئیر الاعجمدله افرید بر (۱۰ ± ۱۰ ٪) الیجمله (۱۰ ± ۱۰ ٪) و قتی قابل قسست است که الکردر (۱۰ ± ۱۰ ٪) ایر بیجا کی در در میرم حاصل صبفر شود یستی م سد (۱۰ − ۱۰ ٪) ایر دهیرم حاصل صبفر شود یستی م سد (۱۰ − ۱۰ ٪) مثالا د د

بر  $x=-\frac{1}{2}$  x = 1 به السند ذیر المحدن در آن به الحد مقدار (  $x=-\frac{1}{2}$  ) راقرار دهیم حاصل مین  $x=-\frac{1}{2}$   $x=-\frac{1}{2}$   $x=-\frac{1}{2}$   $x=-\frac{1}{2}$ 

and the second of the second

یکے۔ تھریفی۔اتصاد عبارت ازیاث نساوی است کہ بازای جسیم مقادیں کہ دردوطرف آن بجای حروف قراردھیم ہموارہ

13(11 — 1) (11 — 7) (12 — 13 11 — 13 11 — 13 11

1 >< Y >< Y

 $-\frac{n(n-1)(n-7)\cdots(n-p)}{>< x >< x >< x >< x >< p}$ 

### ۱۱× ریشه و ریشکی ها

include the contraction of the part of th

m دا نماینده باشهار ریشکی گویند . ۹۶ - ریشه اعداد جبری ۱) ریشه زوج هرعدد مثبت دوعدد قرینه است،

ب) اعداد منفی دارای ریشه ژوج نیستند . ج) علامت ریشه فرد هرعدد یاعلامت خودآن بگیست. + د ـ ریشه دوم ۱ ـ عددیست موهوم و آنرا مساوی i فرش میکنند ،

۱۰۱ اگر نماینده ریشکی و نمای مقدار زیر آنرا در عددی شدری عددی تقسیم کنند در مقدار بشکی تغییری سماصیل نمیشود ،

۲۰ - تحدی بل جند ریشگی بریشگی بیات قما بداد ای بات نما بنده برای نحویل جند ریشگی بریشگی های که دارای بات نما بنده با شند کوچات تر بن مضرب مشترک نما بنده های ریشگی ها را نما بنده مشترک نما بنده هر بشگی نفسیم و نما بنده مشرک قرار داده و آنرا بر نما بنده هر بشگی نفسیم و حاصل دادر نمای مقدار زیر ریشگی ضرب مینما تیم مثال میخواهیم نما بنده ریشگی های آیال آیال دادر در بیشگی های آیال آیال بینده را یکی نما بیم، کیم و ۹ عدد ۲۷ است ، بس:

سوده ـ فریب ویشگی ها ا ـ برای فررب چند ویشگی که دارای نماینده مشنرک 173 باشند مقدار زیر ویشگی ها را ضرب نموده و از حاصل ضرب ویشه 173 ام میگیریم:

ع می تقسیم دیشگی ها اسیای نماینده مشترک که دارای نماینده مشترک سا استد متفادیر زیر ریشگی ها را تقسیم نموده و از بخارج قسمت ریشه ۱۱۱ میگیریم آ۱۱ میگیریم آ

ب سیرای تقسیم دو ریشگی که دارای نهایته مشترک نیاشته نیاشت تخسیت نماینه آنها را مساوی نهوده بعد آنها را تنقسیم میشترک تنقسیم میشترک آنها را

وه می آبرای اینکه عبدی را داخل یک ریشگی نمائیم آبسرا بغوم نمایشه ریشگی رسانده در مقدار ویر ریشگی منائیم مناید می کنیم:

am. Db = Pamp.b

به حدد در دیدگه عددی را از زیر ریشگی خارج کنیم انسای آنرا برناینده ریشگی تقسیم میکنیم و خارج قسسترا نیای آن عدد در خارج ریشگی و باقیمانده تقسیم دا نیای آن عدد در دیرریشگی قرار میدهیم:

آن عدد در دیرریشگی قرار میدهیم:

\*\*Tن عدد در دیرریشگی قرار میدهیم:

\*\*Tن عدد در دیر یشگی قرار میدهیم:

وا مر عبرای T نکه او دیشه واس عبدی دیشه T ای T نیشه و بیشه و بریشه بریش و بریشه و بریش

۵۰ - تھرینی - حرفی راکه زیر ریشکی باشد و نتوان آنرا خارج نصود گیشگ گویند و اگر از زیر ریشگی خارج شود گویا نامند،

m'bP ><mb/>><mb/>bm-p

a>< III bin-p

تعریف - مزدوج دو جملهٔ دا اله دو جملهٔ ط -- است - برای گویا کردن کسر دو جمله است - برای گویا کردن کسر صورت در شرب میکرین

WYSLES - XIII

۱۳ - تمریق - معادله عبارت اقرات تساوی است که

فقط دوطرف آن بازاعیات یا چند مقدار معین که بجای معهول آن قرار میدهیم بایکدیگر مساوی شوند. آن قرار میدهیم بایکدیگر مساوی شوند. ۲۲ - تو چه گذید! فرن معادله با اتحاد این است که

سمادله بازاء یات یاجند مقدار معین صحیح است واتعاد بازاه سمادله بازاء یات یاجند مقدار معین صحیح است واتعاد بازاه سجمتم مقادیر .

wyster - Tr

۱ ـ ا کر برطرفین معادل یا تعدد جهری اضافه کتیم در معادله نقاو تی عاصل نمیشود م

Y = 1 گر طرفین معادله را بریگ عدد تقسیم یا دریگ عدد خبر بندا تیم در معادله تغییری حاصل نمیشود Y = 1 کر عددی را ازیک حلرف معادله بعدرف دیگر

يبريم يايد علامت آنرا تغيير دهيم -ع7 ـ حل و بحث معادلات در جه اول

محادله درجه اول یات معجهولی پس از اختصاریصورت

ax=1کلی دا=xود. اگر ه = و باشد معادله دارای یك ریشه = = =

- 3 g .....

 $1^{-2}$ , a = a b = b b = a a = a  $1^{-2}$ .  $1^{-2}$  a = a b = a b = a a = a  $1^{-2}$ .  $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$   $1^{-2}$ 

ا در ه سرای و ه سول باستریسه معادیه صفر است. برای اینکه دومهادله درجه اول دا = عدی و ۱۵ ==عدی منازای یك ریشه باشندیاید ه = نهط --نظه باشد. of a coming a solve of the confidence of the letter of the confidence of the letter of the confidence 
برای حل دستگاههای دو معادله دو معجهولی درجه اول جهاد طریقه معمول است :

ا مساوی مسلوی از مساوی از مساول بفرش مسلوی بودن یکی از مجهولها مجهول دیگر را بدست آورده در مساوله مساوله دوی قرار میدهیم، در نتیجه یک مساوله یک مجهولی درجه اول پیدا میشود که با حل آن یکی از مجهولها بدست. میآید، با مسلوم شدن یک مجهولها بدست. از آن یکی از مجهولها بدست. از آن دو مساوله خیلی آسان است .

ب سے طریقه حفق در این طریقه ضرایب یصکی از میجهولها را در دو معادله بدو عدد قرینه نبدیل مینما ایم عاز جمع کردن دو معادله یك مسادله یك میجهولی بدست میآید که با حل آن یك مجهول پیدا میشود . با معلوم شدست بك مجهول ساده است.

ے - حال بفت فیما سی سیکی از مجود لات را بفر ش مسلوم بو دن و عجب و ل دیکر در هر یا از دو مساد له پیدا ندو ده دو مقداری را که برای آن بدست دیآ یده ساوی قرار مید مند. پس از حل این نساوی یکی از مجد و لا د بدست دیآ ید و با مناوم بو دن یا شمج و ل میتوان مجهول در گر را از یکی از دو مسادله پیدا نمود .

x'-x' - 2nc

ے ۔ تفاضل ریشہ ها

الله معادله درجه دوم فوای منشابه ریشه های باث معادله در به دومی باث معادله درجه دومی را کر مجسوع قوای درام ریشه های معادلهٔ درجه دومی دا وی فرض کنیم یمنی ۲۰۰۵ دار و ۱۰۰۰ درا و ۱۰۰۰ دومی دا خواهیم داشت :

So we will be a solution of the solution of th

No a transfer of the second of

معددلف العلامه مستند

حل و بحث و معادلات باشده و یشهمنجه الملامه هست

= -1 و مانقی و ماند میند .

مر دو ریشه منقی هستند .

د - 1 کر محرور یا مح

برای آسان شدن بحث فرض میآکنیم ریشه ای آکه بر حسب قدر مطفق بررگتر است 'بدو ریشه دیگر''بد باشد. جدول ذیل علائم ریشهها را مشخص میسازد:

دو دیشه مثبت میباشند.

|                  | <u> </u>        | 15 | علامت ريشهما .   |          |  |  |  |
|------------------|-----------------|----|------------------|----------|--|--|--|
| - <del></del>    | ·— <b>!</b> — Ì | 1  |                  | × 33     |  |  |  |
|                  | <u></u>         |    | ×'               | N. 33    |  |  |  |
| \                |                 |    | **               | >= == == |  |  |  |
| \ <del></del>    | ١               |    |                  | >c''     |  |  |  |
| \ <del></del>    | 1               |    | >= 2             | 35"      |  |  |  |
| \ <del>\</del> - | .\ '            |    | **               | 36,33    |  |  |  |
|                  |                 | _  | 132'1            | 1>6,31   |  |  |  |
| •                | ->   -==        |    | x' = x''         |          |  |  |  |
|                  | -3 -3           |    | >c2 2000 >c2 -c2 |          |  |  |  |
| ļ ——             | ( -3 - 3        | ì  | ر بشهها مو هومند |          |  |  |  |

me some company

y == ax - |-lox-|-c

ياين صورت نوشنه ميشود : ا تعلق التحديد - ٢٠٤٠ - ٢٠٤٠ - ٢٠٠٠ التحديد ع

eltie ver -10 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110 -110

درمیاید. در اینصورت اگر به × مقادیر خارج دو ریشه داده شود علامت سه جمله با علامت ۵ بکیاست و آگرمقداری بین ۲ و ۳ بدهیم علامت سه جمله مضالف علامت ۵ است. حمالات دوج س

وعلامت سه جهله همیشه با علامت ۱۱ یکی است. حالات سوم - حالات سوم - حالات

و بازهم علامت سه جهله همیشه باعلامت آه یکی است - مقادیری آگ حکلاهیه - علامت سهجهاه درجه دومبازاه مقادیری آگه بین ریشهما باشنه (درصورت وجود دو ریشه) مخالف علامت به و بازاءسایر مقادیرهیوارمهوافق علامت به است. حباریشه های سه عدد باریشه های سه جمله در جه دو می در است که عدد به بین ریشه ها قرار شده باشند کافی برای اینکه عدد به بین ریشه ها قرار داشته باشد آنست که مید کوچکتراز در بشه باشد :

Alone du Gles de plus par a partir de proposition - VE

Alone du Gles de plus partir de proposition - VE  $(x^2 + b) = (x^2 + b) = -$ 

f(x)f(B)= of(x)= x''=(x-(B-1x')

I(x) = ax = -|-lox-|-c alments of alments of x of 1

شرط لازم و کافی ارای اینگه دو سه جمله دارای یک ریشه مشترک باشند:

 $IR = (nc) - cn')^* - (nb) - bn') (bc' - cb') - a$   $IR = (nc' - cn')^* - ibn' - bn') (bc' - cb') - a$  IR = a - Cn' R = a - Cn' R = a - Cn' R = a - Cn'

ا کی میرود باشد دوسه جمله دارای ریشه مشترک نیستند. به سرط لازم و کافی برای اینکه دو سه جمله دارای دو ریشه مشترک باشته آنستکه

ے ۔ شرط لازم و کافی برای اینکہ یک دیشۂ یکی ان سه جملهما مابین ریشهمای سه جمله دیگر واقع باشه آنسنگه خست آند یاشه یعلاوه :

>c == ± \ \_ b | \ Y == 2 a c

Y —  $m_{c}$  —  $m_{c}$   $m_{c$ 

T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T — T —

3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17 3-17

THE CENTER OF THE CHARLES

نہریں ہے۔ معادله را مسکوسه گویند در صورتیکه ریشه های آن عکس یکدیگر باشند مثلا اگسر a ی<del>دی</del>ی از ریشه های معادله معکوسه در چه دوم باشد ریشه دیگر آن آن خواهه بود. در معادلات معکوسه ضرایب جهله هاتیکه از و سط معادله

بیك فاصله باشند مساوی هستند.

come - I have the second - Board - Boa

اق صرایب مساوی فاکنور میگیریم: محمدی-ا-( الله -ا- حر) الم اله ( حراب ۴۰۰۰ ) ۱۱

ورض میکنیم در سیکسی کی سیکی آنونت ۲ سی میکنیم در سیکی در میآید. و معادله بصورت زیر در میآید

حارای یا یا جات بریشه  $V = -\infty$  استوریشه های دیگرش ریشه های میادله درجه دوم ه سی  $-\infty$  استوریشه های میادله درجه دوم ه سی  $-\infty$  استوریشه های میادله  $V = -\infty$  از  $-\infty$  از

و المعادلة على المعادلة المع

y = y = bxy + bxy + bxy + bxy + byy + by

بریشه های آیده این سیادله عبارتند از:  $\pm \pm \cdot \cdot \cdot$  و ریشه های میادله بریشه های میادله  $\pm \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot$  و ریشه های میادله میادله های میادله میاندا

11 - asials assemble compaint

1 - 4 = 4 = 100 1 - 4 = 4 = 100 1 - 4 = 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1 - 4 = 100 1

 $ax^{q} - \frac{1}{2}(k - a)x^{q} - \frac{1}{2}(c - b - a)x^{q} - \frac{1}{2}(b - a)x + a = a$   $ax^{q} - \frac{1}{2}(k - a)x^{q} - \frac{1}{2}(c - b - a)x^{q} - \frac{1}{2}(b - a)x + a = a$ 

که دارای یا ویشه ۱ - × میباشد و ریشه های دیگر آن ریشههای معادله در چه چهارم

۱۳۸ - قیصری - جون طرفین معادله را یقوه بسرسانیم مسکن است ریشه میای اسافی بیدا شود.درمتال فوق نیم اسافی اسافی است.

#### is shoule 2

نا مساه ی

مهم مساوی نباشند یکی از دیگری کوچکتر است یا بزرگنر ؛ اگر کوچکتر باسد بااین علامت تی واگر بزرگنر است با این علامت سیا نبایش میدهند و آنرا نامساوی میگویند

ات اتکر در طرفین نا مساوی دو عدد مساوی اضافه یا کم کتیم در نامساوی نغییری حاصل نمی شود. ب ـ اتکر طرفین نامساری را درعدد مشیشی ضرب یا بر

ب ۔ اکر طرفین نامساری را درعدد مسیتی صورب یا یر یات عدد مشبت نقسیم کنیم درنامساوی نغیبری حاصل نمیشود ج ۔ اگر طرفین نامساوی را دریات عدد منفی ضرب یا

بریات عدد منفی تقسیم نمائیم جهت آن تغییر میکند . د ـ اگر طرفین نامساوی را بغوه فرد برسانیم دراست

تغییری پیدا ندی شود . هـ ـ انگر طرفین یك نامساوی رانگه هردو مثبت باشند

بغوه زوج برسانیم درنامساوی نغییری پیدا نسیشود. و ـ اگر طرفین بك نامساوی را گهمردومنفی باشند بغوه زوج برسانیم جهت نامساوی نغییر میگند.

TA - ilonder Comber C

· اگر + سیر ی باشد جوابهای نا مساوی عبار نند از

» » a-=== « .5-1

b.

AY - Homele a compace of the training - YA اولاء اگر ماشد ، ا ـ در صور تیگه محمده باشد نامساوی بازاء سیمه مقادیر

🗙 محقق است ب د در صور تینکه مینی، باشد نامساوی غیر ممکن است. تانیا ، اگی + سست کے باشدہ:

ا ـ در صورتيك، حساله باشد نا مساوى بازاء جديم مقادیر ی محقق است مگر بازاء آلے ۔ سے بو 35 صفر میشود ب ـ در صور نیک، ۱۳۳۳ باشد نامساوی شیر محکن است: عادتا ، اکر • حدد ا

ا سدر صورتيكه - ستان و تحسيل ديج باشند بازاء مفادير ك كو چكنر از تح يابر گنراز ۱۲۶ نامساوى محقق است ب - در صور نیکه میشد، باشد

نامساوی بازاء مقادیر صابین ۲۰ و ۱۶۶ معفق است 

For in des so star glandis - AA

برای سل نامساویهای درجه ۱۱۱ ام آنها دا بعاصل منسرس عوامل تعجزيه نسوده بمدآ علامتهميات ازعواصل السداكرده در جدولي تبت مبكنيم وازروى بدول نتيجه معللوب البدامينها تيه ما المساوى دیل را سالید

「(x)==xee -- /2ee -- / 12x-- / Y==-T نی ا بی اصلفسر ب عواصل تعجزیه میکنیم : ((×) === (×---- 1)(x--- 1)(x--- 2)

تصاعدات

ریشه های نامساوی عبار تند از ا عبارید.

7 / - () ambe es Zunges

برای حل نامساویهای کسری صورت و مخرج را در مندرج صدر به صدر به میکنیم و علامت حبورت کسرحاصل را پیدا مینها نیم .

Established SVII

مه دهری است که که است که تنامد مینامد مقدار تابتی رشته اعدادی است که تنابترا تنابترا و آن مقدار تابترا قدر در در مینامند .

79 - 170 و را تعساعت مدر جمله از جمله قبل از آن پررگتر باشد تصاعد صعودی والا نزولی است. در حالت اول قدر تسیت عددی است، مثبت و در حالت دوم عددی منفی است . 79 - 170 و 170

1 == == (11 -- 1) = = + | 11 - 1 - 1

ے ۔ آگردووالی یائنساعہ حسابی بیندوسجمله متوالی یائنساعہ حسابی درج کنیم ت قدر نسبت تعماعہ درج شدہ عبار تستان :

1, -------

سبه ـ در تصاعب حسابی مسلود آن عده جمل زوج باشد میجموع هردو جمله مسلوی البعد از طرفین مغداریست. ثابت و مساویست، با معجموع دو جمله اول و آخر و اآز عده جمل فرد باشد مقدار جمله و سط مساوی است با واسطه عددی هر دو جمله متساوی البعد از طرفین .

39 - contention established = 92

۱ - حاصل جمع 11 عدد متوالی از سلسلهٔ اعداد طبیعی آگه از واحد شروع شود عبارتست از :

ب سے سامسل جمعے 11 عدد زوجے ستوالی درسلسله حلبیمی اعداد عیارتست از : ۱۱ عدد زوجے ستوالی درسلسله حلبیمی

سے ۔ مقدار عدد درام اعداد فرد از سلسله طبیعی اعداد عیار تسب از : ۲۱۱ -- ۲۱۱ -- ۱

د ـ حاصل جمع ۱۱ عدد ازاعدادفرد سلسله طبیعی اعداد عبارتست از:

ه ـ حاصل جسم مر بعات ١١ عدد منوالي از سلسله طبيعي

اعداد که ازواده شروع شود عیار نسست از : ( ۱ استا ۱ ) ( ۱ سات ۱ ) ( ۱ سات ۱ ) را سین نا

و سے حاصل جے میکھیات ۱۱ عدد متوالی از سلسله اعداد طبیعی که ازواحد شروع شود عبارتست از: 7(-1-1) 7(-1-1) 11

## ENVIEW SELLES NVIII

حجے تھریفی حتصاعد هندسی رشته اعدادیدی کهخارج قسمت کهخارج قسمت هردو جمله پیاپی آن مقدار تابتی باشد لین مقدار تابت را قدر نسبت تصاعد هندسی گویند .

سه هر گاه هر جمله از نصاعداز جمله قبل از آن بزر گذی باشد تصاعد صحودی والا نزولی است. در حالت اول قدر نسبت بزر گذر از واحد و در حالت دوم کو چکتر از واحداست و برر گذر از واحداست و مندسی ۱۱ جمله اول ، ا جمله ۱۱ ام

و ۱، قدر نسبت باشد : ۱ - مقدار جمله ۱۱ م : ب - خ حاصل جمع جملة ۱۱ لول نصاعه : ( - - 11 ا) ن - ایل نصاعه : ( - - 11 ا) ن - ایل نصاعه :

م ــ حدد معجموع جدل بات تصاعد هندسي نزولي و فنيكه عدد جدل بينها بند و باد شود:

# 

مه در تصاعب هندسی معدود که عدوجمل زوج باشد حاصل ضرب هردو جمله منساوی البعد از طرفین مقدار بست تا بت و مساوی ست با حاصل ضرب دو جمله اول رآخر و آگر عدوجمل فرد باشد مقدار جمله و سط مساوی است باجدر حاصل ضرب (و اسطه هندسی) هر دو جمله منساوی البعد از طرفین

دورشته تصاعدي كه بطريق بالا توشته شده باشند

دستگاه لگاریتم را تشگیل میدهند و درآن هر جمله از تصاعد عددی لگاریتم (بیده) جمله نینلیرش از تصاعد هندسی و هسر جمله از تصاعد هندسی و هسر جمله از تصاعد هندسی عدد هایازاء یدا آنتی لگسارینم جمله نینلیرش از تصاعدای دینم جمله

لتتكار ينتم

#### on the least of the

ا آگی است می مشیق باشند همیشه برای عجمهداری و که خالباً اصیم خواهد بوده بدست میآید فالباً اصیم خواهد بوده بدست میآید ی حدیث باشند همیشه برای عجمیشود به ای یا مینا همیشه مساوی یاشاست (نسره \* \* \*) مینا همیشه مساوی یاشاست (نسره \* \* \*) خواهد بشی

المعجموع لكارتيم هاى آن اعداد: logatic == logar-(-logb-+-loge ۲۰۰ / \_ لیکار بشم مفارح قسمت دو عدد مشت مساوی است ما تفاضل لگاریتم صورت ومضرح : log & loga — logb ٧-١-١ كاريتم عكس هرعدد مساويست بالكاريتم آنعدد با علامت معالف و آنراکانگاریشم (Cologarithme) آنعدد نامند يعني : loge & = - logb = cologb tog for loga - toologis .... ٨٠٠ - لگاريتم قوه ١١١٦ هر عدد مساويست با ١٦١ بر ابر لتكارينم آن : 1000133 - 101000 ۹۰۷ - الكاريشم ريشه ۱۱۱۱مهر عدد مساويست با به للكاريشم togva = log a ا تعمد د دینی اعشاری یا کشارینی (Nulgaires) • ۱۱ - دودستگاه لگاریتم اعشاری منا ده و قدر نسست تعباعه عددى ياشوقدر تسبت تصاعد هندسي دهميباشه باينطر بن 

۱۱۱ ـ لَكَارِيتم اعدادى كه محصور بين قواى متواليه ۱۰ باشند داراى بات جزء صحيح بنام هقسر و يات جزء اعتارى بنام ها تنبيسي ميباشد

۱۱۲ - اگر عددی را در یکی از قوای ۱۱۲ - ۱۲۰ تنییر و یا برآن تفسیم نمائیم در جزء اعشاری لگلاریتم آن تغییری حاصل نمیشود و لئ عددی مسلوی نماینده آن قوه به مفسر اضافه یا از آن آکم میشود:

log(/. \ + m) == log//—tog \ + m == log//—in
log(\frac{A}{+m}) == log//—tog \ + m == log//—in

۱۲۲ مفسر لتگاریتم هر عدد بر تگترازواسد عددی است مساوی عدد ارقام صحبح همان عدد منهای یات .

۱۱۶ - جون اگاریتم اعداد کوچکتر ازواحدمنفی است محمولا آنرا بطرین زیر تبدیل به ۱۰نتیس مثبت و مفسر منفی مینمایند :

منعی میدماید: فرش میکنیم ۱۵۲۶۱ و۲ --- ۱۵۶ میکنیم ۱۵۲۶۱ و ۲ --- ازدا

ودرموقع نوشتن برای اینکه نیایش دهند فقط مفسر منفی است علامت ــ را بالای مفسر میگذارند، باینطریف : این ۲۰۷۹ و تست ۸ بینا

تبصره به تخلیکاریتم اعداد را نیز بطریق بالا تبدیل

بحفسر منفی و ماننیس متبت مینهایند. مفسر منفی اعداد کوچکنر از واحد برابر است بسا نمداد صفرهائی که درطرف چپ اولین دقم با معنای آن عدد قرار دارد.

ما ۱ اگرلگاریتیهای اعداد در دستگاهی بهبنای دردست باشند و بغواهیم لگاریتیهای آنها را در دستگاهی بسبنای ا بدست آوریم باید لگاریتیهای آنها را آکه بهبنای از است در مقدار تا بن را بهبرا (عکس لگارتیم را دردستگاه بهبنای د) خبر بآکشیم ( مقدار تا بنت را بهبیم از راهدول سرتگاه بهبنای د) چهار عمل اصلی در فیمارید

۱۱۸ - درجمع لیکاریتمها مانتیسها را باهم جمع نصوده و مغسرها را جمع جمع نصوده

 $\mathbf{v} \cdot \mathbf{v} \cdot \mathbf{v} = \mathbf{v} \cdot \mathbf{v}$  التكاويسي بيجاي مفروي كالكاويسي عبد والمينو بسيم وعمل تفريق بيجسي مبدل ميشود .  $\mathbf{v} \cdot \mathbf{v} \cdot \mathbf{v} \cdot \mathbf{v} \cdot \mathbf{v}$  مدر ضر بعدد صحيح در لتكاويش عدد بزر تكترا و بك

۱۱۸ - ۱۰۰ میر بعده صحبیح در لگارینم عدد بر کترا زیاک ما نند صبرب اعداد اعشاری عسل مینمائیم.
۱۱۰ - برای ضبرب عددورست در لگارینم عدد کوچکنر از یاک چون لگارینم عدد کوچکنر منفی ما ننیس مشبت است عددورست را در ما ننیس ضبرب نهوده و بین جزء صحبیح حاصل با حاصل ضرب آن عدد در مفسر صنفی

جمع حجبری بیجا میبآوریم . \* ۲ / ـ در تقسیم لآلارینم عددبر آگنر از یائددر عددسی یک هانند تقسیم اعداد اعشاری بر عدد صحبی عمل مینماتیم . \* ۲ / ـ در تقسیم لآلارینم عدد آلوچتکنر از یائه بر عددصحبح

دو حالت اتفاق منافند .

ا سه مغسر هنفی بتنهایی برمغسوم علیه قابل قسمت است، در اینصورت مفسوم علیه تقسیم. در اینصور علیه تقسیم. نموده خارج قسمت دا بصورت لگارینم عدد کوچاکنر از یك مینویسم،

ア・イ人へと

۲- صفحی مینهای به تنهای برمقسوم علیه قابل قسدت نیست،
 در اینحال آنفدر واحد منفی بمفسر حنفی می افزائیم تا قسابل قسمت شودو بهدین اندازه هم واحد مثبت بما تتیس مثبت اضافه میکنیم تا در لنگاریتم تغییری حاصل ننگردد بعد مانند حالت قبل عمل مینمائیم:

۲۲ / سدر نقسیم لگاریتم بر لگاریتم نیز دو حالت ا تغاق سیافت، ۱ ـ اگرمقسوم و مقسوم علیه هر دو لگاریتم مثبتند ما نشد تقسیم دو عدد اعشاری عمل مینما تیم .

Y = 1 کے مقسوم و مقسوم علیہ یا یکی از T نہا منفی است. بیجای Tن کلگاریشم میگذاریم و مانند حالت قبل عمل میشمائیہ .

حالولها في القاريتي

٧٢٧ - جدو لهاى لىكار يسم جدو لهائي است كالبكمات آنها سننوان لیکاریتههای اعداد را دست آورد ، یا عددهای را که للكاريتسهايشان دردست است ببدا نسود . جسون تعيين مفسس لتكاريتم آسان است در جداول فقط صانتيس لتكاريتم اعدادرا شدست 5. دواند .

٤ ١٢ - جدولهاى لككاريتم يردوقسماند :

۱ - جدولهای بزرك که در آنها لگاریتم اعداد نا هفت حرقم اعشار داده شده است .

۲ ـ چدولهای کوچات که در آنها لگاریتم اعداداز ۱ تا

• • • ١ با ينج رقم اعشار نوشت شده است .

در محاسیات عادی میتوان از جدولهای کوچك استفاده

النمود و نتیجه محاسبه را با تقریب کافی بدست آورد از جهدولهای کوچك که بیشترمورداستفاده دانش آموزاناست . جدول دو پوتی است که ترجمه فارسی آن نیز از طرف وزارت فرهنگ چاپ شده . طرزاستفاده از جداول در هریك از آنها نو شنه شده واسدت .

٥٣٥ ـ مادر جدول صفحة ٧٧ مانتيس لكاويتم عددهاى ز ۱ تا - ۱۰ درج میکنیم ۰

| ~~           |              |                                         | -<br>         |              |                                        | ل کار یتم                                    |                                     |            |            |
|--------------|--------------|-----------------------------------------|---------------|--------------|----------------------------------------|----------------------------------------------|-------------------------------------|------------|------------|
| اعددا        | لتكاد يتهم   | عدد                                     | لگاریتم       | اعددا        | لتكاريتم                               | عددا                                         | لتكاريتم                            | اعدد       | التكاد يشم |
| - \          | * * * *      | 1 ~ 1                                   | アイイイイ         | 2            | てくてく人                                  | - >                                          | YAOTT                               | ^ >        | 9 - 人を9    |
| ~            | ** - \ - **  | \ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \ | 72727         | <b> </b> ~ } | フィアマロ                                  | j ~ j                                        | <b>マペイド</b> へ                       | 1          | ヘヽ٣人ヽ      |
|              | をヘヘノイ        | 3-1                                     | シーノノシェ        | 1            | ブイナーティ                                 | } ~~}                                        | マクタアと                               | } ~-}      | ペトペー人      |
| ا ا          | ~~~~         | 2                                       | アン・イノ         | ځ            | C 3 7 2 5                              | 5                                            | <b>ヘ・ヘヽヘ</b>                        | 2          | ユイミイ人      |
|              | <b>ユペクペン</b> | دے ا                                    | グヘンへを         |              | ~( O T Y )                             | 0                                            | 人・アペト                               |            | ヘイヘミブ      |
| 1            | <b>イイマノロ</b> |                                         | とくをペン         | 1 ~1         | ~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~ |                                              | 人へので                                | -          | 27 80 -    |
| \ \\         | 人をロトー        | 1 ~                                     | 25-15-1       | \ \\         | <b>インイ・</b>                            | \ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \      | 人・ブ・マ                               | ~          | 2500       |
| · ^:         | d-h-d        |                                         | <b>ミミン・</b> へ | <u> </u> へ   | マ人へかを                                  | 【                                            | ヘゲイのく                               | 는 소.       | へををを入      |
|              | 20575        | 1 ~                                     | 2775 -        | ~            | -1 - Y -                               |                                              | ヘヤヘヘロ                               |            | 25272      |
| 1 1          |              | 1 1                                     |               | i (          |                                        | ( (                                          |                                     | 1 1        | ì          |
| 1 > > 1      | - 5 1 5-4    | · >                                     | E 9 4 7 7 7   | [ o \ ]      | Y - YOY                                | $\langle                   $                 | アントロ人                               | 2.         | 202-8      |
| 1 ~          | - マペ ハ ヘ     | \ ~ \                                   | 0 - 0 10      | ~            | Y \ ~ ~ ~                              | 7                                            | 入のイエト                               | ~ `        | 27742      |
|              | 11598        | \ \rac{1}{2}                            | 6 / 人 6 /     | \~\          | イスさとマ                                  | 1                                            | 人でアアー                               | 3          | ヘヘ人を人      |
| ٤.           | 1 5 -2 1 4-  | ٤ }                                     | ロゲリモ人         | ا ځ ا        | A hand had                             | ٤ ا                                          | <b>メープの、イイー</b>                     | <b>!</b> € | イトルノル      |
|              | 17-6-5       | (c)                                     | 0 2 2 0 7     |              | V & . T                                | (->)                                         | 人との。て                               |            | ペイペペイ      |
| ) ~ <u>.</u> | Y + E   Y    | ~~                                      | OCTT-         |              | YEAIR                                  | ~.                                           | $\wedge$ $\wedge$ $\wedge$ $\wedge$ | -          | ヘ人ィイイ      |
| <b>}</b> ~;  | 7 m - 80     | \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \   | ・アステロ         | \ \\         | YOOAY                                  | \ \ <u>\</u>                                 | アタア人人                               | ; ~ {      | ヘヘヘイイ      |
| <u> </u> へ   | YODYY        | ^                                       | マイグイン         |              | イブアミア                                  | <b>                                     </b> | 人へて・へ                               | しへに        | 20122      |
|              | イヘイへの        |                                         | 09107         |              | イベ・マロ                                  |                                              | 人へくてで                               | ~          | 99078      |

**\** )

#### -5 - - XX

۱۲۳ - تھریشہ - اگرمبلغی را با نرخ صبینی بسرابسه بگذاریم و درآخرهرسال سودآنرا بسرمایه افزوده سرمایه سال بعد قراردهیم گوتیمآن مبلخ بریح «برآکب داده شدهاست ۱۲۷ - دوریح مرکب معسولا نرخ عبارنست از سودیاث ریال دریکسال

y and y and y and y are y and y and y and y are y and y and y are y and y are y and y are y and y are y are y and y are y and y are y are y and y are y are y and y are y are y are y and y are y are y are y and y are y are y are y and y are y and y are y are y and y are y are y and y are y and y are y are y and y are y are y are y and y are y are y and y are y are y are y and y are y and y are y and y are y and y are y are y are y are y are y and y are y and y are y are y are y and y are y are y are y and y are y are y and y are y are y are y and y are y are y and y are y and y are y are y are y are y are y are y and y are y are y and y are y are y are y are y are y and y are y are y are y are y and y are y are y are y and y are y and y are y are y and y are y a

الزفور مول (۲) میتوان فورمولهای زیر رابه ست آورد: 1090 میتوان فورمولهای زیر 1090 میتوان

 $\frac{10g}{10g} \frac{10g}{10g} \frac{10$ 

فورمول (۲) در صوار دیکه مدت صحبح یا کسری باشد ۱۰ ستسال میشود ۰

# IXX Emsil Ilmini

۱۲۹ - تعریف سه قسطالسنه مبلخ پولی است که کسی بیرای نشکیلسرمایه باپرداخت قرش مرنباً دراول با آخرهر سال درمدت چندسال میپردازد -

م ۱۳ منتی المستیبی برای نشتگیال سر ماید فرض میگنیم ، ریال مبلغی باشد که در اول هر سال برداخته میشود و ۱ سود سالیانه یکریال در یکسال و ۱ ریال میلن آخری سخه در آخر سال ۱۱۱ م بدست میآید باشد

۱۳۱ ازروی سه عامل معلوم دیگر و سه عامل معلوم دیگر بنتقریب بکمات جدولهای عددی منخصوص بدست میآیده دیگر ایک استهالانشد دین

ـ ا آگر ۱۸ ریال میلن دریافتی و ۱۱ ریال مبلخ فسط پرداختی در آخرهرسال و ۱۱ عده اقساط و ۱۰ سود سالیانه یاث ریال باشد، •

onto letter  $72 \times 120 \times$ 

a p = a, ( 1 + r)p = ( 1 - - 1) ( 1 + r)p = 3

#### estation with the North

NTY - نعریف - برای اینکه نقطه IT دا بحوازات امتداد کی برخط داتمویر گنیمازالا خطی موازی △ میکشیم تا IT دا برخط داتمویر گنیمازالا خطی موازی △ میکشیم تا IT در نقطه کنیم نقطه کا بحوازات صفحه در برخط △ مصل تلاقی △ با صفحه ایست که از ۷ بحوازات درسم شود و ۱۲ میتونیمات - هر گاهازروی خط نامحهود برای حصود میلا آ - میتونیمات - هر گاهازروی خط تامحهود برای محود ترایم محود در بیم محود در برایم در محود در این محود برایم محود در برایمات محود بو سیله فاصله شان از آن مشخص میگردند میده و بیم برایم میگردند میده این از آن مشخص میگردند میده به با میکوید به بیم برایم میگردند میده به بیم برایم برایم برایم برایم برایم بیم برایم 
خطی را که از میداء بیات نقطه غیرواقع بر محور و صل کنند شعاعی حامل آن نقطه ناهند ، کنند شعاعی حامل آن نقطه ناهند ، برای معین ساختن جای هر نقطه بر روی خیا ، صفحه یا

فعندا مشخصاتی لازمست که آنها را مختصات گوید، و فعند می فاصده هر نقطه و اقع بر محور را از میداء حلی یا ایسیسی آن آن نقطه نامنده طول نقطه برای مشخص ساختن هر نقطه و اقع بر محور کافیست .

هر نقطهٔ صفحه میکن است بوسیله نصاویرش بردومعور منقاطح ( مختفسات دی از قی ) یا بکمات طول شعاع حامل و زاویه این شعاع با محور (میعنصات قطبی ) مشخص شود و مرنقارت غیر هر نقطه در قضا بوسیله تصاویرش برسه محور منقارت غیر و اقد دریات صفحه (مختصات د کارتی) یا با شعاع حامل و زاویه

مسخدسات دکارتی این شماع یا یک صفحه که برمیداء میگذردوزاویه تصویرشماع سے امل برروی این صفحه با معرری که بسر مبداء مرور نماید ( مدد ات قطلی )ممین میگردد . وسراء منفعت حمانت و كار تها ه ) در دعمقعده ـ در معدور منتقاطم وصعده اختيار ميكنسم e isati M. el paelitic xo se Socience telling of the second and the case of th دا على يا آ يسيسو . و (Ordonnée) يا (Ordonnée) isels IVI alesi المنتسنة المحالي ١ دو معدور نا مسدود بن و بن میشده را بیچهاد انقسیم میکنند (شر ۱ ) در ناحیه ۱ هر دو مختص مثبت ، در نا حبیه ۲ طول منفی و عرض مثبت ، در ناحیه ۳ هردو منفی و در ناحیه ۶ طول مثبت و عیض منفی میباشند . NI alai - Las Ja(Y را برهریك از سهمحور متقارب یان ، بری ، بری به موازات صفحهای که بردومهورديتكرميتكدرد انصبویر میکنیم نا 1- و (Yes Time Time ( in Y)

بترانسب طول و عرض و ارتفاع (بلندی یا cotte)) نقطهٔ M میگویند . شکل ۲ تبصره سامسولاً میدورهای مغنیصاندراعمود برهم اختیار

10 OR 9 OO 9 OF

میکند و مختصات را فائی مینامند.
ما از این پس فقط از مختصات دکارتی قاتم صحبت خواهیم کرد.
فقر آده ای حدواندن مختصات ابتدا طول ، بمدعرض و بده از آن ارتفاع نقطه را میخوانیم و بهمین شرنیب از چپ

253 p

(۱) \_ شماع حاصل را باحرف بونانی (رو) نمایش میدهند و در شکل هم همان حرف خوشند شده ولی چون در جایخانه آنحرف موجود نبود در متن بجای آن ی گذاشته شده است

T) ceclesare cal ا کے معدور ہائی ہے () و الا بعدازدورانی باندازه زاویه ۶ بوضم 🗵 🔾 و ONT يند (شر) و مختصات يك نقطه M و ا نسيست باوليها و ال وانسبت بدومیها الا و ۱۲ بنامیم ، از تصویر کردن دورة چىدىر ( أكثرالاخلاع ) PNTP ( برروى منحورمة تضي چنين  $N(11^2)$  range ye  $-12N(11^2)$  range ye made  $N(11^2)$  range ye 1 X == x cos q + ysin q 1 X == x sin q + ycos q A Series Not some of Series of Serie مع ۱ - حاول قطعه خدد ۱ - ۱ درازی مرقطه خد که برصوری قرار داشته باشد برابر است با طول منتها منهای صلول ميداء آن . ٣ - ١ كر ميداء قصلمه خطئ نقطه ( در ، در ، در ) ١ و منتهای آن نقطه (بر، بر، بر) 13 باشد :

یه نسسیت تا تفقیسیم فساید ، بعدی با سس باشد :

Y = Y = X باشما کا پسی است X = X = X باشما باشما کا پسی خدیمات رسط قطعه خطو اسطان میدان و منتهای قطعه اند Y = X = X و میدنیمات میر X = X = X و میدنیمات میدان 
الاقعاد والبطه شال ماهانات ۱ - اگرسه نقطه ۱۵ و ۱۵ و ۲۰ بردوی با معدور باشند :

٣ ــ ا کُون ١٦ نقطه ١٠ و ١٤ و ٠٠ و ١٠ و ١٠ و ١٠ و روكي بات محور ياشند أ AT. == A13 -- 13C -- -- -- 1< E. ب برابطه فیناغورت ا گردونقطه ۱۸ و ۱۵ بطولهای ۵ و ۱۱ بردوی مصوری واقع باشند و الآ وسط ۱۱۱ الم باشاه (شماره 63) ے - وابطہ او او اگر سه نقطه ۱۸ و ۱۵ و ۱۱ و ۲۰ بطولهای ۱۱ و ۱۰ و ۲۰ بردوی محوری فرض شوند (شماره ۱۹۶۳) - عدد (۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱۹۶۳ - ۱ د -- و انطقه استه از دند 1 3, - ... ismb. 1. e 81 e 1) meletale sie 1 e 1 برووی معدوری فرض شوند (شماره ۷۶) ه -- اگر نفاط A و ۱۱ و ۱۱ سلولیای نو و دا و c و l محور حدد را بر نسبت توافقی تقسیم نموده باشند : 7 ( alberted ) == ( artel ) ( corted ) - \ ۲ ـ اگران و سط ۸B فرش مشود: ۱۱ مر

### المالات المتعدر و تادع

ع ۱ مرچیز تغییر پذیر دا منهیر گویند.

ع ۱ ح تا بع سداگرمایین دو منغیر دابعله ای موجود باشد بطورینکه تغییر یکی بستگی بنغیر دیگری داشته باشد دو می را منغیر اصلی و اولی را منغیر تایم یا تایم میگویند در بیان را بعله دو منغیر هریات دا میتوان بدون تفاوت تنایم دیگری دانست

منای ۱۵۸ سے قابق انتصالی کی بند بیشر دلا آنی انتصالی مینادی مینا

بازاعی: سیسی انفصالی گویند اگر (۱۵) مقدار معینی نباشد . توفیخیی سینوایم معین همیشه انصالی هستند و توایع نامعین بازاء مقادیری از منتغیر که تابع نامعین است انفعالی مساشند .

ه ۱۰ س قابع صحوری سانایم را صعودی آویندا گیر تنایم و منتغیر یاهم بالا و پانین بروند ، مثلا قبست پارچه تنایع صعودی طول آنست .

۱۰۱ — ۱۰۱ هرفتنی و و هنای به دا تزولی گوی بند و فننی که جهت تغییر مشالاً مدبت استان باشد مثلاً مدبت الازم برای ساخنسان یاگ بنا نایع تنولی نمداد آقار گرانبست که بکار گرانبست

۳۰۷ — ۱۰۳ — تا بعرا منتها و به آگوایند الگر بازاء مقادیر منتهدای از منتهدای آنها مقدار تا بنی باشد تا بع الر منتهدار منتوالی آنها مقدار تا بنی باشد تا بع باشد تا بع باشد تا بعد باشد مناور به مناور به این تفاضل تا بعد را دوره قنا و به منتاور به منتاور به منتاور به است آکه ۲۵۲ دوره تناور ب

1

DOLL XXIV

۳۰۲ مهر گاه منتخیری حین تغییر بعدد معینی نزدیاش شده ولی هیچگاه مساوی آن نگردد آن عدد را حدمنغیر گویند. اگر منتخیر آوی بند. اگر منتخیر از حدمتغیر از حدالی نامند. منتخیر از حداکو پیدانی نامند. مثال : محیط دایره حد فوقانی محیط آکتیرالا ضلاع محاطی و حد تعینانی محیط کی محیط آنها

یی تهایت زیاد شود. سیارت دیگر عدد ۱۱۱ حد منتغیر به است در صور نیکه قدر مطلق ( 111 - 32) از هر عدد مثبت کوچکی کوچکی کوچکتر شود وقنیکه به یینهایت به 111 نزدیات گردد.

# plant as - xxv

ا -- اگر درجه صورت از مخرج بزرگش باشد من مدر <u>ط</u>الست

۳ — اگر درجه صدورت مساوی درجه متحرج باشد
 مساوی است باخارج قسمت شرایب جملی که دارای بزرگنرین
 نجا هیدنند .

 $\gamma = 1$  کردرجه صورت از مخرج کو چکتر باشده ساوی .  $\gamma$ 

#### colamina - sexvi

en de la companya de la co

مه ۱۳۰ سے مشتقان متوالی سے جون مشتق هر تا یع خود تنابع خود تنابع می تنابع کر فنت باین این این مشتق گرفت باین

مشتق را مشتق دوم تایع اصلی کویند. بهمین طریق ممکن است مشتق سوم و چهارم و . . و ۱۱۱ ام گرفت .

۱۳۱ — مشتق تایج تایع تایم ۱۲۱ ) آست بر که در تایع (۱۲) آست بر که در که دان که در که د

۱۳۲ - محاسبه مشنق و شواحی آن ۱ -- مشنق مقادیر تابت صفر است. ۲ -- مشنق معجموع چند تابع:

The minute of the view of with the second of 
و ـ مشتق قوة ١١٦١م بات تا يم

الما المستقل الوابق متداول Section 1 Y -- N ----N. ( ====== 111.5% (33 mm 3 Y" - 5" ===== 35 \*33 A CONTRACTOR OF THE PARTY OF TH & \_ N man and in e - 3 - - 3 Same and the same N' == = مشتق توابع مستديره:

منفی است .

حرای است است .

حرای ایهام بوسیله مشتق

 $\varphi(x) = -\frac{f(x)}{\varphi(x)} - \frac{f(x)}{\varphi(x)} - \frac{f($ 

 $\frac{(-1)^{2}}{2} = \frac{1}{2}  

جون این کسرهم بازاء ۱ سسه ۱۰ مساوی آی است باردیگر  $(0,0)^{*}$  است باردیگر  $(0,0)^{*}$  از  $(0,0)^{*}$  به مشتق ینگیریم  $(0,0)^{*}$ 

مقدار این کسر نیز بازا ۱ سست،  $\frac{1}{2}$  است، باردیگیراز (س) "ای و (س) " $\varphi$  مشتق میگیریم .

مقدار این کسر بازاء ۱ سس بر مساوی کی است بنا براین مقدار حقیقی بنا براین دهدار حقیقی بنا براین بنا براین مقدار حقیقی بازاء ۱ سس بر نیز کیاست .

#### ١١٧٧١٠ تغييرات توايع

المارات المعرود الا المعرود الا المعرود الا المعرود الا المعرود الا المعرود الا المعرود المعر

### ما کرزیمی و می تیمی

ع == هر يف - اگر تابے (x) == از بازاء ه == م انصالی بوده و بازاء = === د (= مقدار بنیت مثبت و بی نهایت كوچك ) صودى و بازاء على الله الله بازاء على باشد ميگويند تابع بازاء ع عدد ما کزیمی است ؛ و هر گاه تایع بازاء ع مدی نزولی و بازاء عالی سه دی باشد گویند تایم بازاء هست

می قبرمی میباشد. ۱۹۷۰ - تعبیری ما گریمی و می نبهی بورسیلهٔ مشتق در برای بدست آورذرت ما کزیم و می نبدم تابعی مشتق آن را مساوی صفر قرار میدهیم و جواب های آنرا بعجای ۵: در نابم مينگذاريم. مقداري كه براي د بدست ميآيدما كزيم است هر گاه نا بم قبل از آن صعودی و بعد از آن نزولی باشد، و می نیمم است هر گآه تا بے پیش از آن نزولی و بمداز آن صمودی باشد (شماره ۱۳۰) all a medicine designed of the service of the servi مي نيمي بعضي نوابع ـ مكنست بدون استعمال مشتق در بعضي از نوابع مندار ما کزیمم یا می تیمم را مستقیما بسست آورد. این امر در آمواردی میکنست که هر گاه تایم y = f(x) = y دا پر حسب قوای نزولی « مرتب نماعیم و در را پارامتر فرض کنیم بنوان برای ممادلة اخبر ريشة مضاعف بدست آورد ؛ در اينصورت مقاديري

از پارامتر برآگ بازاء آنها معادله ریشهٔ مضاعف پیدا کندما کزیمم یا می نیمم تابع هستند .

سی آگذیم -• == ( ۱ - اس ( ۱ - اس ۲ ( ۱ - اس ۲ ( ۱ - ۱ ) ۲ - س ۲ ( ۱ - ۱ ) ) ۲ - س ۲ ( ۱ - ۱ ) ... ( ۱ - ۱ ) ... ( ۱ ) ... میاد له ( ۱ ) با ۱ اع

 $(Y) \triangle = (y-y) Y - Y - y) = 0$ (Y)  $\triangle = (y-y) = 0$ (Y)  $\triangle = 0$ of y = 0of y = 0

ا ـ اگر حاصل جسے چند عدد منیت ثایت باشد حاصل ضرب آنیا وقنی ما گزیم است که همه آن اعداد باهم مساوی باشند . آن اعداد باهم مساوی باشند . پ ـ اگر حاصل ضرب چند عدد مثبت ثایت باشد مجموع

تغییرات y بستگی به تغییرات  $\frac{15}{70}$ -|-x)و جهت تغییرات آن بستگی

ما کزیدم و می نبهم بملامت به دارد . این نغیبرات را مینوان در جدول دیل ( که در آن \* داد- که ک

: عادمه کرد: ) خلاصه کرد: M= قرضان شده است) خلاصه کرد: اگر • حرے عاملے  $b^{\dagger}$  باشد آی و "به دیشه های مهادله  $\triangle = b^{\dagger}$ -=-+bx-+bx-+c =  $-ax^{2}-bx-+c$  =  $-ax^{2}-bx-+c$  $y = au^{\xi} + bu^{Y} + c_{0}$   $+ c_$ ie while e is and e is e if e is e is e. The same e is e is e. The same e is e is e.

| **** |                                |         |   |    | <b>&gt;</b> -< |   |
|------|--------------------------------|---------|---|----|----------------|---|
|      | ~                              | <u></u> |   |    |                | - |
| 8    | 8                              | 8       | 8 | 8  | 8              |   |
|      | 5 A 11 / 18                    |         |   |    | 2   -          |   |
|      | Merica III / Mario lac ) Mario | C. **   |   | 5  |                |   |
|      |                                |         |   | -  | E              | - |
| 8    |                                | -1      |   | 56 | 3              |   |

cc me crip  $-\frac{1}{2}$   $-\frac{1}{2}$ 

## توایع - نمایش هندسی توایع

or series of f(w) = x and f(w) =

پس هر نقطه که بر منحنی باشد، مختصانش در رابطهٔ (ید) کر سدن میدن میکند و هرنقطه که مختصاتش در آن رابطه سدن کند برروی منحنی است.

تعریف سی سی مکانت مندسی نقاطی است که بر شعریف محان دهند بر مختیر مکان دهند بر سیت که بر سیب قاعده معینی ، در صفحه یا در فضا ، تغییر مکان دهند ب

سهسب قاعات معینی ، در صفیحه یا در فضا ، تغییر مان دهسه در رایطهای که این قاعده را بیان می کند معادلهٔ منعجتی است خ دایطهای که این قاعده را بیان می کند معادلهٔ منعجتی است خ قمایشی تغییر است تا بعی در جهٔ اول - عدل این این است ۱۷۷ - قضیه - منحنی نمایش تغییرات نابع درجه اول

حطی است مستقیم . ۱۷۸ - قطعیه - مختصات نقاط هرخط مستقیم در معادله درجه اول - سست ۱۶۷ - ۱۶۷ - معادله درجه اول

": ا ) هر آگاه مسله درجه اول ۱۷۹ - ۱۷۹ و ۱۷۹ اول ۱۹ اول ۱۷۹ اول ۱۷۹ اول ۱۷۹ اول ۱۷۹ اول ۱۷ اول ۱۷ اول ۱۹ اول ۱۷ اول ۱۷ اول ۱۷ اول ۱۷ اول ۱۹ اول ۱۹ اول ۱۷ اول ۱۷ اول ۱۹ اول ۱۷ اول ۱۹ اول

نمایش « خطی است موازی محوری ها . ب) ممادلهٔ هرخط موازی محور بن ها به سدی است .

الانها: ۱) ۱ کر - --- باشد بر <del>آ</del> ---- و باشد خطی خطی

است که یر () ، میدا، مختصات ، میگذرد . ب ) معادلهٔ هر خط که بر میدا، مختصات بگستود

مندور است و را و معالم میخالف میفریاشند خوا میخورها

۱۸۰ سامر بسال و ۱۸۰ سامر بسال او به ای هرخط تانزانت زاویه ایسات که این خط باجهت مشبت محور شه ها تشکیل میدهد . پس ضربب

1 - 5 نمایش هندسی تو ایم زاویهای خطوط موازی محور ۳ ها صفر واز آن خطوط موازی asect yaloo lum. ۱۸۱ - زاویهٔ دو خسک - اگر ۱۱۱ و ۱۱۱ ضریب زاویه ای دوخط ( و الا و الويه بين Tipl باشد: دو خیک موازی : اگر ه سد به باشد ۱۳۱۰ ضرایب زاویه های دو خط موازی مساویند . 140 = 00 1 2 = 51 51 = 00 page = 00 يعني - سيد ١٦٦ ١٦٦ الله الله الله يعني الكر خطي بر شيط دیگر عمود باشد ضریب زاویه ایش مساوی عکس ضریب زاویهٔ دیگر بست با علامت مخالف -TAY - and creation of the state and the sales خيط  $\wedge$  که با ضريب ژاويه ای m بر نقطهٔ  $M(\mathfrak{z}_0',\mathfrak{z}')$  ميگذرد : y --- y' --- 101 (.x --- 2x') ٣٨١ - معادكة شعهي هم بر دو نقطه ميتكذرهـ اكر مستعدد دو نقطه دا بدر تبسیه (۱۰،۱۰) و (۱۰،۱۰) فر د کتیم معالات معتصور مربع - ممادله خطی که از نقاط ( a. . ) امو (cl.+) الكترد: 

(A و d را بترتیب طول و عرض از میدع خط گویند) م

M(w',y') is along a long of W(w',y') and W(w',y') and W(w',y') and W(w',y') and W(w,y') and W(w,y') and W(w,y') and W(w,y') and W(w,y')

حبيباشتك يعنى

$$y = \frac{cat - ac'}{alb' - bat}$$

$$= \frac{bc' - cb'}{ab - bat}$$

$$t_{ab} = c$$

۱۸۷ - نهریقی - اگر نقطهٔ M بنواند در روی بات متحتی بات ستحتی بی نهایت شاخه بی نهایت متحتی بات شاخه بی نهایت دور شود شرد میگویند این متحتی بات شاخه بی نهایت دارد.

 $\Delta = 0.00$  میجا قب سورگاه شعلی مانند  $\Delta = 0.00$  بنوان یافت  $\Delta = 0.00$  فاصله نقعله  $\Delta = 0.00$  منحنی از آن ، وقتی  $\Delta = 0.00$  بی نهایت در

روی منتحنی دورشود، بسمت صفرمیل کند ، خط △رامتجانب منحنی گویند . بعبارت دیگرمتجانب خطی است که دریی نهایت برمنحنی

مماسی شود -

مجانب برسه قسم است : افقی یا موازی محور عدها، قائت یا موازی محور ۱٪ ها ، مایل.

y = f(x) - (x) معجانب افظی حدم گاه در تایع (x) = y وقتی که x = y بین بررگ شود y بسمت مقدار ثابت و میل کند خطه y = y را معجانب افغی منعمنی نمایش تغییرات تایع (x) = y

معجانب قائم سهر گاه در تابع (عد) = عرفی قائم سهر گاه در تابع (عد) = عرفی و قتی که بر یی نهایت بزرگ شود عد بسمت مقدار ثابت 10 میل کند خدا دا سن عدر معانب قائم متحشی است .

ر ۱۹۱ — معجانب مایل سا آگر خط ۱۱ است بو مجانب مایل منتحتی (۲۲) = بر باشد:

 $\frac{y}{x}$  -  $\frac{y}$ 

الا عدد محالی الست و قتی که بن میل کند بسست بی نهایت، الا حد میال کند بسست بی نهایت، الا می الا کر دن میجا قبیه الا می الا کر دن میجا قبیه الا کسری الست ، بعنی کسری یا اصم نیست ، میجانب ندارند .

F(x) = F(x) F(x) = F(x) F(x) = F(x) F(x) = F(x)

باینطریق باید عمل کرد: ۱ -- معانب قائم: معادلهٔ آنها ریشه های ۰ -- (x) به

عبانب افقی : معادلة آنها حدود - ح

است وقتی علا میل کند بسوی بی نهایت (شماره ۱۰۰۰) . ۳ سے میجانب مایل : خارج قسست تقسیم (۱۵) بر (۱۵)۴ معادلة میجانب مایل است .

تبصوری ساوی باشد منعنی مجانب مایل نسارد. اگر درجه (x) و (

تقحر و تحديب

الآلا بر متحنی ، متحنی را در همان نقطه قطه نکند میگویند منحنی ، متحنی را در همان نقطه قطه نکند میگویند منحنی در این نقطه محدی ( یا منفی ) است . بر حسب آنکه مشحنی در میاورت IVI بالا یا پائین مماس باشد میگویند تقیر منحنی بطرف بر های مثبت یا منفی است و بر حسب آنکه براست یا بویب مماس باشد تقیر منحنی بطرف بد های مثبت یا منفی است و بر های مثبت یا منعنی بطرف بد های مثبت یا منحنی بطرف بد های مثبت یا منحنی بطرف مدای مثبت یا منحنی بطرف مدای مثبت یا منحنی بطرف است و بر منحنی بطرف است و بر منحنی با منحنی با منحنی با در IVI بر منحنی با منحنی با در IVI بر منحنی با است و با است

منحنی را درهمان نقطه قطع کند ، منحنی در آن نقطه تغییر جهت نقعر داده است M را نقطهٔ عطف منحنی میگویند. به ۱۹۵ – قضیه سه مشتق دوم هر نایع بازاء طول نقاطی که نقعر منحنی نمایش آن نایع بطرف بر های مثبت است مشهد بازاء طول نقاطی مثبت است مشهد بازاء طول نقاطی مثبت است مشهد بازاء طول نقاطی از منحنی که نقعر آن بطرف بر های مشهد بر های

قنيجه ـ در نقطه عطف مشتق دوم مساوى صفر است .

#### المنظار وي

100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100

عمود کرده (N1 و N4 فصل مشتر کهای T نرا بامنعتی (X) ایس بید سنت می T و (X) مختصات (X) (X) مختصات (X) باشند و X محور نقارن باشد چنین خواهیم داشت ؛ X می X

- 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 100 - 1

روایط (۱) و (۲) باید از 171 مستقل باشند پس بساید حضرایب قوای مختلفه 171 در 17نها مساوی صفر شوند و از بیان این مختلفه 171 برای یه و 171 مقادیری بسست می 171 بده اگراین

مفادیر ضرایب قوای مختلفه m را در رایطه (Y) نیز صفر کنند منحتی مرکز تفارن دارد و مفادیری که برای g و g بدست آمده اند مختصات این مرکزند g

۱۹۹ – افضیه سالکر یک منحنی دو محود تقارن عمود برچم داشته باشد محل تقاطع آنها مرکزتقارن منحثی است ۰ مماس برمنحتی

وا در y = f'(m) مماسی - f''(m) منحتی (m) f''(m) و f''(m) مماسی در حول f''(m) آنه و f''(m) میاسی در نقطه بی نهایت به f''(m) نزدیات شود حد خط را میاسی برمنحتی در نقطه f''(m) و بند +

 $\mathbf{y} = (f(x))$  . The sales and setting  $\mathbf{y} = (f(x))$  is a substitute of f'(x) and f'(x) is substituted as  $\mathbf{y}' = \mathbf{y}' = \mathbf{y}' = \mathbf{y}' = \mathbf{y}'$ .

قایمی اول تا تعیین حسریب زاویه ای مهاس سه مهادله کلی خود و اول تا ۱۵ میتود بسیم:  $\mathbf{V} = \mathbf{V} = \mathbf{$ 

حل میکنیم ۶ شرط Tنده خط برمنعنی مماس باشد اینست که

وسنتگاه یك ریشه معنهاعف داشنه باشد، مقداری از ۱۱۱ آگه بازاه آ
دف ریشه معنهاعف یدست میآید خبریب زاویهای مماس است .
قاعده دوی حد تعییرت طول نقطه تماس - معادله کلی ماس برنقطه ای از منعصی بستونیمات [(۱۱) آ)،۱۱ را می توبسیم :

طول تغطه تصاسی وا بدست مبیآوریم . و سیم صفحتی

y=f(x) و سم صنحتی نمایش تغییرات تابع x = y

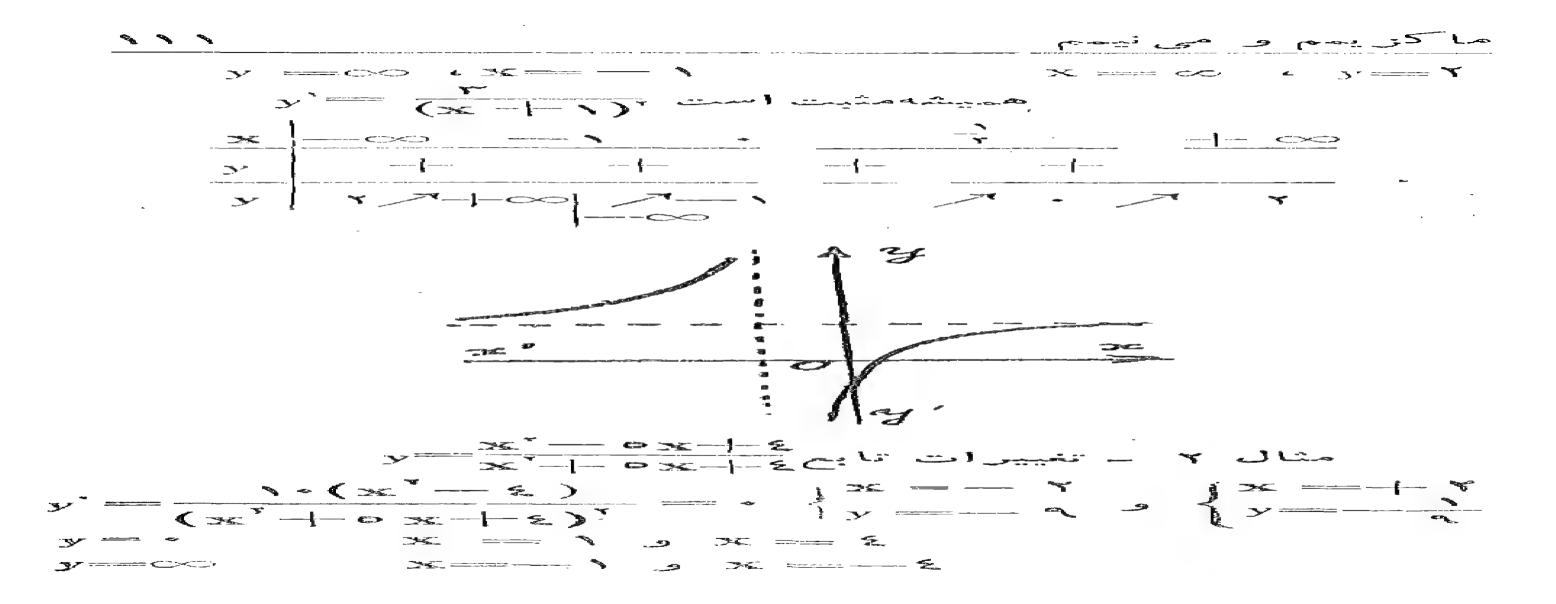
یاینطریف عمل میگنیم :  $f(x) = -\infty$  کریمه  $f(x) = -\infty$  کریمه  $f(x) = -\infty$  کریمه کی آوریم، کی مقدار

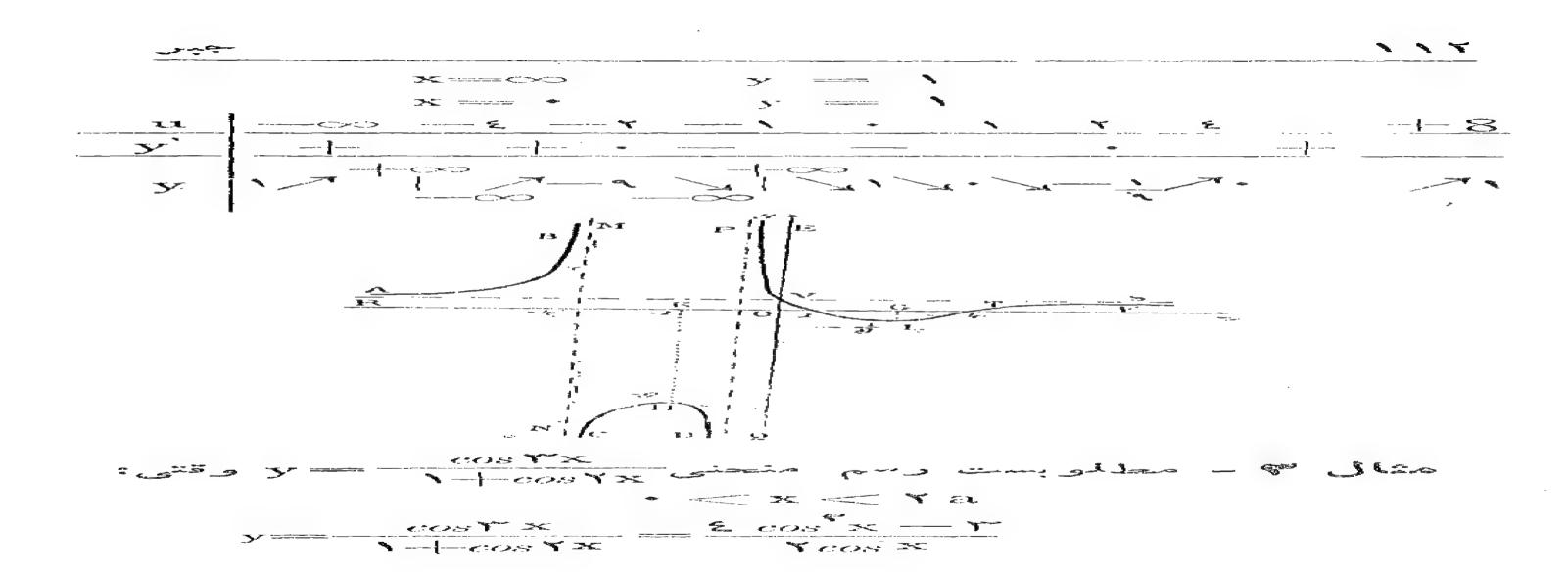
حلول و عرض نقاط ما كزيم و مى نيمم را مملوم ميكنيم . ع) با مشتق درم طول نقطه عطف را معين مى كنيم . ٣) جدول نمايش تغييرات را ترتيب ميدهيم . ٧) نسبت يدو معدد بكان نقاطي .

یدو محور متعامد تخسب مجانبها را میسازیم و بعد بیکات نفاطی که در جدول نفییرات ثبت شده اند و با مراعات جهت تغییرات منحنی را رسم میکنیم - اینات چند مثال :

مثال و \_ رسم منعمنی تابع همو گرافیات ۱ - × ۲ = د

~ · · · · ·





at anicke negligible of anickets - sinx ( & cos x - - T )  $y == \infty \cdot cosx == \cdot$  $y' = \cdot \cdot sinx = \cdot \begin{cases} x = \cdot \\ y = \cdot \end{cases}$ 1人・ 。 一二 の 一二 アス・ 。 سال اکر منصنی تغییرات فوق را رسم کنیم شکل ۱۱ بدست میآید

۱۱×۱× حل همادلات بوسیله رسم منحنی مای ۱۰ سور این ۱۰ سور ۱

\$ (00,11) man +

o · Y - - Ucusto accompacted - Y · c

درهریات از معادلات از را برحسب بن بدست میآوریم: بدست میآوریم: (۱۱) از ۱۱ تکام منعشی دو تابع اخیررایا دفت تمام رسم میکنیم و صفحتصات نقاط برخورد متعتبها جواب های دستگاه بغر و ضند و

and the second of the second o

از را بطهٔ مست (۱۹۱۹) بر پار امتی ۱۹۲ را پر حسب ۱۰ بدست میآوریم بر (۱۰) بر (۱۰) بر (۱۰) بر (

#### eisen alm en Walabi Jan - xxx

القسيم ميكند . مختصات هر نقطه واقع بر منحتى در رابطة مساري سيار سيكند . مختصات هر نقطه واقع بر منحتى در رابطة مساري سرار سياد قندو مختصات هر نقطه غيرواقع برمنحتي در ينكى از دو رابطة م سرار سرار المالة م سرار سرار المالة م سرار سرار المالة مي سرار المالة مي مختصات مي از دو ناحيه صفحه در ينكى از دو رابطة اخير وجميع نقاط واقع در ينكى از دو ناحيه صفحه در ينكى از دو رابطة اخير وجميع نقاط واقع در ناحيه ديگر در رابطة ديگر در ساحيه ديگر در

نقاط ناحیه (y, y, y) را مساوی صفر انگاشته (y, y, y) میدند. آلی میدند آلی میدند و منحنی (y, y, y) میدند و منحنی (y, y, y) میدند و میدند و را بر و و منحنی نباشد از هر نقطه دیگر بهتر است (y, y, y) دا در در ابطه (y, y, y) میگذاریم آگر نتیجه مثبت باشد جمیع نقاط و اقع در ناحیه آیکه شامل نقطه (y, y, y) میگذاریم آگر نتیجه مثبت باشد جمیع نقاط ناحیه دیگر شامل نقطه (y, y, y)

P+7 -- -- to commo de la commo

1 ( m · 11 ) == -

برای هریفت از سه رابطهٔ دستگاه ناحیهای از صفحه را که جواب مستله است نگرد داشته ناحیه دیگردا هاشود میزنیم میخنیمات نقاط قسمتهای از صفحه آکه پس از خانده کار بیهاشود بهاشود بهاند جوابهای دستگاهند .

Jensen Celen - del je le le NXXI

 $\frac{x}{x} - \frac{x}{x} - \frac{x}$ مثال : ۱۱ ۲ - هر گاه پس از تعیین تایم اولیه تایم (۱۰) ۴ ===۱ دو مقدار به و دا را بیجای ته قرارداده تفاضل مقادیری را که بدست میآیند تعیین کتیممیگوتیم مقدار تابع اولیه (۱۰) به ایر را بیری دو حد می سود و طهید بدست آورده ایم . ۲ ۲ ۲ فضمیه - هر گاه (۱۱) تا بع اولیه (۱۱) با بساند ت - اسر برد از هم تا بع اولیه آنست (ع عدد یست تابت) ٣١٧ - توابم اولية مهم بدينقرارند: تا بعے اور لیہ ∹تا بسم الا صفاد تا يست ) 3/=== + N === 00 200-1-07 11 ------//=== cr cr 173  $y = \sqrt{\frac{a}{x}}$ Y== Yav n -+-c

 $\mathbf{Y} = --- cos:c --- c$ 11 marin to 50 8 11 12 25 1 والأراجي والمحاج والمتدادين والمراج 21 55 m 20 10 10 12 - 1 1 1 20 mm mm C gg market in a group by the fig. Y = cot com -cWELLE Note COLET N y = 0000 = = 2 ( ) - 1-0000 = 000 8 == -2 ( x - 1- 2 800 x .0) - 1- 0 ع٧٢ -- قصیه ، هر کاه تابع (۱۰۰) بسیر در فاصله بعد و به د انصدالی باشدسطے معصور د بین and  $e \in \mathbb{R}^n$  with  $e = \mathbb{R}^n$  and  $e \in \mathbb{R}^n$  and S = 1 " (1) die

andele visein ale asene u 119 مثال ۱ -- سطع معسور بین معود ۱، ها و منهنی y - x - - 0x - - E Sunficer on the Ender بین منیجنی مثال ۱. و معدور از ها و معدور تد ها (ش ۱۲) The second second (1) and extend a series and series (1) ٥١٦ --- معاهده هاديسره --- التخلي صراحي دايره. (2 - - B) - - (21 - B) - R = -٢١٦ - معاشله بيضي \_ وقتى مر كر ومسورهاى آن بنر تبیب برمر آکز و معدورهای معندسات منطبق باشند: (١) رخوع شود بقسمت منحروطات همين كتاب

(a) و d نصف مودوهای بلند و کوناه بیضی هستند ) YYY = a هماد که دهگر گورگی - با شرایط شماره YYY :

محاث که سهوی - وقتی محور آن برمجور x ها و رآس y آن برمجور x ها و رآس y آن برمجور کر منعلین باشند و فاصله کانون از خط هادی را x مینماییم:

WY TP W

and the second of the control of the

ا گر و 12 هردو روج یا هردو قرد باشند شرط قابل قبول یودن جواب آنست که طوی مختلف العلامه باشند .

VIXXXX Elaco ece eclas alla asin

معجهولی در جه اول

۲۳۱ - ۱ین قاعده عبارتست از تعمیم قاعده حدف که در حل معادلات دو معجهولی درجهٔ اول ذکر گردیده است (شمارهٔ ۵۰)

فرش کنیم مقصود سل دستگاه درجه اول سهسجهولی

-4-(c-1-c'a-4-c"B)z-1-(d-1-a'a-4-d"B)===-

به بهیست که ممادلهٔ اخیر جوابهای دستگاه (۱) راقبول میکند. حال مامیتوانیم مقادیراختیاری به و بم راطوری انتخاب کنیم کنیم که ضرایب ۱/۷ و ی درممادلهٔ اخیر صفر شوند. میرایب ۱/۷ و ی درممادلهٔ اخیر صفر شوند.

بالمشتحا يحتو

Being being being b

حر اینصورنت

cl---cl ce---cl B

برای به سمت آوردن ۱/ و بن به سمین نیمو شیرایب دو میجنهول دیآگر را مسلوی صفر قرار میاهیم -

دستتگاه ( ۲ ) تبدیل میشود بدستگاه: ( II ) { Uluga a b logg که پسی از تغسیم عضو بعضو بصورت خومیآید و اگر فرش کنیم منتسا باشد مقادیر س عبارتنا از منتجر میشود بمعادلة - - - المالات The column of the sexual sexua VAILV 13 --- and issty and issty alone TYY

تعجز به رادیکالهای مر کب 1.40 است بصورت مجموع با تفاضا دو داد تكال .  $B' = A' + \sqrt{B'} = A' + \sqrt{B'}$ ( 13 و 13 مجدور کامل نیستند ) ( ۱۸ == ۱۸ و 13 = 13 میباشد . -V is to V 11 Combe D T VALV B غرض نموده « و الا را حساب میکنیم : VA + VB = V : = V : A = V B = 20 - 1 1 + Y V 2011 VALVB = VAHVQF = B ±VAHVQF = B بدیهیست که برای مرکب نبودن طرف دوم باید 13 - کم معجدو ر کامل باشه MYXXX = La asleb action ٢٢٤ - ننجست ميلكوئيم هر معادله كامل درجه سوم و١

ورآن (عرب المحاول عرب المحاول 
و المعاصد المعال المعال المعالم المعال

سی هرگاه میران ۲۷ بازی معادله سه بوابدارد و « در میران ۲۷ سال ۱۵ ه دو « (یکی مضاعف) و « در میران ۷۷ سال ۲۰٫۶ ه یک « ۲۲۲ سال معادله - سال معادله - سال سال سال ۱۵ داه میلادا تی

 $\frac{\mathcal{E}_{CON}^{T} \varphi - \mathcal{F}_{CON} \varphi - \mathcal{F}_{CON}^{T} \varphi + \mathcal{F}_{CON}^{T$ 

ا کنون در رابطت ۱۱ - میشین ۱۱ میشین ۱۳ بیمای ۳۰ مقدار ۱۲٬۰۰۵ و ۱ قرار میدهیم تا رابطت

 $-\frac{G}{2I} = \frac{G}{2} = \frac{$ 

costq VYY 4

sur wie in mie in mie in vigor of the cost of the cos

> マ 人 و ۱۰ ۱۰ ایافته آنهادا در مقداد ۱ سر ایافته می كنيم نا سه چواب معادله مسس به سادل باست آيناس بدیهیست که شرط وجود جواب منفی بودنی ۱۱۷۷۱ اس ۱۲۶ \*\* - 2:::- 1 > 0 ア へ 0 人 === + - cour Jun リーマート 7 7 7 0 = 2 7 · " 7 TT --- 7" @ ===== 7" - - " 1111 9, === + > 9 7 97 و مالا خر ه -から マライで代人 

C. S Comment of P.

#### called are

آ کلیاست
 موضوع - حرمتلث دارای شش جزء (سه ضلح رسه خلج ) است که اگرسه تای آنها را یوضه مثاسیی (رجوع شود به ندسه ) داشته باشیم میتوانیم سه جزء دیگر را بعست

در مشلاشات قواعدی گفته میشوند که باکسات آنها از روی استراه معلوم استراه مشلف را میشوان سساب کرد. استراه معلوم استراه مشلف را میشوان سساب کرد. ۲ ---- ۱ قبر ای قبر سی - برای انداز د کر هشن قوس دایر د

( یا زاویه مرکزی مقایل آن) سه واحد بکار میبرود:
۱) در بهه سد سیست میسد دایره سازدادیه

خقة محسده

حا ويد

al se estate e la companie de la com

سی سید میدهی سور ادر سید بادر ادر ایره که حلولین ادرایره که حلولین ادر ایره که حلولین ادر ایره میداید است با است با دایره برابر است با

س سر و الاستان و الله 
منفی آن تعیین شده باشاه داوره سوهسد ۱۰ میگویند . ۱گر مند کی از نفدان ۸ واقع بردوی محید داوسره می کند کند نا بندهاه دا برسد گوتیم قوس نا۸ دا ملی نموده مست به دا میال تا و دادا میتهای قوس کویند . میکنسست میحترف پس از سر کین از نقصله ۸ یائی یا چنددور میحیکدالار می را طی گند و در 13 متوقعت شود در این صورت هم منیدرك قوس AB را طی كرده است . اگر طول كوچكترین قوس

3 AB TKT -- a

( IK عددی است صحیح مثبت یا صفر یا منفی ) ۳ - قضیه شال - اگرنقاط ۸و ۱۵ و ۵ و ۴۰ و ۱۲ بر

حروى ميحبيدا داعرم واقغ باشنه ا

FIGURE TICE — SICH — SIDIF — SIG — YICA  $\mathbb{Z}$  TICA  $\mathbb{Z}$  TICA  $\mathbb{Z}$  Sister IVI else  $\mathbb{Z}$   $\mathbb{Z}$  is a constant  $\mathbb{Z}$  of  $\mathbb{Z}$  and  $\mathbb{Z}$  is a constant  $\mathbb{Z}$  of  $\mathbb{Z}$  and  $\mathbb{Z}$  is a sister of  $\mathbb{Z}$  of  $\mathbb{Z}$  and  $\mathbb{Z}$  is a sister of  $\mathbb{Z}$  of  $\mathbb$ 

SNAC TO TO TO TO TO

۷۔ تھے ہے۔ دوقوس را کہ دارای میداء مشترك باشند قوریشه آگویتد وقتیکه منتهای آن دو نسبت بصوری که الا صبیاء مشترك میگئرد قرینه باشند .

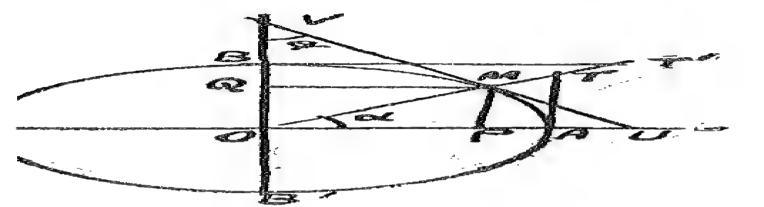
معجموع دوقوس قرینه مساویست به ۱۲۷. ۸ - تهر بخسسدو قوس را مشعم گویند و قنیکه مسجموع آتها مساوی دیم دا تره یا ته باشد.

به استمریف سور قوس دا مکمل کوینا و قتی کسه

مجموعشان مساوى نصف معصط داوره يا 10 بأشد .

## ١١ خطوط مثلثاني

دا در مثلثانی قوس به ۱۳۵۰ داده مثلثانی قوس به ۱۳۵۰ فعلر داده شده باشد و ۱۳۵۰ فعلر ماد بر میداء ۵ و ۱۳۵۰ قعلر عمود بر آن دا دسم کنیم و عمود مای در ۱۳۸۱ و ۱۳۵۰ ا بر ۱۳۸۰ و ۱۳۸۰ و ۱۳۸۰ بر آن دو قطر فرود آوریم و



امتداد شماع OM میاس در نقسته بد را در  $\Gamma$  و میاس در نقسته خود  $\Gamma$  را در  $\Gamma$  قطع نماید و میاسی که از  $\Gamma$  بردایره رسم شود قطد  $\Gamma$  را در  $\Gamma$  و  $\Gamma$  (  $\Gamma$  و  $\Gamma$  (  $\Gamma$  (  $\Gamma$  )  $\Gamma$  (  $\Gamma$  )

1 2 mm شعطوط مثلتاتي OU (و قاطم یا سکانت و Secante ) ع ست اختصارى sec a (cosecante) a distinct of la field 1, 0V (7 cosec a colonial ande حينامند . وهرشش خط دا خطوط مثلثاني قوس به ميگويند . ١١ ۔ فضمه ۔ وقتے قوس به از ٠ تا ١٠ در ٩٠ "نخييبو تيماييه ي سهيب وسعيب تسام آن بيرن ١ -- و١٠- ، و ظلى و ظلى قسام وقاطم وقاطم تمام آن بین دهسودی، تغییر مینما یند ١١- دوابك بين خطوط مثلثاتي قوسي م ... (1) sin a + con a - (2) sec a - cos a (Y) that since (a) cosec a since (T) COLUM COSA روايطي كه ازروابعد فوق نتيسه ميشوند .  $= \frac{tg}{1} \frac{a}{s} + tg \frac{s}{s}$ total coldina 1 - lg a ---

Tre - celisting deserving the second تفاضل یا محموعشات مضر بے انے ۳ باشد ۔ ( ۱۵ عدی اسمت بزر گنر با کو جبکتر از صفر یا مساوی آن) ٧ ـ اگر عما مس ۱۱ - ۱۱ - ۱۵ میساد دو قوس مطبرس ووج ته ) داشد : Since we sin ( Y ker - b) we sinb some wos ( Y ker - b) we cosb to a we to ( Y ker - b) we tob ٧ -- ا كر ١٠٠٠ ٢ -- ١٠ ( منجموع دو قوس معتبر ب زوج المستعدد والمتعدد الله حالات المناسبة ع --- الكر عه ( ۲ ا-- ۱۵ ( معجموع معمريس خي در ۱۳ ا ما دنياد : 

خولوط مثلثاتي ١٥٠ - در قو سياى متسم ، يعنى اكر <del>به ١٥٠ - ١٥ باعد :</del> since == sin( = b) == cos b · cos ce ma cos ( --- 1) ) = seos b 10a = 10 ( = 10) = coty b المستر تفاخيل دو قوس بلك فائمه باشد المساس sina sin ( - 1-6) -cost cos a cos ( To | b) == - sere 6 19a == 19(== +b) == - coty b ما حوا بعد فوسها قل معلى الله بلك معلما تف - Alane army Jan Tkanb : coscerecoso 51 mm 22== 15 m-1-6 Egamelyb 51 - T

| = mas slamps et j gilles Jahr - 17                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                             |      |     |       |                 |
|--------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|------|-----|-------|-----------------|
| <del>ق</del> و_سي                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              | sire | cos | 2.50  | colg            |
| •                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              | _    |     | _     | <>>             |
| The same of the sa | -    | 1   | X 7   | ✓~ <del>~</del> |
| 7                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              | V 7  | V 7 |       |                 |
| 7E ~ °                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                         | V    |     | \     | <del>\</del>    |
| 7                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              |      | -   | CIRCU | -               |

SENTA SENA ESENA ESENTA

CONTA ESCONTO - VONE

TUA - TUA - TUTA cos oa == 1 cos a - T cos a - Doca \_ خطوط مثلثانی بات قوس بر حسیظل نصف SENSA - (± VIII TE ± VIII TA ) WA THENTA IN STREET A DESTREE DE STREET A DESTREET A DE

میشند ایکارینم خطوط بعبای خود آنها هستیم . بنا براین بایسه سمی گنیه تا هر جا که میسکند خود آنها هستیم . بنا براین بایسه سمی گنیه تا هر جا که میسکندست بعبای معجموع یا تفاضل خطوط متلاثاتی حاصلحمرب یا خارج قسمت آنها را بدست آوریم .

این عمل ، یعنی نبدیل معجموع یا تفاضل خطوط مثلثاتی به حاصلحمرب یاخارج قسمت ، را لگارینمی کردن یافا بل محاسبه کردن آنها میکویند .

کردن آنها میکویند .

× >

simp - sing was sing p- q

٨٧ - تيديل حاصاد برو خط مداداتي ومعمو ع

121

----9 S Y 10 co contra con a 10 de con (2 ميا دهميد د The state of the s و) برای تبدیر فرف میکنیم مهری در و 1 = 0089 = 10 <del>9</del> T) -d-lox-f-c - - - go de- so dolko . Le ( 7 ti e to octalum: ا کی فرض کنیم ۱۰/۰ ۱۰۰۰ جسیج ، معادل، یاینصوری در میآید (c-a) cos y - - beiny y - - c - - a == سراى حل اين مسادله و تعبيس عمر اجمه شود بيدل مسادلات مثلثا ني (شداره عم) الم دروانعل بدري البدر الم مشلم atto algova -- T. ---to me asint by acos C machibe and acota C e = asinC = acosB = btyC = bcotyB a to the 

1 2 7 روايط بين اجراء متلث (.) شعاع دایرهٔ معصطلی) A--B--C---YT (Iolding) a b c XR a '= b'+c' - ThecosA

II allino '= a' +c' - The cosB

c' = a' +b' - Tab cosC TIT also a bens Company a bens Compa € € and the selection of the selection and the selection of t cely areales e arestal ر Ta شعاع دایره معیطی ، ته شعاع دایره مساطی، به تا راع و عا اشه دواير معماها اخارج، a و وا و عاملاع، واصحيط) 25/P (p-a) (p-b) (p-c) (D-a)(p-a)(p-a)

لتكاوينديه كردن h, = Y V asinC = Csin A sin B he defined being ٥٠ - منصف زاويه ها- اگرها و اا و ا منصف ile spais class A e the leak e A e A e at e class 1 a being (para) CSEIR B ASSING SINGE 1 b -----Bring Sin B Sin Asin B >-15 ···· >---TT - and its cal 

< T

( Y

hamilton and the second of the

(8)

(8)

(8)

(8)

(8)

(9)

(9)

(10)

(10)

(11)

(11)

(11)

(12)

(12)

(13)

(14)

(15)

(15)

(16)

(17)

(17)

(17)

(18)

(19)

(19)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(10)

(

 $C) = \mathbb{R}^{T} ( \mathbb{R}^{T} - \mathbb{R}^{T} )$   $C) = \mathbb{R} (\mathbb{R}^{T} - \mathbb{R}^{T})$   $c) = \mathbb{R} (\mathbb{R}^{T} - \mathbb{R}^{T})$   $c) = \mathbb{R} (\mathbb{R}^{T} - \mathbb{R}^{T})$   $c) = \mathbb{R} (\mathbb{R}^{T} - \mathbb{R}^{T})$ 

الا معادلات مثلثاتي

۳۸ - محادلاً مثلثاتی بیان نساوی بین دو عبارنست. که حریك شامل یك خط یا چندخط مثلثانی یك یك یاشیامل یك خط یا چندخط و تساوی آنها بازاه برخی ازمفادیر این قوسها معفق گردد.
این مفادیر را چوالی های معادلهٔ مثلثاتی گویند.

هم سادلهٔ یک معهولی آنست که فقط یک قوس یا معنارب آن درآن مهمول باشند و اگرمقدار قوسهای معهول از یک بنده ول

ا به معاده بلک معجهو لی بردو نوع است: و یک دی است: و یک دی اول به معادله ای که فقط شامل یا خط مثلثاتی قوس معهول باشد: برای حل آن باید همان خط مثلثاتی را معهول معاون قرار داد ومعادله را بطریف جیری حل نمود . پس از بدست آمدن مقدار معهول قوسهای متناظر با آن خط مثلثاتی جوابهای مسئله اند .

مثلادر معادله - سیس یو ۱۰۰۰ ۲۰۰۰ پسی از حل کی سیس

مثلثانی فوس مجهول باشد: برای سل آن باید یکی از خطوط مثلثاتی را مجهول

معاون قرار داد وسایر خطوط مثلثاتی را باآن خط نبسیل و معلابن حالت اول عمل نمود .

درمعادلات نوع دوم برای انتخاب میجیول معاوست از قاعده بیوش میتوان استفاده نصود :

esasta en en la Bioche de se esta - Ex

Y = 1گر در معادل، قوس بر را به (بر  $--\pi$ ) تیدیل گنیه و مسادله تغییر تکند  $\times$ 110٪ را معجمول معاون قرارمیدهرم .  $--\pi$ 1 هر گنه در معادل، قوس  $--\pi$ 1 به (  $--\pi$ 1) تبدیل آگنیم و معادله تغییر تگنه  $--\pi$ 1 به (  $--\pi$ 1) تبدیل آگنیم و معادله تغییر تگنه  $--\pi$ 1 و ( $--\pi$ 1) و ( $--\pi$ 1) به یک در هر سه حال معادله تغییر آگرد ، باید  $--\pi$ 1 به  $--\pi$ 1 در هر سه حال معادله تغییر آگرد ، باید  $--\pi$ 1) در در هر سه حال معادله تغییر آگرد ، باید  $--\pi$ 1) در در هر سه حال معادله تغییر آگرد ، باید  $--\pi$ 1) در در هر سه حال معادله تغییر آگرد ، باید  $--\pi$ 1)

مجهول معاون قرارداد . ۲۳ سخل معدد لات کلاسیلات غیر از طریقه مذکور اغلب ممکن است معادلات مثلثاتی را بکمك دستورات مثلثاتی براههایی که آسان تر باشد حل تمود ..برای نصونه طریقه حل معادلات معروف بکلاسیك را بیان میکنیم .

1) - حل معاد که کلاسیات د مدید (۱) - حل معاد که کلاسیات د مینده (۱) ا حل ه - اگر د و دا و د عددی باشند می د به بربرد فرض میکنیم تامیاد نه باینصورت در آید .

since fully from se and a

similar for the constraint

جون طرف دوم مقداریست معلوم  $\phi$ اید و در نتیجه x بدست می Tید .

بهدی سرط وجود جواب این است که ۱ کیم

1.00

باشد: یا چون بجای به <sup>۲</sup>۵۰۰۰ مقدار آن را بر حسب ۱۱ و ۶۰ تقرار دهیم :

C" = a" -1-15"

حرآید که درآن شرط و جو دبجواب ، مثبت بامساوی صفر بودن مهین است ، یعنی

CTELLY-1-15T

11) حل معادله کالاسبات هستیده به معادله معادله الله معادله معادل

a SINX DOS X

CHILDYSON - (a - DICCONTSC - - Co-)-6

حیل ۳ - اگر لااقل یکی از صدرایب پارامنتری باشند. مربه را مجهول معاون میگیریم و معادله باینصورت درمیآید : - حدیان حدیان - حزیان - حزیان

#### Edwards aboles to 184

a continue of the land of the extra

 $asin^{T}se + bsinse cosse + coos <math>se = d$ - coos = d- coos = d

13-1-41 P. Semmer 13--41

ب حمادلات جند مجهولی اید مدادله داده شده عدادله داده شده باشد. پس دستگاههای معادلات چند مجهولی خواهیم داشت برای حل دستگاههای معادلات چند مجهولی خواهیم داشت غاعده معینی نمیتوان گفت جز اینکه اصولا مسادلات چند مجهولی با استفاده از قواعد جبری و راد حلهای حکه برای حل معادلات یک برای استفاده از قواعد جبری و راد حلهای حکه برای است حل معاون گفته شده

وع مرگاه دردستگاه علاوه بر خطوط متلشانی خود قوسها هم در قوسها هم و جود داشته باشند اشتکال زیاد تر است و تنها در دستگاههای دو میجهوع یا تفاضل دوقوس و میجهوع نفاضل دوقوس و میجهوع نفاضل و میاسند باشند با تفاضل و میتور های شهار تا که و ۲۷ میتوان مسائل را باساندی حل کرد . اینات چند نهونه :

ا ) دستگاههای که در آن میجموع با تفایه دوقوس و میجموع با تفایه دوقوس و میجموع با تفایه دوقوس و میجموع با تفایه داده شده باشند : میکال دو جیست با دوجیس تمام داده شده باشند : میکال

از رابعدت

را شامل پاشند:

مثال

coss --- coss == b

مرمهادلهٔ دستگاه را جدا گانه لگار نبیسی کرده و حاصل را یهم تقسیم میکنیم نتیجه میشود : <u>ط سال از ایم</u>

و ازروی آن n+1 عد به سیمیآید . T نگاه مقدار n+1 در دریکی آز معادلات لگارتیمی شده دستگاه برده n+1 خرد ا به سبت میآودیم .

الله معجموع بانفاضل دو قوس و حاصله دو جیب یا در جیب یا در دست هستنند :

مشال

Simo Sing P

معادلة دوم را بحاصلهجمع و تفاضل قوسها تبدیل کرده افر وی آن v = v را بدست میآوریم . IV علاوه برمهجموع یا تفاضل دوقوس خارج قسست دو در خیل افریکتو ع در دست هستند :

sive x

 $\frac{\sin x - |-\sin y|}{\sin x - |-\sin y|} = \frac{a}{x} - \frac{a}{x} - \frac{a}{x} \frac{$ 

V = V علاوه بر مجموع با تفاضل دوقوس مجموع نفاضل تفاضل حوقوس مجموع تفاضل ، حاصلفترب با خارج قسمت دو ظل با دوظل نمام T نها داده شده با مختصر نصرفی مانند نمونه مای I نا I V

 $\begin{cases} x - y = a \\ t \cdot y \times - t \cdot y \cdot y = a \\ t \cdot y \times - t \cdot y \cdot y = a \\ t \cdot y \times - t \cdot y \cdot y = a \\ t \cdot y \times - t \cdot y \cdot y = a \\ t \cdot y \times - t \cdot y \cdot y = a \\ t \cdot y \times - t \cdot y \cdot y = a \\ t \cdot y \times - t \cdot y \cdot y = a \\ t \cdot y \times - t \cdot y \cdot y = a \\ t \cdot y \times - t \cdot y \cdot y = a \\ t \cdot y \times - t \cdot y \cdot y = a \\ t \cdot y \times - t \cdot y \cdot y = a \\ t \cdot y \times - t \cdot y \cdot y = a \\ t \cdot y \times - t \cdot y \cdot y = a \\ t \cdot y \times - t \cdot y \cdot y = a \\ t \cdot y \times - t \cdot y \cdot y = a \\ t \cdot y \times - t \cdot y \cdot y = a \\ t \cdot y \times - t \cdot y \cdot y = a \\ t \cdot y \times - t \cdot y \cdot y = a \\ t \cdot y \times - t \cdot y \times - t \cdot y \cdot y = a \\ t \cdot y \times - t \cdot y$ 

 $\frac{sin(x-|y|)}{x-|y|} + cos \frac{x-|y|}{x} = \frac{x sinca}{x}$ 

10 " From analish — x cl permitece -

ی باید طریق حل نامهادله مثلثاتی باید طریقهٔ حل نامهادلات جبری دا بتکاربرد٬ یعنی جمیح جمل دا بیکطرف نامهادلات جبری دا بیکطرف نامهادله نقل کرد و پس ازانجام اعمال لازم عبارت دا بحاصل ضرب عوامل تیجزیه و علامت هر عامل دا در قواصل جوابها تنحقیق کرد و از مقایسه علامات عوابهای نامعادله دانمین نمود مثال د برای حل نامعادله د برای حل امعادله و قتیکه

الماد المادة ال

٧٤ - حل مثلث يعنى بدست آوردن اجزاء معجهولآن

از روی اجزاء مسلوم بوسبیل محاسبه .

۸۶ - اگر اجزاء صسلوم از اجزاء اصلی مثلت (اضلاع و قروایا) باشند میگویند یك حیالات کلاسبیلی است و اگراز اجزاء فرعی (اشمه دوایر ، ارتفاعات و مانند آنها) باشند، یات حالت و مانند آنها) باشند، یات حالت گرا

را تا ۳) و روابط بین اجزاء اصلی متلت قاتم درشیاره ۳ ( ۱۳۱۳) و روابط بین اجزاء اصلی متلت غیرمتخص درشیاره ۲ ( دستگاههای ۱ و ۱۱۱) گفته شده است . و نیزروابط بین سایراجزاء متلتها درشیاره های ۳ ۳ تا ۳ و ۲ و گردیدهاند . در هرمثلت دستگاههای آ و ۱۱۱ ( شیاره ۱۳ و ۱۳ ) صتمادلند یعنی هریث را میتوانازروی دیگر ی بدست آورد .

مثلا برای بدست آوردن دستگاه ۱۱ ازدستگاه ۱ باینطرین عسل میکنیم :

A TOTAL SIN (13-1-0) THE BOOK CONTRAIN CONTRAIN SIN SIN SONS

THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE STATE OF THE S

== sin B - - sin C- - TsinBsinCos(B- -C)

و جون بجای ۱۱۱۸ و ۱۱۱۸ و ۱۱۱۸ و ۱۱۱۸ بنرانیب مقادیرشان

 $\frac{a}{\sqrt{12}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac{1}{24}}e^{-\frac$ رايطة اول دستكاه ۱۱ تتيعه ميشود ـ وره - حل معلت قائی در حالات کلاسیات اجراعه هاوم الجزاء معجهول فرمولها عي كه بايد بكاريرد C - - - B حالت اول ( 13 م م ا ۱ م م م م م م م b asin B c = acos B C --- 1B c - bcotu B 15 STUZB C - C - 13 13 - 22 C -- - - B  $c == a \sin B$ ty B

### وه ـ حل معلت غير قائم در حالات كالاسيك الجراء علوم الجزاء مجهول فرمولها عيكه بايد بكار برد سطائست اول افایت او ایان کا کا A === (B-(-C) b asin B c = a sinc $\begin{cases} \sin B & b \\ \sin A & a \\ B + A = \pi - C \end{cases}$ حالت دوم ادد د دا ا AcceB e = a - b - TabosC SIN B - B - SINA حالت سوم الد ، دا ، ۱۸ ، ، ، دا ، ۱۰ C ----- (A----- B) c acos B + bros A ANC BY BO حالت چهارم این دا د د ۱۹ د ۲۰ د ۱۹ د ۲۰ sin BanksinC $A = \pi - (B + C)$

الن حالات غير الاسمال - ابن حالات

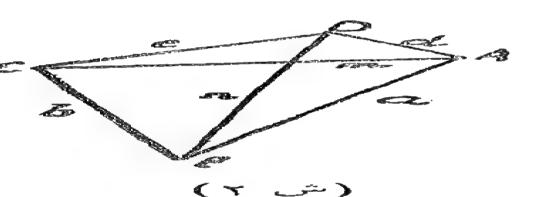
بسیار منتوعند و بطور کلی قاعدهای برای آنهانمیتوان گفت فقد دو نکته اساسی ذیل خاطرنشان میشوند .

۱ - در حل و بعد مسائل بهتر است حکه از محاسبة زوایا شروع شود ، زیرا اضلاع از دوی زوایا به آسانی بدست میآیند .

۲ - هرجا معجموع دومجهول معلوم باشد خویست نفاضل
 آدن دو دا نیز بدست آورد تا به آسانی بنوان آن ها دا پیدا کرد.

# عراج ال درهای گوز

ع می جهار بر گوز (معدب) چهار شار شار دارد که چهار شار شلع و جهار ذاویه دارد که بفرش معلوم بودن پنجانای آنها بشرط آنکه اقلا دونای آنها شلع باشند عمینوان جهار بر دا حل و رسم کرد. درجهار بر ۱ ۱۵ (ش۲) زوایا در به ۱۵ (ش۲) و ۱ به دایاه در به دایاه در به در در به در



برای میجاسیهٔ اسبراء میجهول چهاربر از روی اجراء معلوم استراء میتراء کنیم و اجزاء کنیم و اجزاء میتراء میتراه در ا

۰۰ - مستله ، از پهار بری پهار ضلح و یك زاویه معلومست ، زوایای دیگررا حساب گنید .

چهار برهای گوژ چون اقطار را m و n پنامیم (شر۲) : درمثلث ۱۱۸۱۶ میتوان n را حساب آثرد ( شیاده ۳۰ ، حالت دوم) و از روی آن زاویه نه را بسست آورد (شیاره ۲ م حالت جيارم) . و تبو الاسماردو مثلث ١١٠١ و ١١٠١ و و الأعها ١١٠١ و م دروری کی میجموعیان زاویه ۱۱ استی باستی میآیشد و زاویند الاه - دوایسا بین اجوزات جیهار بر هستاهان. ٠ --- د و ايا N. 1 5 1 13 1 19 W TO (F) (F) (F) (F) (F) (F) ٣ ـ اقطار and the factor of the and here sing rect | loc | loc | rect | loc | rect | Falls | cals (ac | bal) (ad | bc) slaves a selection - &

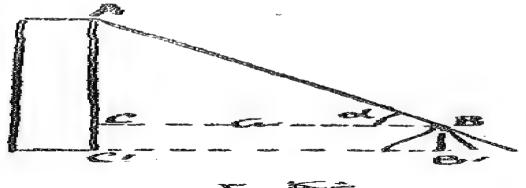
٥ ـ زاوية بين دوقطر

ح ـ استعمال مثلثات در تقشه برداری

۷۰ - در نقشه برداری از یائه قطعه زمین میتوان طول خطوط و مقدار زوایا را بازنجیر مساحی و زاویه باب وافزار دیگر اندازه گرفت ولی برای مراعات دقت زمین را بمثلثهای متعدد تقسیم میکنند و بوسیلهٔ حل آن مثلثها اجزاء آن را با کمال دقت اندازه می گیرند . این عمل را مثلث بندی یا (۱ کمال دقت اندازه می گیرند . این عمل را مثلث بندی یا

م حکاهی نیز اندازه گرفتی فاصله بین دونقطه کهدر دسترس نیستند با اندازه گرفتی ارتفاعی لازم میآید. این مسادل بطریف ذیل حل میشوند .

را تعیین ارتفاع - ۱) اگر ایسوقے قاتمی که بر نقطه ای که می خواهیم ارتفاعش را تعیین کئیم دسترسی داشته یاشیم ( شکل ۳ )
 میترسی داشته یاشیم ( شکل ۳ )
 میتریم واز حل مشلت ۱۱۵۵ ارتفاع میشد میریم واز حل مشلت ۱۱۵۵ ارتفاع نقطه مرا بدست میآوریم .
 ۲) اگر بحوقے قائم دسترسی



المباشد (ش ۳) حلول 13 مراد در دوی در میری مسیطیعی .

یدقت اندازه میگیریم و دوایای ی و از دا هم

راویه یاب تعییرت صی -

کنیم؛ از حلی مشلمک ۱۵ C:

طول A C یدست میآید،

T نگاه مثلث قام (۱۸۱)

راباوتر 🗀 🖊 و زاویه

ب سل میکنیم تا CID( و در تنیعجه CID) ) به سنت آیه (CID)

مساوی ارتفاع زاویه باب از سعطیع زمین است ) \* به \_ فاحیدای نقصقه /، دااز

را که مار مارستار سرے تبید مقد معلی م

is the second of the second o

راحل میسکنینی (حالساول عشمارد۲۰)

۱۳۰ - اتگریه ۱۱ و ۱ هیپهیات دسترسی نباشد (ش ۵) دو نقیده ۱ و دا دا در نظر آگرفته فاسله (۱۱) و دوایای ۵ و و ۱ و دوایای ۵ و

0 , 15

روی نقشه مشخص گردیدهاند ، میخواهیم و شع نقعله ۱ (۱ در روی نقشه معین نباتیم در صورتیکه میدانیم از ۱۹ قعله ۱ (۱ ۲ نراویهٔ ۱ دیده میشود (ش۳) براویهٔ ۱ دیده میشود (ش۳) براه هندسی میتوان این مسئله را حل آکرد باین معنی آکه درروی نقشه بر ۱۳۵ و ۱۳۵ پترتیب قطعه دایره مای حاوی روایای و ۱ دا رسم ندود تا از نقاطه شادن نقطهٔ ۱۸۱

بداه مشلشاندی باید براه مشلشاندی باید ۱۸۱۸ و ۱۸۱۸ (و ۱۸۱۸) را حساب کرد برای این کار از معلوم بودن اجزاء مشلست ۱۵۲ استفاده میکنیم دو مثلث ۸۱۱۱ و ۱۸۸۰

NIA C SING SING SING SING

Size.r besind Sizerry CETHB

از دستگاه اخیر « و بر حساب میشوند و از حل مثلثهای خالف NAC و NAC

یها برسسها دی

#### r تعمل يقم

المستور المستور بسيد المستوري 
حید مستنقین ساده ترین خطیها و ناهیجانود سین .
 قیم خید از بکطرف و شطهه سقی شد از دو حلرف میده و دسیبا شدند.
 حدقی با سطیح مستنوری ساده ندرین سیدادری و .

آن نیس نا محدودست . ع -- دو خط یا دو صفحه موافری هیچگاه یکدیگر دا قطع نمیکنند .

و سر دا برد حمل صنحنی بسته ایست که همه نفراطس از یات نفراطس از یات نفراطس از یات نفراطس از یات فرض و یات مستنبط م

الحسل "منهارفي إحكسيست كه بي دليل واضح باشد . احسل موضوع باشد . احسل موضوع باشد . احسل موضوع باشد . احسات كه موضوع على المناد على المناد المن

∨ --- حقایف همدسی مبتنی بر سه اصل ذیل همتند:
 ۱ برد و نقطه فقط یائت خط میگذارد ۲) از یائت نقطه فقط یائت خط موازی خط دیگر میگذارد (اصل موضوع اقلیدس) .
 ∀ ) هرشکل را مینوان در صفحه یا فعنا جا بجا کرد بی آنکه در آن نغیبری پیدا شود .

۸ -- مگان هندسی عبارتست از مجموع نفاطی آکه همه یات خاصیت هندسی داشته باشند .

## اا - زوایا و خطوط عمود در هم

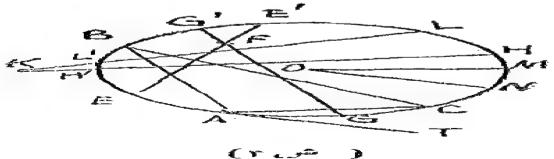
> حدد متفاطع معصور باشد. نفطه نلافی دوخط را تاولائی با راسی و هرخط را بهای با راسی و مرخط را بهای با راسی کر دوزاویه میسازند، آنراسی کی چکاراست (و محمولا میراد از زاویه همانست) خو د یا محصور دیگری را تاویه همانست) خو د یا محصور دیگری را تاوی یا محصور کو یند (ش))

عدر میکنست در سیفیده جبت عدر منفی قاعل شد . مثلا جبت دوران عفریه مای ساعت را منفی و حرای عفریه میای ساعت را منفی و جبت شد الف دوران عفریه ها رامتبت هر شدی تواند بود . فرش کرد . در اینصورت داویه هم مثبت یا منفی تواند بود .

فرش گرد . در اینصورت زاویه هم مثبت یا منفی نواند بود . اگر یک ضلم برای اینلکه یشلع دیگر نزدیک شود در جهت مثبت دوران کند زاویه مثبت است و گرنه منفی (درش ۱ ۷۵۷

۱٤ - حو زاویه معهور یك ضلع حشیرك دارند.
 در زاویه معجاور که اضلاع غیرمشیر کشان بریك اصنداد باشند.
 معجانب نامدارند . دو زاویهٔ مینها ال تند که اضلاعشان بریك استفاد بریك استفاد بریك استفاد .

> ۱۷ - هرگاه دایره ای در نظر گرفته شود: زاویهمرگزی آن است که تارکش بر مرکز دایدر



باشد (MECN)، گوشهٔ معاطی رآسش بر معیط دایره است (NEC) (ABC)، یات خلع گوشه فظی بر دایره معاس است (ABC) راس زاویه راس زاویه در در ایره (ABC) ورآس زاویه بیرونی خارج دایره (ABC) است . در گوشه معاطی ABC قوس ABC را ساوی زاویه ABC گوید.

SNICON = 0 NINT: Time T is <math>NINT = 0 NICON = 0

« دروتی نعسف صحموع دو قوس مقابل آنست : (مناه التان ال

۱۱ - نیمساف ناویه خطی است که زاویه را نصف میکند . میکند . ۱۹ - نیمساز هر زاویه زاویه مشتایل آن را هم نصف

میکند. ۲۲ - نیسسازهای دو زاویه میجانب بر هم عمودند. ۲۲ - نیمساز زاویه ستخان هندسی نقاطی است که از دو حالم زاویه بیاث فاصله باشند.

The entropy of the second of the entropy of the en

۲۲ - قیشی ا اگر دوخط صوازی را خط سومی قطع کند دو زاویه متبادل همنام باهم برابرند.
۳۲ - قیمیه عکسی - اگر دو خید را خط سومی قطع کند و دو زاویه متبادل همنام با هم برابر باشند دو خط اول

یا یکدیگر صوازیند . ۲۶ - سیالانت بر آبری فروایا

ے ۱ – سے تحریب بروی رہے۔ قصمیہ – دوزاویہ کہ اضلاعشان بایکدیگر موازی باشند یرابر یا مکہلند .

یر ایر یک سیست. تفضیه ب دوزاویه که اضلاعشان بر یکدیگر عمود باشته بر ایر یا میکیلیا .

قضیه - دوداویه منتظایل براسی باهم براین ند. ۱۱۱ سیختک بر دها

و۲ -- شاکل حادث از تفاطع چند خط را جود بسور اگریند . مرخط رایات شدهی باههای وصحل نقاطع حیلمور

تناولت یا راهس مینامند. اگرامتداد هیچیات ازاضلاع شکل را قطر نکند چندبر دا گو گرنه گاو نامند و چندبر منظم آنست که همه زوایایش باهم وهمه اضلاعش باهم مساوی باشند. زاویه بین هردوضلع یك قاویه دروزی و آنکه بین یك دیگر باشد زاویه بیروزی نامدارد. یك درچندیر منظم یك نقطه میتوان یافت که از همه اضلاع بیات فاصله یاث نقطه میتوان یافت که از همه اضلاع بیات باشد، این نقطه را در گر صینامند و خطی را که از مر گزیریکی بریکی از اضلاع عمود شودار نفاع میتوان میگویند.

مجموع طولهای اضلاع محید الای بیر امون است . قطر خطی است که دونارک غیرمجاوردا بهم ربط دهد .

۲۷ - قضیه - مجموع زوایای درونی جند بر ۶۷ ضاری (۶-۱۳۷۷) قاتمه است .

YY ... ising \_ assessed stelling and the

خا الحد العدت

77 (22 - T) - Este 16 - TA

الأسسيسية ال

I To

۲۹ - مثلت ساده ترین جند برهاست. آگر دو ضلع آن مساوی را مساوی باشند متساوی الساقیون و هریك از دو ضلع مساوی را سهای و الاقالاع است.

ا کی باث زاویهٔ آن قائمه باشد فائم است و خیلی مقابل بزاویه فائم دا و تر گویند . صبانه خطی است که از رأس بوسط خیلی حضودیست که از رأس بوسط خیلی مفایل فرود آب برضلی مفایل فرود آید . عمود منجش خولی است که بروسط یات خیلی دنیم عمود کردد .

دایر همحیمهی آنست که بر سه رأس بگذود. دایره محاطی برسه ضلع میاسه میاشد . دایره محاطی برسه ضلع میاسه میاشد . آنست که برآن ضلع و امتداد دوضلع دیگر میاس باشد . - ۳ - قرادهای . دراین کتاب هر زاویه مثلث رابایات حرف بردك وضلع مقابل آنرا با همان حرف ولی گوچك میشد .

۱۳۷ - قلصیه میسوع دوایای مثلت ۲ قانده است -۲۳۷ - قلصیه - درمثلت هرضلی کوچکنراست از سیجسوعو

مسلو بنام .

بررگنر است از تفاضل دو ضلع دیگر . b --- دیگر b --- د

۳۳ ـ قصیه ـ درمثلت منساوی الساقین برآس ۸ ـ فیساوی الساقین برآس ۸ و ۱۰ تست ۱۱ ز

ع۳ ـ قطیه ـ درمثلت هنساوی الساقین میانه های و اردبر دو ساق با هم برابرند ؟ همچنین ارتفاعهای وارد برساقها و تیمساو گوشههای مجاور دو سابق .

۳۰ سے قضیہ - درمشلت متساوی الساقین ارتفاع وارد بر قاعدہ میانہ قاعدہ ونیہ ساز زاویہ رآس هم هست . ۳۳ <mark>- قضیبه - در</mark>مئلت متساوی الاحملاع : بر - دا - ہم و <sup>9</sup> - ۲ - ۲ یقاد - در

٧٧ - قضيه - درمثلت منساوى الاخلاع سه ارتفاع باهم

حالات برابرى متلشها

۷۳ - فضیه - دومثلث دراین حالات باهم برابرند : ۱) اگردوندلم وزاویه بین آنهادرآندومثلث نظیر بنظیر مساوی باشند ۰

۲) اگردوزاویه و ضلع بین آنهادر آندو مثلت نظیر بنظیر مساوی باشند .

س) الگرسه ضلح آنها نظیر بنظیر سساوی باشند • یکالگردوضلموزاویه مقابل بضلح بزر گنردر آندومندن نظیر بنظیر مساوی باشند •

ماحدد -

۳۳۹ ـ قصیده ـ او ساط اضلاع مشلت ، سواقسیم ارتفاعات وارد براضلاع ووسط هرقطه ازارتفاع واقع بین رآن ومعل نلاقی ارتفاعات نه نقطهاند واقع برووی بات دایره ( دایسو نه نقطه ) •

تناسس وتشابه

که اضلاع متناظرشان متناسب و زوایای متناظرشان متساوی

۳۵ – قصیه دوسه بر دراین احوال باهم مشابهتد : ۱ – وقتی دو زاویهٔ یکی نظیر بنظیر یادوزاویهٔ دیگری برایر باشند :

343 ······ 344 · · · 344 · · · · 345

۳ - یای زاویهٔ یکی با یای زاویهٔ دیگری ساوی بوده و احتمالا کان دو داویه یا یکدیگر متناسب باشند :

· المنتاب باشتا المنتاب باشتاب باشتاب باشتاب باشتاب با منتاب با من

ے ۔ دو ضلعیشان میناسب و زاویہ متفایل بضلم برر گیشردر حمر دو میساوی باشد ۔

هردومساوی باسک : و -- اضلاعشان بشرتیببرهم عمود یاباهم دوازی باشناد خواص منهمه زاویه

ع ع ــ فعضیه ـ محسنف (نبیدساز) هر زاویه داخلی ضلع مقابل را بنسیت دو ضلع دیگر نقسیم میکند .

وع قضیه معینی نیمساؤهرواویه بیرونی به کارجی به بیرونی بیر خوردنیمساؤهای داخلی و خارجی با یا یات حلم مشلت نسبت بدوانتهای این ضلم مردوج نوایتی با یک یکدیگرند و ۱۳۰ با کر نفاط مترکور دالا و ۱۱ و دو داس دا دو دا ۱۱ و دو داس

NATE NATES

۷۶ - قعضیه در دو مشلت مشابه و ارتفاهای و ارد یر ضلوحاً متناظر و سایر خطوحاً متناظر و سایر خطوحاً متناظر و سایر خطوحاً متناظر و این دوایر محیطی و معاطی برنسیت نشابه دو شکنت د

رع ـ قصیه ـ مساحات دومنلت که یک زاویه مساوی داشته باشنه برنسبت حاصلهٔ ریهای اضلاع آن قزاویه است 93 - قطیه - در دومثلت مشابه مساحات برنسبت صربح اضلاع متناظرند .

و و فی فی منتقابل بن او یه مشار می می می منتقابل بن او یه حاده (منتقابل بن او یه حاده (منتقابل بن او یه منتقابل می و یکی می منتقابل می در می و یکی می به با کی از آنها او در نصو بر منتهای (باضافه) دو بر ابر حاصلا ضرب یکی از آنها او در نصو بر

۱۰ - قضیه سه مجموع مربعهای دو ضلع مثلت مساوی دو برایر مربع میانهٔ وارد برایر مربع میانهٔ وارد بر این ضلع است . بر این شلع است . بر این شلع است . قتیبیه - مکان هندسی نقاطی حکه مجموع مربع مربع های . اصلیشات اذده نقطه ثابت مقدار تابید باشده مجموع دایره ایست

خواصلیشان ازدونقطه ثایت مفدار ثابتی باشدهیمیط دایره ایست که مرکز آن بروسط خطواصل بین تفاط مفروض واقعاست ۷۰ - قضیه تفاضل مربعهای دوشلع مثلث مساویست بدو برابر حاصلضرب ضلع سوم در تصویر میانه همین ضلع بر خود آن ،

نتبیجه مکانهندسی نفاطی که تفاضل می بعات فو اصلشان از دو نقطه ثابت مقدار تاینی باشد خطی است عمود بر خط

e dende me To ee iade .

To e écule l'en succession et l'Ex iade (I) et

 $(B)^{\mathsf{T}} = (B)^{\mathsf{T}} = (B)$ 

$$b_c = \frac{7}{C} \sqrt{p} (p - a)(p - a)(p - a)$$

قطعاني افاضلاع كه بوسيله ارتفاعات جدا صبشوند :

00 - معصف زاویه ها - فرض میکنیم AID و 13ID و 1

منصدف الزاویه های خارجی مثلث ۱۱۵۱ م یاشند: لولا علول قطمانی از اضلاع که بوسیله منصف الزاویه های جانبلی جها شده اند عبار ذنه از:

enterminable delication of 
$$\frac{1}{2}$$
 and  $\frac{1}{2}$  and  $\frac$ 

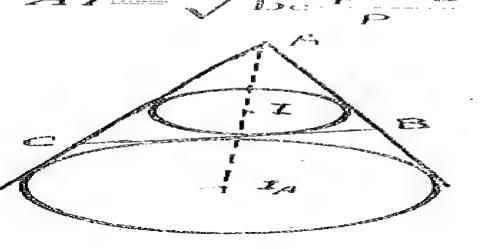
قطلمات مسلود بون روس و تتاط تهاس دا برد عسماطی : قطمه بین داس ۸ و نفطه تماس 
 >>
 7.3
 2>
 2>
 2>
 2>

 >>
 CT
 2>
 2>
 2>
 2>

قطعات میسودین دوس و نتاط تهاس دوایر مساحل خارج: قطعه بين الاوداير مصعاطتا وجي طبلم ....

قطلمانی بر روی منصف زاویه راس ۸ که بین مراکز حولیر و آس ۸ معصور دند: (شره)  $AI_{a} = \sqrt{\frac{Pbc}{P-a}}$ 

10 m established مثلت مساویست یا ؟ ۱) حاصل ضرب قطمانی که منصف زاویه حرونی بر روی ضلم سوم جدا میکشد، باضافه مریم این منصف واویه - ۲) با حاصل ضرب قطعاتی و منصف داویه بدرونی بردوی صلم مقابل جدامبكته ، منهاى مريم اين متصف داويه .



و القص سنده و اقع منصف نوایای خارجی منده سه نقسده اند و اقع بریك استفامت . مود بات

77 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66 97 - 66

MB. NC. PA MC. NA. PB (Solvented by ): 162

77- چهار برهای مهی - هرچهار بری که هردو ضلع مقابل آن با یکدیگر موازی باشند هنوازی الاضمالاع است . در متوازی الاضمالاع هر ضلع رامیتوان قاعده دانست و عمودی را که از راس مقابل برآن فزود آید ارتفاع مینامند و داست گوشه یاهستاها متواری الاضلاعی است که دو آن قاعه باشد ؛ لاه زی یا محین متوازی الاضلاعی لست که دو

ضلع میباورش یا هم مساوی باشند - هر بع مستطیلی است که لوزی هم باشد . فروز نقه شکلی است که دو ضلع آن با هم موازی ، و دو ضلع دیگرش ناموازی باشند ؛ دو ضلع موازی دا دو قاعده و عمود مشترلت بین آنها دا ارتفاع ذور نقه گویند . سهیار بر محاطی آنست که بتوان دایره ای برچهار راسش گذراند . چهار بر محیطی آنست که بتوان دایره ای دایره ای بر چهاد ضلعش میاس کرد . هر گاه اضلاع مقابل دایره ای بر چهاد ضلعش میاس کرد . هر گاه اضلاع مقابل چهار بر ABCDEF

are lie Illones

سه س و فعضیه در متوازی الاضلاع ۱) هردوضلع مقابل یا هم مساویند . ۳) دو قطر منصف یکدیگرند . ۳) دو زاویه مقابل با یکدیگر مساویشد . ۶) دو زاویه معاور محکمل

5.98

۷۶ \_ فضیه ـ در لوزی دوقطر برهم عمودند. ۸۶ \_ فضیه ـ اگر در منوازی الاضلاعی دوقطر برهم عصود در منوازی الاضلاعی دوقطر برهم

ہے۔ ۔ قضیه ۔ اگر دوقطر چہاربری برهم عمودومنصف هم باشند شکل لوزیست ،

۰۷ - فضیه ـ هریات از دوقطر اوزی یات میدور نفارن شکل است .

۱۷ - فیضیه \_ مساحت لوزی مساویست یا نصف حاصل ضبری دو قطر ،

مستطول و مر بح

 $\nabla \nabla = \vec{e}_{m,n} = c_0 \quad \text{out admit } c_0 \quad \text{in } d_1 \quad \text{out } d_2 \quad \text{out$ 

کلا و قضیه حصلی که اوساط دوسان (اشلاع ناموازی) دورنقه را بهم و صل کند موازی قاعده و مساوی نصف مجدوع دو قاعده است .

۷۶ - فیضیه - در ذوزنقه مشساوی الساقین : ۱ ) زوایای میساوی اساقین : ۱ ) زوایای میساور بهر قاعده برابرند . ۲) دوقطرباهم مساویند . ۲۲ - فیضیه - خطی که از معل برخورد دو قطر ذوزنقه موازی قاعده رسم شود بوسیله دو ساق بسو جهزء مساوی

الفسييم ميشود ـ

۷۷ - فیشیه - مسلاحی فوزنقه مساویست با حاصلیندب ارتفاع درنصف میجموع دوقاعه -حییاد بر محصدهای

۷۸ - فیشمید در جسال برمسیطی مجسوع می دو ضلم منا با متجسوع دو ضلم دیگی .

۱۳۷ - علی فیضیه - اگر معجدوع دو ضلع مقابل بك جهاد بر گور مساوی معجموع دو ضلع دیگر باشد شکل قابل معجمد شدن بردایره است.

م ر القضيه -- در جهار میمادلی زوایای مقابل مکدل میکدل میکدر ند ،

۱۸ - اگردرجهاریرمساطی اضلاع داینر تیب «و داوی و ای و انتساد را ۲۱ و مسید در ۱۲۰ سید : فیلامیم : فیلمید بیرسی :

(p--d)(p--d)(p--d) (p--d) (p-

جهاد بر قاصل المداد نوساط فطل جهاد بر کامل بر باک امتدادند .

۳۷ – فاضیه به به نسبت توانفی انقسیم میشود . بوسیله دو قطر دیگر به نسبت توانفی انقسیم میشود .

platio colo e dia IV

خدر وقعر وتمسه در جندی منتخلم هسه اضلاع با همردهمه و در ایا با همردهمه

مر - فقیها سیندی منتظم قابل مساحل شدن دردایره ومسیدا شدن بردایره است

هر گاه ضلع  $\Pi$  بر معاطی دلم  $\Omega$  و از آن  $\Pi$  بر معیطی دا  $\Lambda$  و شماع دلیره دا  $\Omega$  و عمودی دا که از مر گزیهند بر معماطی برضلع فرود. میآید ( یعنی ار-نفاع ۱۰٬۰۱۹ ( ۱۰٬۰۱۹ ) دا  $\Omega$  بنامیم این دوابط دا خواهیم داشت :

CYD VR (YR-VER'-C'r)

An = VERV - Ch \_\_\_\_ : Ch \_\_\_\_ - AA

: At - man se of a Barmleso - 19

ER - Ch : Ch : Ch and and a

١٥ - ضليم و اد تفاع چند چندير منتظم :

 $C_{0} = \frac{12}{7}\sqrt{1 - 1}$   $C_{1} = 12$   $C_{1} = 12$   $C_{2} = 12$   $C_{3} = 12$   $C_{4} = 12$   $C_{5} = 12$   $C_$ 

 $C_{ND} = \frac{38}{4} (\sqrt{N^2 - N^2 - N^2}) = \frac{38}{4} (\sqrt{N^2 - N^2})$   $C_{ND} = -18 (\sqrt{N^2 - N^2}) = 0$   $C_{ND} = -18 (\sqrt{$ 

نامنتظم آنرا بوسیله رسم قطرها بسه برها و ذوزنفه ها تفسیم میکنیم و مساحتهای اجزاء آنرا بیک یگر میافزائیم .

#### S VII

ه و منه و معدد معدد است . هم و فقید و معدد مستقیم دایره را فقط در در نقطا،

قطے میں کند . تیصر و سے اگر دو نقطه بر هم متعلبون شو ند خطور ا بردایره

مهاس گویشه .

### اوضاع نسبه دودا دره

په سه دو دایره مه کن است منتخاری عمماس خاری عمماس خاری عمماس خاری عمماس داخل یا متخاطی باشند . فاصله مر کردودایره را دهرا در سر گروینه و یه ای نمایش میدهند .

d = R - |R'| d = R - |R'| R = R' = R' 
pp نے فاقت المرکو داہر مماس برمم خط المرکزین

از نفصله میاسی میگندرد. ۱۰۰۰ - ۱۰۰۱ - فضیه سا در دو دایره منتاطح خیط المر کزین بر وندر مشدرك عمود سست ه

#### ا ندانه ناویه

۱ ۰ ۱ - برای زاویه های مرکزی ، مساطی ، خللی داخلی و مقیاس آنها رجوع شون بشماره ۱۷ ۱۰۲ - قصیه سدریا دایره یا ذوایر مساوی قوسهای. مساوی مقابلند بروایای مرکزی مساوی و بعکس : ۱۰۳ - ۱ - مسئله سایر قطعه ۸۱۵ دایسره حاوی زاویه ۵۰ (شیاره) را مرور دهید.

كافيسست علا را جنان رسم كنيم كه با ۱۹ زاویه عرا بسازد (شر) عجودی که از لا بر علا اخراج شود عبود منعسف ۱۹۸ را در ۵ تعلیم میکند .۵ مرکز و ۱۵۵شماع دایره میکند .۰. مرکز و ۱۵۵شماع دایره

قوسی ووتر

ع ۱۰ - فیضیه - مرونر کوچکتر است از قطر. ۱۰ - ۱۰ - فیضیه - دوانتهای قطری که بریات نقطه میگذرد. دورنرین و نزدیکترین نقاط دایره نسبت بآن نقطه اند -۱۰۰ - ۱ - فیضیه - دریك دایره و نر های صداوی مقایلتد. بقوسهای مساوی .

۷۰۷ — قایتمییه — ۱۰۷ دووند مساوی از مر کن دایره بیات فاصله اند، ۲) از دو و نو نامستوی آنکه بسر سیت نزد باکنو است برد گندر است .

عكس قصيه هم مسحمح است -

۱۰۰۱ — قصیبه - قطر عمود برو ترو تو قوس مقابل آنران نصف میکنام ،

مريهاس ميكشيم -

۹۰۱ -- فضیه -- مماس بر دایره بر شماع نقطه تماس

عہوداست. ۱۱۰ – قضیه - هرخطی که برانتهای شماعی عمودباشد

بردایره میاس است. (1) = (1) = (1) بردایره (1) = (1) بر (1) = (1) بردایره باشد برانتهای شعاعی که برآن نقطه بگذرد خطی عمود باید کرد . (1) = (1) بقطه (1) = (1) بردایره باشد بقطه (2) = (1) بردایره باشد بقطه (3) = (1) بردایره ای میکشیم نا دایره مفروش را در (1) = (1) و (1) = (1) برداید (1) = (1) باشد از مرکز دایره عمودی بر (2) = (1) باشد از مرکز دایره عمودی بر (2) = (1) میآوریم نا دایره را دردو نقطه قطم کند و برآند و نقطه دو

۱۱۲ - نصریف سے خطری کی بردودایره مساس باشده ماسی مشنده مشند دودایره است و اگر دو دایره یکسلرف مماس باشنده مماسی مشنر لئ خارجی است و اگر دو طرف مماس باشنده مماسی مشنر لئ داخلی -

٣١١- جدول نما ينده وضم دوا يرو نمدادمما سهاى مشنرك

| متداخل | میاسی<br>داخل | متقاطح | میاس<br>خارج | خار ج | و ضبح دو د یره                                                                                                                                      |
|--------|---------------|--------|--------------|-------|-----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| ~      |               | · -    | ~            | l ~   | . تعداد د صداسهای مشتر له داخلی                                                                                                                     |
| ≪-     | ≪~            | -      |              | ) ×   | العاد د میاسی عی مشتر نیز داخلی ا<br>این داخلی د د دی این داخلی این |
| ~      |               | ~      | ~            | ج     |                                                                                                                                                     |

حالت قبل عمل میکنیم میاسهای مشترك داخلی عیناً مانند. حالت قبل عمل میکنیم جرز اینگه دایرهایکه بمرگز O رسم، میکنیم بشماع O O O خواهد بود . O

۱۱۲ - فیضیه حد جون دوونر یکدیگررا درداخل دایره قطعه قطعه یکی برابر است بحاصلضرب. دو قطعه دیگری .

۱۱۷ - فیضیه - هرگاه دو قاطم در بیرون دایره یکدیگر را تلاقی نمایند حاصلطرب هریك ذرجز ع خارجی آن مساوی است. بحاصلا دیگر درقست خارجیش . تنییه - اگر از یك نقطه قاطم و مماس بریك دایره

رسم شوند مربع مماس مساویست باحاصلفدرب تمام قاطع در جرع شارخی آن .

را قطم کرد، پاشند چهار نقطه A و B و A و A و A

كة 133° . ( 025 — 035° . 026 أباشد آن جهارنفعله برمحيط يك دايره قراردارند . ( 119° - 180 بشد - قورنشا با توان بك نقطه تسبس بدايره

حاصلعتی ب دو قطعت قاطعی است که در ایس نقطه بر دایس دایس شود است که است که در ایس نقطه بر دایس دایس شود ایس نقطه بر دایس دایس شود ایس نقطه بر دایس دایس دایس شود ایس نقطه بر دایس دایس دایس در ایس نقطه بر دایس دایس دایس در ایس نقطه بر دایس دایس در ایس نقطه بر دایس دایس در ایس نقطه بر دایس در دایس دایس

۱۲۰ - تعریف - محانت مندسی آنفاطی است که نسبت بایدند دو دایره یك قوه داشته باشند ۰

سی عمود است محود اصلی دودایره خطی است عمود یر برخطای است عمود یر برخطان ایر  $\mathbb{Z}$  و ایره دا ایره دایره دا ی بر خطان دو دایره دا ی و شماعشان دا  $\mathbb{Z}$  و موقم محود اصلی بر خطان آسر کزین  $\mathbb{Z}$  بنامیم :

# $C)I-I = \frac{R^{\gamma} - R^{-\gamma} + a^{\gamma}}{\gamma a}$

ننیجه سه معور اصلی دو ایر منعدالدر کز بفاصله بینهایت . دوروافر است .

١٢٢ - تعریف سے چند دایر م که بات معود اصلی داشته

باشندیا که دینه دایره Frisceau نشکیل میدهند .

"۲۲ - قضیه سه مصورهای اصلی سه دایره که صرا کز آنها بریك امتداد تباشند بریك نفطه میگذرند ،این نفطه را مرآكز اصلی سه دایره گویند .

27 - 22 - 10 == + 10 == + 10 = 10 Choc established == 17 E

ce order and con established (20 ) ce ce

مساس است که ازیکی از نقاط تقاطم ایر دودایره رسم شوند . دودایره را که زاویه بین آنها ° ۹ باشد عمود برهم گویند . ٣٦١ - قصيه - محوراصلي دودايره مكان مراكزدواير

عمود برآن دودایره است . ۱۲۷ سقینه سشرط لازم رکافی برای آنگه دودایره برهم عمودباشند آنست که قطریکی بوسیله دیگری بمزدوج توافقی تقسیم شده باشد .

۱۲۸ — قضیه ـ کلیه دوایری که دودایره مفروش را براویه قاعمه قطع میکنند بردونقطه نمایتواقع برخطالمر آکرین آن جودایره میگذرند .

معجيد و مساحت دايره

۱۲۹ – قضیه – محیط دایره حد مشترك محیط چندیر محیطبرآنومحاطدرآنستوقتی عدد اضلاعاین چند یرهاهای پینهایت زیاد شود .

- ۱۳ - قصیه - نسیت محیطهای دودایره مساوی نسیت

شماعهای آنهاست. ۱۳۱ - قضمه نسبت محیطدایره بقطر آن عددیست

Y) del iem veces ambendes of the Town of the Y

۱۳۲ - همحالیبیه ۳ - بدو طریق مسکنست : ۱) دستور مسیطها که در آن حد محیطچند برمحاطی در دایره ای بشماع حد محیطها در دایره ای بشماع حد محیطها در دایره ای حده

C == 7 TR == 7 TC == TC

۲) دستور محیط های برابر ( Isvperimetres ) که در آن عکس شعاع دایرهای را که محیطش مساوی ۱۲ست بدست میآورند ، زیرادر چنین دایرهای

 $\pi = \frac{1}{R} - \frac{C}{r} = \frac{r}{r} = \frac{1}{r}$ 

۳۳۳ - قضیه سمساحت دایره مساویست یا ۱۳۳ تحدیده است ۱۳۶ - تحتریف - قطاع دایره قسمتی از دایره است محصوراست محصور بین یک قوس و دوشماع . قطعه دایره محصوراست بین یک قوس و و تر آن

۱۳۰ قضیه ۱۳۰ قضیه ۱۳۰ مساحت قطاع مساویست بعاصله سر قوس آن در نصف شعاع ۲) مساحت قطعه مساویست بعاصله سرب نصف مدر فرونی طول قوس آن بر نصف و تر قوس مشاعف آن قوس .

VIII sections

۱۳۳۱ - نهریفی بردار قطعه خطی است حکه دارای مقدار و امتداد و جهمت مین باشد و دوبردار موازی و مساوی و دریث جهت را همسنات و اقع بریات جهت را همسنات و دوبردار همسنات و اقع بریات خط را همچند یا معادل خوانند و دوبردار موازی و مساوی و لی دردوجهت میشناف را جهت یازوج گویند و ۱۳۳۷ - مقدار جیری و در دوبردی و در این میناد یا دول کویند .

۱۳۸ ـ فضیه شاکی ـ ۱ آگر سه نقطهٔ تایت هر و و ت بریات امتداد باشند .

(AB)--(BC)--(CA)=-

امتداد باشند : A نقطة A و B و C و A و A و المتداد باشند :

(AB)--(BC)--- · · ---(KL)---(LA)--- ·

باینطریق بدست میآورند: ز ننهای اولی برداری همسنات دومی وازانتهای برداری همسنات دومی وازانتهای برداری همسنات دومی وازانتهای برداری همسنات بهای این یکی برداری همسنات بهارمی میکشند و عمل را ادامه میدهند تا همسنگهای تمام بردار های مفصروش رسم شوند. آنگاه میدا اولین بردار دا بمنتهای آخرید بردار وصل میکنند .این بردار برآیند یامنتجه یا مجموع هندسی بردارهای مفروش است . (ش۱۱)

ح ۱۶۰ - تفساضل هندسی دوبردار که یک میداء داشته باشند برداریست که منتهای آندو را بهم دیطدهد .

۱ع۱ - برآیند بردار حمای غییر واقع دریات صفحه نیز مانند بردارهای واقع دریات صفحه بدست میآید .

W. T. S. N. W. W. S. N. W. N. W. S. N.

سالتهای خاص ۱۰ (۱ یتدویردار که یا تمیداء

داشته باشند قطر متوازی الاضلاعیست که برروی آن دو ساخته شود . ( ش ۱۲ )

۲) برآیند سه بردار غیر واقع در یك صفحه که یك میداء داشته باشند قطرمتوازی السطوحی است که آن بردارها سه یال آن باشند ( شهر)



تصاویر بردارها

۱۶۲ ـ تھریف ۔ تصویر قاعم تفطة 1 بریك خط یا یك صفحه موقع عبودی است حکه از نقطه بر خول یا صفحه فرود آید .

The section V is a section of V in the section V in the section V in the section V is a section V in the section V is a section V in the section V in the section V is a section V in the section V in the section V is a section V in the section V in the section V is a section V in the section V in the section V in the section V is a section V in the section V in the section V is a section V in the section V in the section V is a section V in the section V in the section V is a section V in the section V in the section V is a section V in the section V in the section V is a section V in the section V in the section V is a section V in the section V in the section V is a section V in the section V in the section V is a section V in the section V in the section V is a section V in the section V in the section V is a section V in the section V in the section V is a section V in the section V in the section V is a section V in the section V in the section V is a section V in the section V in the section V is a section V in the section V in the section V is a section V in the section V in the section V is a section V in the section V in the section V is a section V in the section V in the section V is a section V in the section V in the section V is a section V in the section V in the section V in the section V is a section V in the section V in the section V is a section V in the section V in the section V in the section V is a section V in the section V in the section V in the section V is a section V in the section V in the section V in the section V is a section V in the section V in the section V in the section V in the section V is a section V in the section V in the section V in the section V is a section V in the section V in the section V in the section V is a section V in the section V in t

331 — Essign of Company of Compan

تشیعه ۱) در پنج بر مساطی چهارضلح دو بدو متنقهٔ یکدیگر را دردونقطه قطع میکنند که با نقطه تلاقی شامرسوم بامهاس بر رآس مقابلش بریا استفامتند ۲) در چهار بر معطلی معل تلاقی دو شلع با دو نقطهٔ تلاقی دو شلع دیگر با مماسهای بر روس مقابلشان بریات استفامتند . ۳) در هرسه برماس بر دایره محیطی در هرراس ضلح میکند وسه نقطه تقاطع بریات امتدادند . ( میکنست نقاط تقاطع بی نهایت دور باشند )

V31 - Beind CIRage - ander TVI encee.

# ی تقسیم تو افقی

NA حینوان یافت که قدرمطلق نسبت فواصل T نها از دو نقطه M مینوان یافت که قدرمطلق نسبت فواصل M نها از دو نقطه فایت M و M و اقع بر M خط مساوی عدد ثابت با باشد . M و تعید بادر نظر گرفتی علامت یجیدی در وی هر خید فقط و نقطه مینوان یافت که نسبت فواصل M از M و M مساوی مقدار تابت جبری تا باشد .

$$\frac{\mathbf{N}\mathbf{1}\mathbf{A}}{\mathbf{N}\mathbf{1}\mathbf{B}} = \frac{\mathbf{M}\mathbf{A}}{\mathbf{N}\mathbf{1}^{2}\mathbf{B}}$$

(NAINT'ande  $A \in B \in A$  )  $A \in MI'$   $\in MI'$ 

# AM AM AB

المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال المحال ا

# **س** المارت المارت المارت المارة الما

و ـ تقادن مرکزی

M'ما نقطه M' نقطه M' نقطه M' نقطه M' نقطه M' نقطه M' و M' بریائه امتداد بوده و M' = M' باشده M' و M' بریائه امتداد بوده و M' نقاری میگویند . M' قرینه هرشکل نسبت بسر کز M' شکلی است که هر نقطه اش قرینه یائه نقطه از شکل اول باشد .

ع ۱۰۰ - قضیه ۱۰۰ قرینهٔ مرکزی هر قطعه خط صوازی و مساوی و در جهت میخالف آنست ، ۲) قرینه مرکزی هر و او یه مساوی و در جهت موافق آنست ، ۳) قرینه مرکزی هر شکل (چند مساوی و در جهند و افق آنست ، ۳) قرینه مرکزی هر شکل (چند بر) شکلی (چند بری) مشابه آنست ،

۱۰۰ - مر گز تفاری بلک شکل سا آگردرشکلی نقطه ای بتوان یافت که قرینه هر نقطه شکل نسبت بآن همچنان بر شکل و اقع شود آن نقطه را مر گز تقارن شکل میگویند، ما نند مر گز دایره و محل تلاقی دوقطر متوازی الاضلاع، ها نند می شاری میدوردی

1000 — نعریفی – ۱۵۰ میر دوی خطی عمود بر 100 بوده و فاصله 100 است که با 100 بر روی خطی عمود بر 100 بوده و فاصله 100 از 100 مساوی فاصله 100 از این خط باشد. 100 را محود تفارن گویند . 100 قرینه محوری هر شکل نسبت بعجود 100 شکلی است که هر نقطه اش قرینه یك نقطه از شکل اول باشد 100 100 — 100 هر نقطه اش قرینه محوری هر قطمه خط قطمه خطی است مساوی 100 که امتدادش محوری هر قطمه خط قطم قطمه خط در یك نقطه قطم هیکند . 100 قرینه محوری همر و به نقطه خط در یك نقطه قطم و درجهت میکاند . 100 و نقل محوری هر شکلی است مساوی و درجهت میکاند . 100 و نقل محوری مرشکل شکلی است مساوی 100 و نقل غیرقابل انطباق بر 100 .

۱۵۸ - محدور تفاری هم شکل (درصورتوجود) خطیست که قرینه هر نقطه ازشکل نسبت بآن همچنان برشکل و آقع شود. مانند قطر دایره وقطر لوزی.
۱۵۸ - قضیه - اگر شکلی دو محور تفاری عمود بر هم داشته باشد محل تلاقی آن دو محور عمر کن تفاریت شکل شکل است.

### مر المسايد × 11

مه ۱ سد تحریجه - دوشکل را مشایه یا حمد گویند وقتی که زوایای متناظرشان منساوی و اضلاع متناظرشاند. متناسب باشند .

ق<u>ط</u>مات منداستی جدا میکند. ۱۳۲۰ - فضیه -دردوشکل مشابه مساحات بر نسیسمر بمات

دوخط متناظرميباشند . عبد عبد الفضيه مصواره دوجندي مشایه را سیتوان بیك عده مثلثهای منشایه ومنشایه الوضع نجزیه كرد . عده تنجا نصول

وقتی که هردو نقطهٔ متناظر M و M و M آنها یا نقطه ثابت O و وقتی که هردو نقطهٔ متناظر M و M آنها یا نقطه ثابت O موسوم به مر گر تعجالی و بر یا امتداد بوده و نسبت O مساوی مقداد ثابت O و بر یا امتداد بوده و نسبت تعجالی O باشند و 


#### 12 5

۱۳۳۱ فضیه به شرط لازم و کافی برای آنکه دو شکل میانس باشند اینست که هردو خط میناطر میوازی بوده نسبتشان مساوی نسیت تنجانس باشد .

۱۳۷ - قضیه ـ تمجانس خط مستقیم خطی است مستقیم . ۱۳۸ -قضیه ـ عجانس دایره دایره است .

١٤٩ - فيضيه ـ دودايره درعين حال مجانس مستقيم و

ممکوس یکدیگرند ه ۱۷۰ -قضیه ـ مماسهای برنتاطر دردو منیحتی

متجانس با یکدیگر موازیند .

F' و F' که میچانس شکل سوم F' و شکل سوم F' که میچانس شکل سوم F باشند میچانس F بیل برووی یک خط مستقیم واقعند .

۱۷۲ - فیضیه ۱۷۵مبر به سه دایره دوبدو دارای شش مرکز تجانسند ۱۱ به مرکز نجانس مستقیم بریك استدادند . ۲) هرمرکز نجانس مستقیم با دو مرکز نجانس ممکوس بر بك استفامتند .

# VIX تخییر مکان در سطح

-177 مین قاعده مشیخص و معینی قاعده مشیخص و معینی پاز آء هر نقطه 100 آن آمل آن آمل در صفحهٔ شکل پاز آء هر نقطه 100 آن آمل از میآکویند بدست -100 و میآکویند 100 آن آنهییو میگان -100 حاصل شده است و -100 میگویند یا تبدیل یا قامه -100 میآکویند و -100 میآکویند و -100 میآکویند و -100

تغییر مکان ممکنست در اجزاء شکل تغییر دهد ، مانند تعیانس به یا در آنها تغییری ندهد، مانندانتها و دوران. در این انتیان با بندیل یافتهٔ شکل بوسیله یا فرش در در ی فرشه برشکل اصلی منظیق شود و در در فرشه با برشکل اصلی منظیق شود و کاندا برشکل اصلی منظیق شود و کاندا شکل با شکل نشد

۱۷۶ - فیضیه - در نغییر مکانهای آکه در آنها شکل نغییر نسیکند و ضع جدید دو نقطه برای مشخص کردن و ضع جدید شکل کافیست \*

#### ۲ نتهاکی

حر نقطهٔ ۱۷۵ مرگاه بردار (AB) مفروش باشد و یازاه می نقطهٔ ۱۷۱ از شک F نقطهٔ F نقطهٔ ۱۷۱ از شک F ایم از است آوریم یطور یکه (MINI) می سنات (AB) باشد گوتیم شکل F بدست از میجموع نقاط F انتقال شکل F باندازهٔ (AB) بدست و مشخص انتقال است بردار (AB) را که نماینده و مشخص انتقال است بردار F و یند F بانده و مشخص انتقال F بانده و مشخص انتقال دی بده در جواه شکل تغییر نمیدهد .

۱۷۷ - قیضیه در انتفال دو بردار متناظرهیسناشهمستند بمکس اگر در نغییر مکانی دو بردار منناظر همسنات باشند نغیر مکان انتفال است \* ۱۹۲۰ - قیضیه د نغییر مکنان حاصل از چند انتفال ، انتفال

۱۷۸ - قفضیه سانغییر مکنان ساسیل از چند انتفال ، انتفال انتفال است انتفال است انتفال است انتفالی است است انتفالیای مفروش. است -

ھ*وود*ارت میدد عہ

١٧٩ - تعریف سے صریحاء داویه به و نقطه در (ش ۱۰)

مغروض باشند وبازاء هر تقطهٔ TVI از شکل F رنفطهٔ TVI راچنان بدست

Tec.يم که MO="100" و ت=MO'Mز باشدمیجموع نقاط

" الا شکل ۱۳ دا تشکیل میدهند»

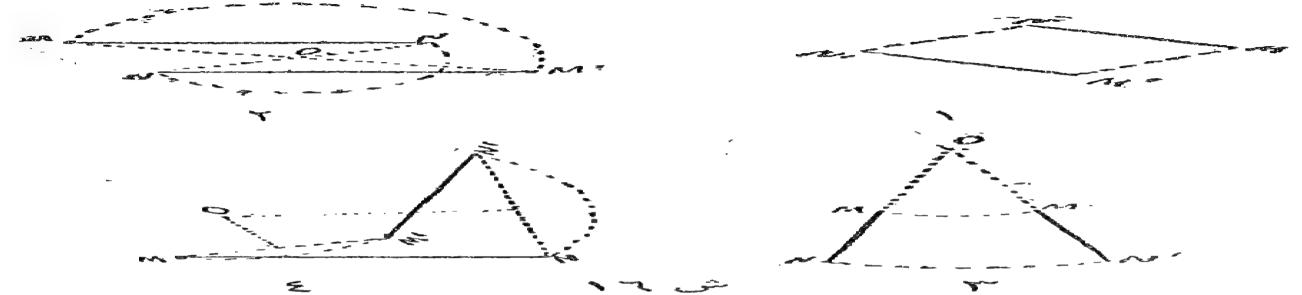
مینگویند ۱۳۰ ازدوران ۱۳ باندازه

٥ ودر جهت سهم بدست آمده است -

۱۸۰ ـ فیضیه ـ دوران اجراء شکل را تغییر نمیدهد، ۱۸۰ ـ فیضیه ـ هر تغییر مکان در صفیحه که در اجراء شکل تغییر تدهد و اجراء شکل تغییر تدهد یك انتفال یا یك دوران خواهد بود، (شهری) دوران خواهد بود، (شهری) دو ۲و ۳و ۶) (در صفحه بعد)

aseas o las XV

۲۸۲ - صفحه نامیحدود است و فشه را بدو ناحیه تقسیم



میکنده پس خطی که از بات ناحیه بناحیه دیگر برود ناجار صفحه را قطع میکنده

۱۸۳ ـ وضع خط نسبت بصفحه ـ خط میکنست :

۱۵ درصفحه باشد • ۲) با صفحه موازی باشد • ۳) صفحه را قطع کند •

۱۵ حک ـ فقصیه ـ بر یك خط و یك نقطه فقط یک صفحه میگذرد •

دمن ـ فقصیه ـ بر یك خط و یك نقطه فقط یک صفحه میگذرد •

۱۸۵ ـ فقیحه ـ صفحه میکنست بوسیلهٔ ۱) ۳ نقطه ه

مىئىخص شود •

.رسیم میشوند پ

۱۸۳ ــ و ضع دو خط ــ دوخعل مسکنست : ۱) دریات صفحه باشند ، دراینصورت یا متفاطعتدیا متوازی - ۲) دریات صفحه نیاشند (متنافر) . متفاطعتدیا متوازی بکت خط بهوازات ۱۸۳ ـ قضیه ــ زیات به دنه میتوان بکت خط بهوازات

یک خط دسم کرد ۰

۱۸۸ - قضیه - اگریکی ازدو خط موازی صفحه ایرا خطے کند ، دیگری نیز آن صفحه را قطع میکند، خطے ۱۸۹ - فعلم ایکدیگر

اموازیند -

۱۹۰ ـ قضیه ـ خطی که موازی یک خد از صفحه ای باشد باصفحه موازیست.

تنييد - ازيك نقطه خطوط بيشمار بموازات يكصف

P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P - P -

۱۳۲۷ ـ فضیه ـ خطی که موازی دوصفحه باشد یافصل مشیر کشان موازیست .

۱۹۳ سے فضیرہ سے قصیل مشترک دو صفحه که بر دو خط موازی بگذرند با آبدوخط موازیست . ۱۹۶ سے فضرہ سے فصل مشترک دوصفحه خطیست مستقیم، ۱۹۰ ـ قضیه سه هرگاه سه صفحه بکدیگررا دو بسه قصلح کنند سه فصل مشترك یا متفاربند یا متوازی .
۱۹۳ ـ قضیه سه فصل مشترك هر صفحه بادو صفحه متوازی . دو خید متوازی .

۱۹۷ - فضیه سازیات نقطه میتوان فقعذیات صفیحه بسرازات صفیحه مفروض رسم کرد.

۱۹۸ - قضیه - دو صفحه موازی بایات صفحه بایکدیگر موازیند .

۱۹۹۱ - قضیهه - ۱ ریات نقطه میتوان تحدوط بیشمار موازی یات صفحه رسم کرد ، مکان هندسی آنها صفحه ایست موازی صفحه اول ...

تنیعیه - ۱ ) خطی که با یکی از دو صفحه متوازی موازی موازی موازی میتوازی میتوازی میتوازی میتوازی میتوازی میتوازی می دیگری در هم قطع میتند .

۱۹ - ۲ - قضیه - دوقطعه موازی هم معجمور بین دو صفحه میتوازی با یکی ایر ند .

۱۰۱ - ۲۰۱ فیشدیه سا صفیصات میتوازی بر دوی خطو طاقهات منتاسی جدا میکنند

۳۰۳ تعریف به بین دو خط منتافر زاویه ایست. که بین دو شط منفاطع منوازی با آنها حادث شود، ۳۰۳ به ۴۰۳ موازی باشناد. منتساویت .

ع ۲۰ سا تعمر بفت سا متعلى دا در صفيحا اى عمود كو بنا و فتى

که بر همه خطوط آن عمود باشد . ۱۳۰۵ - ۲ - فضیه - خطی که بردو خط از صفعه ای عمود باشد برصفحه عمودست .

تشبیسه ۱ (۱ معلی که بریکی ازدوصفحه منوازی عمود یاشب بردیگری هم عمودست ۲ (۱ گریکی ازدوخطامنوازی باشد بردیگری هم عمودست . برصفحه ای عمود باشد دیگری هم عمودست .

خط میدوان کشید . نتیجه س ۱ ) دوصفحه عبود بریات خط متوازیند . ۲ ) از یات نقطه و درفضا خطوط بیشماد عسود بریك خط میتوان رسم كرد ، همه دریك صفحه اند .

۲۰۷ ب قضیه سهه نفاط واقع برصفیحهای که بروسط قطعه شعدی عمود باشد ازدو انتهای قطعه بیات فاصلهاند .

۲۰۸ - قضیه سازیات نفطه فقط میتوان یأت خط برصفحه برصفحه عمود کرد.

قنیجه - دوخط عبود بریای صفحه متوازیند.  $P \cdot Y - \hat{g}$  سه عمود -  $|Z_{C} \triangle_{C}|$  برصفحه ای عبود پر باشد و ازموقع آن درصفحه خطی عبود بر بای خط  $|Z_{C}|$  و اقع درصفحه در  $|Z_{C}|$  بر باهیم و موقع این عبود را  $|Z_{C}|$  بنامیم و خطوط و اصل  $|Z_{C}|$  بنفاط مید لف  $|Z_{C}|$  همه بر  $|Z_{C}|$  عمودند - و بسکس  $|Z_{C}|$  و نقطه  $|Z_{C}|$  و نقطه  $|Z_{C}|$  و نقطه  $|Z_{C}|$  و نقطه ما یل بر  $|Z_{C}|$  و نقطه  $|Z_{C}|$  و نقطه ای متساوی از موقم عبود

Las de Je Devi

۱۱۳ ـ فضای محصور بین دوصفحه متقاطه را فرجهه هرصفحه رایالی هرصفحه رایالی

زاویه حادث مابین فصل مشتر کهای دوروی فرجه را باصفحه ای عبود بریال مسطحه فرجه میگویند. صفحه منصف فرجه و فرجه های فاتم و تند و باز و مجاور و مجانب و متم و مکمل و جهت فرجه ممانی الفاظ مشابه خود را درروایا دارند.

3 / ۲ - قضیه حصطحه های فرجه های متساوی متساوی متساوی بند.

خود هستند . نتیجه - ۱ ) مقیاس فرجه با مسطحهٔ آن یکی است -۱۲۲۳ - قضیه - هر صفحه که بریات خط از صفحهای عدود باشد برآن صفحه عدودست «

۲) برای اندازه گرفتن قرجه ها و احدهای زوایا یکارمیر و ند
 ۲۱۷ ـ قضیه سفصل مشترك دو صفحة عمود بر صفحه سوم براین صفحه عمودست •

نتیجه-صفحهای که برقصل مشترك دو صفیحه عمود باشد بر آنها عمود است .

۱۱۲ - هر گاه اضلاع زاویهای بردوروی فرجهای عدود باشت آن زاویه میکیل فرجه است ۰ تصویر بر برسفجه

۱۹۰۳ ستمویر نقطه موقع عمودیست که از نقطه بر سفحه خرود آید ب

تصویر بك شكل شكل حادث از میجموع تصاویر نقاط مختلف آنسان . مختلف آنست . - ۲۲ ـ قضیه - تعدی میتقید خوا میتقد ک

۰ ۲۲ - قضیه - نصویر خط مستقیم خطیست مستقیم، ۱ ۲۲ - قضیه - نصاویر خطوط متوازی مترازیند .

۳۲۲ - قضیه - ۱ اگریك صلم داویه قاتمه ای به صفحة تصویر موادی باشد تصویر آن هم قاتمه است - ۲) اگر تصویر داویه ای که یك ضلمش با صفحه تصویر موادیست قاتمه باشد اقلایات ضلح آن باصفحه تصویر موادیست .

تا مه باشد ۱ میل خط نسبت بیك صفحه داویس خط و تصویرش بر آن صفحه است و شیب خط طل ( تا توانت ) میل آن میباشد .

ان میباشد. ۲۲۶ - فضیه - میل خط کوچکترین داویه بین آنخطو خطوط صمغیمه است.

و۲۲ - قضیه - مسطحةیك فرجه بزرگترین داویه ایست.

که اضلاعش بترنیب در دوروی فرسهه واقعند . تعریف سے خطی را که در یك روی فرسه عمود بریال. رسم شود خط بزر سختر بن شیب آنصفحه نسبت بدروی دیگر

قرجه گویند . ۲۲۳ - قضیه - ۱ ) طول تصویر خط مساویست بدا طول خود آن ضرب در جیب تمام میلش . ۲ ) مساحت تصویر یائه شکل مسطح مساویست با حاصل ضرب مساحت آن شکل دد جیب تمام زاویه حادث بین صفحهٔ شکلی و صفحهٔ تصویر و

## TIVE تقارت درفضا

سعطع تقادي شكل كويتد.

خسیت به به به تفارت  $\triangle$  گویند وقتی که  $\triangle$  در صفحه ای عمود یرو سعد MIM باشد .

رجوع شودیه تقارن درصفحه (شاره های ۱۵۲ تا ۱۸۹ است. ۱۸۹ اس

۳۳۱ — هرگاه اجزاه شکلی را بتوان بر اجزاه شکل در در ترک مساوی وفایل دری که مساوی آنست منطبق نمود دو شکل مساوی وفایل افظیاق مستند والا مساویند اما انظیاق نایذیر ه ۲۳۲ — قضیه ـ ۱ ) دوقرینه یك شکل نسبت به یك

حمفحه ویک نقطه از آن صفحه قابل انطباقند - ۲) دو قریده یک صفحه ویک نقطه از آن صفحه قابل انطباقند - ۲) دو قریده یک سبت بدومر کر قابل انطباقند - ۲) قرینه های یک حکل نسبت بیک صفحه و یک مرکز قابل انطباقند - ۶) همچنین حکل نسبت بیک صفحه و یک مرکز قابل انطباقند - ۶) همچنین حسم قرینه های یک جسم میکنست بر آن قابل انطباق باشد یا نباشد - ۲) قرینه های میکنست بر آن قابل انطباق باشد یا نباشد - ۲) قرینه های میکند.

بیات بیات میر شکل مستوی نسبت بیات مرکز ، یک مستوی نسبت بیات مرکز ، یک محور یا یک صفحه با خود آن شکل مساویست - Y) قرینه یک صفحه قرینه یک صفحه است Y) قرینه هرفرجه نسبت ببات صفحه فرجه ایست میاوی با آن اما درجهت مخالف ،

۳۳۶ — فصیه — ۱ کر شکلی دوصفحه تفاریت عبود برهم داشته باشد دارای یات محورتفارن ( فصل مشترك دوصفحه) است - ۲ ) اگر شکلی سه صفحه تفارن عبود برهم داشته باشد دارای یك می کنی سه صفحه تفارن عبود برهم داشته باشد دارای یك می کنی تفارن ( نفطهٔ مشترك سه صفحه) نیز هدت.

### IIIVX - "incline accept

· in what K

۳) میجانس خطی که برمر کربگذرد بر خود آن خط منطیق است .
منطیق است .
٤) میجانس صفحهٔ مستوی صفحه مستویست .
۲۳۷ - قضیه س ۱) مساحات دو شکل میجانس بر

نسیت مربع دویال متناظر آنهاست. ۲) حجمهای دو شکل مجانس بر نسبت مکسب دویال منناظه آنهاست.

میجانس F نیز مرگاه شکل F مرگزیقارن داشته باشد میجانس F نیز مرگزیقارنی خواهد داشت . در اینصورت F و آو حین حال میجانس مستقیم و میانس معکوس یکدیگر ند و F مراگزی تقارن F نیجانس F و F و مراگزی تقارن F نیجانس F و میکوسشان F و F و نیست نیجانس را F ینامیم F مستقیم و معکوسشان F و F و نیست نیجانس را F ینامیم F

مع حدد فضیه مد) اگرسه شکل دو بدو متجانس باشنده سه مرکز تجانس بر یك خط بنام معود تجانس واقعند و ایک خط بنام معود تجانس واقعند و ایک خط بنام معود تجانس واقعند مرکز تجانس در یك صفحه ، بنام صفحه تنجانس ، واقعند . چون هر سه شکل از این چهاد شکل یك معود تجانس دادند چهاد شکل حجهاد معود تجانس دادند چهاد شکل چهاد داشت کهاضلاعیك چهاد بر کاملند و دوس چهاد بر کاملند

تیصوع ـ اگر چهار شکل که مرکز نقارن دارنددو یدو میجانس یکدیگر باشندهردسته سه ناتی آنها چهار محور تنجانس (یک میکوس) تنجانس میکوس) دارند ؟ پس دستگاه چهار شکل شانزده محور تنجانس دارند که چهار در هشت صفحة مشخص واقع میباشند .

## XIX - تشابه در فضا

۱ ۲۲ - جسمی داهشا به جسم دیگر گویند که بامیجانس مستقیم آن مساوی باشد . نسبت دو یال متناظر دانسیت تشایه مینامند .

۲۶۲ - قضیه - در در جسم منشایه : ۱ ) فرجه مای منتاظر با هم برا در ند ؛ ۲ ) یالهای منتاظر بر یات نسبتند ؛ ۳ ) و جد در ۳ ) و بالهای منتاظر بر یات نسبتند ؛ ۳ ) و جو د منتاطر جندیر های منتا یهند .

۳۶۲ قضیه ـ دو چند روی منشابه را میتوان همواره ییچند چهار و جهی منشابه و منشابه الوضع نیجریه نمود . ع۶۲ ـ قضیه ـ نسیت مساحات دو جسم مشابه مساوی

نسبت مریح اضلاع متناطر و نسبت حجمهایشان مساوی نسبت محکمب اضلاع متناظرشان میباشد .

xx - تعدیر مکان در فضا

ر جوع شود بشماره های ۱۷۲ تا ۱۸۱

#### Plant D

عیر واقع بر یک امتداد جسمی بر روی سه خط سه نقطه میازی و میان در فضا سه نقطه غیر واقع بر یک امتداد جسمی بر روی سه خط ماوازی و میاوی و میاوی و یکجهت نغییر مکان دهند جسم حر کتا نتقالی کرده است و بردار انتقال مساوی و در جهت نغییر مکان یکی از آن سه نقطه است .

قتیعجه انتقال در اجراء شکل تغییر تعیدهد.

الع ۲۶۲ - چند انتقال را در فضا میتوان بیاث انتقال تبدیل کرد و بردار های انتقالهای جزء میباشد.

#### ٧ ـ در دان



یطوریکه سه نقطه غیرواقع بریات امتدادآن برروی سه صفحه متوازی سه قوس منساوی و در یات جهت بپیمایند و مراکز سه قوس درروی خطی عمودبراین صفحات واقع باشند شکل در فضادوران کرده استوخطی که برمراکز قوسهامیگذرد معود دوران است .

### Comment of the commen

۰۰۲ <u>فضیه</u> هرتغییر مکان هرشکای که بروی کره رسم شده باشد میگنست تبدیل بدوران در حول یکی از قطر های کره شود .

۱۰۱ - قضیه - هر تغییر مکان در فضا که در اجزاء شکل تغییر ندهد منجر بیث انتقال ویك دوران میشود.
۲۰۲ - تهر بخت هر تغییر مکان را که منجر بیك دوران و بك انتقال بدوازات محور دوران شود حر كشه ما د به به مینامند.

# TXX mile c la 9 Jim XXI

۳۰۳ ـ نجریف ـ جند رو یا کثیرالوجوه جسمی است که از هرطرف بسطوح مستوی محدود شده باشد . قسمتی از هرصفحه محدود بحدود جسم را یا رو یا قرجه ، فصل مشترك دو یال راس ، فرجه بین هر دو را یال ، فصل مشترك دو یال را راس ، فرجه بین هر دورو را یك فرجه جسم میگویند . چند روی تو ر آنست که مفطح در آن چند بر گورباشد . چندروی منتظم آنست که همه روهایش باهم وهمه فرجه هایش باهم مساوی باشند. چندروهای منظم را اجسام افلاطونی میگویند .

عده روس ،  $\alpha$  عده یالها و  $\alpha$  و  $\alpha$  عده روس ،  $\alpha$  عده یالها و  $\alpha$  و  $\alpha$  عده روس ،  $\alpha$  عده یالها و  $\alpha$  عده روهای یات چنس روی گور باشند  $\alpha$  و  $\alpha$ 

حمل خطی بنام مولد که همواره بسوازات خود تغییر مکان دهد و بریات خید تغییر مکان دهد و بریات خید تغییر مکان دهد و بریات چند بر منکی باشد پدید آید . هنشور قسمتی از فضا محصور بین یك سطح منشور ودو صفحه مستوی است ، اگر صفحه ما برمولد صفحه ما در و است ، اگر صفحه ما برمولد عمود باشند منشور قائم است ، مقطع هر صفحه عمود بر مولد مقطع قائم گو بند -

سطیح هرم سطیحی است که از تغییر مکان خطی بنام مولاد که همواره برنقطه تابتی بگذرد و بر محیط چند بری متکی باشد پدید آید. قسمتی ازفضا محصور بین چنین سطحی بایك صفحه مستوی راهرم میگویند . درهرم منتظم ههورها. سه برهای منساوی الساقین منساویند .

هرمناقس ازقطے کردن یا شهرم بایات صفحه پدیدمیآید. درهرم منتظم ارتفاع هرسه بر جانبی و درهرم ناقس منظم ارتفاع هر ذوزنقه جانبی را سهم می کویند • ۷۰۷ ـ قضیه ـ فصل مشترك صفحات متوازی باسطع

منشوری جند برهای متساویند . ۱۹۰۷ قضیه ـ سطح بدن منشور مساویست بحاصلضرب

محيط مقطع قاتم دريال -

۱۵۹ – ۱۵۹ – فضیه – هر گاه سه روی یکی از کنیجهای منشو بی بلسه روی یکی از کنیجهای مششور دیگرمتسلوی و متشل به الوضع - باشند دو جسم منساوینه .

۰ ۲۲۰ - قضیه - ۱ )درمنوازی السطوح:رو های مفایل موایی مفایل موازی و مساوی یکدیگر دا در میوازی و مساوی یکدیگر دا در یک نفطه قطر یکدیگر دا در یک نفطه قطم قطم میکنند . ۳ ) این نفطه مرکز نفارن جسم

۲٦٦ حدیده و قضیه و منشور مایل مسادل منشور قاعمی است که قاعده اش مقطع قاعم و ارتفاعش یال آن باشد .
۲٦۲ و قضیه و ۱ و تفاعی یال آن باشد .
مشترك داشته باشند بر نسبت حاصلات دو یال دیگراست .
۲) حدیم دو منکعب مستطیل که دو یال مشترك داشته باشند بر فسیت یال سوم است.

مساوی باشد معادل یکدیگر ند .

حاصلفرب سه یال آن ؟ ۲ ) حیجم متوازی السطوع مساویست به حاصلفرب سه یال آن ؟ ۲ ) حیجم متوازی السطوع مساویست به حاصلفرب قاعیده در ارتفاع ؟ ۲ ) بطور کلی حیجم میشور مساویست بحاصلفرب مقطع قائم در یال (قاعده درارتفاع) هساویست بحاصلفرب مقطع قائم در یال (قاعده درارتفاع) ۶۲۰ وقضیه سدر هر کاه صفحه ای هرم راموازی قاعده قطع کند : ۱) یالها وارتفاع هرم همه بیات نسبت قطع میشوند؛ ۲ ) مقطع مشابه قاعده است ۲ ) نسبت سطع مقطع بسطح قاعده مساوی نسبت مربم دوضلع متناظر ست مربم دوضلع متناظر ست مربم دوضلع متناظر ست .

۳۳۷ ـ قضيه ـ هرم سه پهلو هم مشورسه پهلو كياست كه بهمان قاعد، وازنفاح باشد . نتيجه ـ حجم هرم مساويست بحاصلضرب قاعده در

ارتفاعB - B - B - B - B - B است. B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B - B -

اربهاع المساوى را و و الرابد و المساوى المساويدات القص سه پهلو مساويدات المحاصلة المحاصلة المحاصلة و المحاصلة 
۰ ۲۷۰ قضیه - حیم منشور ناقس قائمی که قاعدهٔ آن چندید. منظم ۲ تملمی باشدمساویست بحاصلعندرب قاعده در طول معور ، یعنی خطی که مرکز های دو قاعده را بهم مربوط میکند . ۳۷۱ - تھریفے - شبه منشور جسمی است که دوقاعده۔ آن دو چند بر منوازی و هر بات ازوجوه جانبی آن سه بر یا

دوزنفه باشد مقطع صفحه ایراکه بیك فاصله از دوقاعده باشد. مقطع منوسط كویند.

VVV —  $\dot{\mathbf{e}}$   $\dot{\mathbf{e}$ 

### IXXX Imielia a aseled a Tela

سعظی انی از حرکت مولدبسوازات خود ومنکی بریك منعنی هادی از تغییر بریك منعنی هادی منکی از تغییر مکان خطی که همواره بر نقطه تا بنی گذشته بر منعنی هادی منکی باشد پدید بد میکردد ه

سمع وی آنست که جمیع نقاطش از نقطه ای بنام . مر کر بقاصله IR باشند. کر وجسمیست معدود بسطلع کروی . دایره بزرك مقطع كره است باصفحه ای كه برمر كز آسند بكدرد - مقطع صفحات ديكر دايره كو چاك ميباشد -واقع بردوى كروى دونقطة واقع بردوى كره قوسى است ازدايره یزرگی که بر آن دو نقطه بگذرد . منطقه قسمتی از سطیح کره است محصور بین دوصفحه موازی ، فاصله این دو صفحه ارتفاع منطقه است - عراقيه يا عرقجين منطقه ايست كهيك · صفحة آن يركره مماس باشد . قطهه كروى قسمنى ازدكره محصوريين دو صفحهموازيست. قاچ قسمتى ازسطع كره معصور یین دونیمدایرهٔ بزرك است ؛ ذاویه قایج عبار تسست اززاویه بین دومماس که از نقطه برخورد دو نیمدایره بر آنها وسم شود ؛ قوسی قایج قوسی ازدایر مبرر گیست که بر فصل مشترك دونیمدایره قاج عمود و بآنها محدود باشد ۱۰ کلیل کروی قسمتی از حجم کره محصور بین دو نیمدایره بزرك است ، قطاع کروی جسمیست که از دوران یك قطاع دایره حول قطری از دایره پدید آید • حقه کروی جسمیست که از حوران یك قطعه دایره حول قطری از كرم تولید شود . ٤٧٧- قضيه - همه نصف النهارهاى يك سطع دواريا .. هم مساویته ۰ ٥٧٠ ـ قصيه - ١)مماسهاى بريك نقطه ازسطاع دوار همه دریك صفحه ۱ ند بنام صفحه مماس ۲) قائم برهر نقطه از سطح دواد بامعود موادیست یا آنرافطم میکند.

#### TYY - Punce 1 is

۱ ـ دوقاعده استوانه باهم مساویند . ۲ ـ صفحه مماس بر استوانه بر یکی از مولدهای.

آن میگذرد ۰ ۳ ـ استوانه حد منشور محیطی یامتحاطی خودمیباشد. ۶ ـ سطح بدن استوانه قائم مساویست با حاصلطرب. محیطقاعده درارنفاع ۰

o ـ جسم استوانه قائم مساویست با حاصلضرب قاعده . در ارتفاع +

۲ - سطح بدن (صجم) استوانه مایل مساویست بی صدلی بی می بی می استوانه مایل مساویست بی می می می می می می می می می این در مولد .
 ۷ - در استوانه ناقص مستدیر قاعم سطیح بدن ( حجم ) .
 مساویست بی می می می می می می می می در می در می در حیم .

[ یعنی خطی که از مرکز قاعده موازی مولد رسم شود] - ایستی خطی که استوانه مستدیر باهر صفحه که موازی قاعده . باشد دایره و با هر صفحه دیگر بیضی است ، ۲۷۷ – هخور و ط

۱ ـ مقطد مخروطمستدیرباهرصفحه که باقاعده موازی باشد دایره ، با هر صفحه که موزای قاعده یا یك مولد نباشد. بیشی ، باهر صفحه که موازی یك مولد یاشد سهدی ویا هر بیشی ، باهر صفحه که موازی یك مولد یاشد سهدی ویا هر صفحه که مخروط و امتداد آنرا در آنطرف رأس قطع کند. هندلولی میباشد (رجوعشودبمخروطات).

٣- مخروط حدهرم محيطي ومتحاطي خود ميباشد . ٤ ـ سطع بدن معفروط مساویست بعاصلفرب معیط قاعده در نصف سهم،

٥۔ حجم مخروط مساویست بحاصلطرب سطح قاعده در

تلت ارتفاع .. الله مخروط ناقص حد هرم ناقس محیطی و محاطی خود

۷- اگر شماعهای دو قاعده مخروط ناقص را IR و ته ، سهم آنرا 1 وارتفاعش را h فرض کنیم:

~== == (IR ~ + 1 ~ + IR 1-)

 $\pi I(R + r)$  سطح بدن  $\pi [R^7 + I(R + r)]$ 

١ - مقطع هرصفعه در كره دايره ايست كه مركزش موقع عمود يست كه ازمر كز كره برصفحه قاطع فرود آيد. الآكر شعاع كره R عشعاع دايره مقطع ۳ وفاصله اين صفيحه اذ عمر کر کره d فرض شوند:

٢- هرخط كره رافقط دردو نقطه قطم ميكند . ٣- قطر عموديرسطح هردايرة كره، جسمرادردونفطه ·P و P قطع میکند که دوقطب دایرهنام دارند . جمیع نقاطهر حدایره از هر یك از دو قطب بیك فاصله اند .

ع-دریك كرهدایرههای متساوی از مركزیبك فاصلهاند ربور بشرکسر ، . . - دریك كره ازدایرههای نامساوی آنکه بزر گنرست میر كنرست و بعكس - - نامساوی آنکه بزر گنرست و بعكس - - سفحه مهاس بر كره با آن فقط یك نقطه مشترك

دارد ویر شعاع نقطة نیاس عبودست . ۷- بریك جهارروی منتظم میتوان یك كره محیط و در آن یك كره میجاط كرد. اگریال آنرا به بنامیم :

 $\frac{a\sqrt{\gamma}}{\sqrt{\gamma}}$  =  $\frac{a\sqrt{\gamma}}{\sqrt{\gamma}}$  =  $\frac{a\sqrt{\gamma}}{\sqrt{\gamma}}$  =  $\frac{a\sqrt{\gamma}}{\sqrt{\gamma}}$  =  $\frac{a\sqrt{\gamma}}{\sqrt{\gamma}}$  =  $\sqrt{\gamma}$  
است ازدایره بررگ .

- برای تهیین شهای گره باین راه عبل میکنیم :
دو نقطه M و N ازسطیع کره را مرکز قرار داده با فاصلههای شطبی اختیاری قوسهائی ( دو بدو باشاعهای متساوی ) رسم شطبی اختیاری قوسهائی ( دو بدو باشاعهای متساوی ) رسم میکنیم تا از برخورد آنها سه نقطه A و B و C ( که واقعتب بر معیط باشدایره بزرای ) بدست آیند . بایر کارگروی طولهای بر معیط باشدایره یو از بروی صفحه کاغذ نقل میکنیم و بااین سه طولیمثلثی میسازیم . دایره معیطی این مثاث مساوی دایره یورای از کره مساوی شماع کره است .

بزرای از کره مفروض و شماعش مساوی شماع کره است .

- ۱ - مساحت سطع حادث از دو ران قطمه خط راستی در حول معدوری که با آن در یات صفحه باشد مساوی بست بعاصله بر محور در معیط دایره ای که شماع آن عمودی باشد که بر و سط قطمه خط اخراج و بعدور محدود گردد .

صفحه آنست و بریك رأس آن میگذرد و ضلح مقابل بآن راس را قطم نمیكند مساویست بحاصلضرب سعلع حادث ازدوران ضلع مقابل در ش ارتفاع وارد براین ضلع

ETIR TO WE WE THE TO THE TOTAL OF THE TOTAL

IR کرمای بشماع IR کرمای بشماع IR کرمای بشماع IR را قطح و در I دو دایره بشماعهای I و در I ند: I منطقه حادث I

 $\frac{\pi}{\sqrt{1-\tau}} + \frac{\pi}{\sqrt{1-\tau}} = \frac{\pi}{\sqrt{1-\tau}} + \frac{\pi}{\sqrt{1-\tau}} = \frac{\pi}{\sqrt{1-\tau}} + \frac{\pi}{\sqrt{1-\tau}} = \frac{\pi}{\sqrt{1-\tau}} + \frac{\pi}{\sqrt{1-\tau}} = \frac{\pi}$ 

۱۷۷ حجم حلقه کروی حادث از دوران قطعه دایرهای حول یاث قطعه دایرهای حول یاث قطر دایره مساویست یانعیف حجم مضروطی حکه شماع قاعدهاش و تر قطعه دایره و ارتعاعش نصبی ر این و تربر محور دوران یاشد . پس اگر قطعه را ۸۱۵ و طول تصویب

T نرا 'A'13' فرض کنیم :

مقلم معلقه  $= \frac{\pi}{3} AB^{3}$ . A'B'

# ×× mpg Zee

۲۷۹ - تھریف - جند بر کروی قسمتی است از سطع کره محدود بچند قوسازدوایر بزرك .

(ش۸۱) هر یک از قوسهای دایره بزرک مانند AI3 را یک پهلو ، نقطه نلاقی دو پهلو رایک راس و گوشه بین هر دو پهلو را یک گوشه چندبر کروی گویند . پس پهلوهای چندبر

کروی را هم با آحاد قوس و داویه انداده میگیرند . گنج **نظیر** یك چندبر کروی آنست که راسش مر کز کرهو یالهای آن منتهی بروس چندبر باشند .

سه بر گروی ساده ترین چندید ها ست .

سه بر قرینه سه بر مفروش آنست که روسش انتهای اقصلار میباشد که برروسسه بر مفروش یکنرند . سه بر کروی ممکنست سه گروشهٔ راست یابازداشته باشد ، سه بر قرهی سه بر آنست که هرراس سه بر مفروش قطب یك ضلح آن باشد ه در سی آن گروی در سی سه بری است که دو پهلوی آن به و یك پهلویش ۱ در سه باشد اگر از معجدوع دوایای یك سه بر گروی ۲ قاعمه ۱ کروی ۲ قاعمه

۲۸۰ قضیه بهلوهای چندیر کروی مساوی روهای کنج نظیرش و گوشه های آن مساوی فرجه های اینست و گوشه های آن مساوی فرجه های اینست و ۱۸۰ فضیه و درسه بر کروی هز پهلو کوچکترست از مجموع و بررگترست از تفاضل دو پهلوی دیگر . افضیه صححوع پهلوهای سه بر کروی کوچکترست از چهارقایه

۲۸۳ - فضیه - دوسه بر کروی قرینه ممادلند . ۱۸۶ - فقضیه - اگریات سه بر کروی قطبی سه بردیگر باشد دومی قیز قطبی اولی است . ۱۰۲۰ - فضیه - هر گوشه یك سه بر کروی مندم بهلوی

مقابل براس نظیرش درسه بر قطبی آنست . ۱۳۸۲ - قاضیه - مجموع گوشههای سهبر کروی واقعست بین ۲۶۲ قاضه .

الله الله المراحدة المساوى المساول ال

نتیه ۱- ۱- مساحت سه بر کروی نصف حاصلضرب فضل کروی آندف حاصلضرب فضل کروی آندف تا در مساحت دایرهٔ بردک :

S====R\*(3A+3B+3C-1A-)

۲) آگرسهبر سهقائهه دا که گرگره است و احد سطح و ذاویه بنامیم سطح سهبر مساویست با فضل کروی آن -

## مري قويت نقطه نسبت بكره

alali isels isels a - Y人人

I)  $I_{\xi - \chi} = 0$   $I_{\xi - \chi}$ 

m ( )

باشد ( در دو کرم منتفاطع ، ساس با منتحدالس کز صفحه اصلی بنر نیب صفحه نفاطع آنها باصفحه ای و اقع بنر نیب صفحه نفاطع آنها باصفحه ای و اقع در بی نهایت است ) -

فنبوی سه حمده اصلی سه کره یکدیگردا بریك خط ، بنام هستور اصلی سه کره ، نلاقی میکنند ، ۲) ششی صفحة اصلی جهار کره که مرا کرشان در یك صفحه نیاشند بر یك نقطه ، موسوم به هر گز اصلی جهار کره ، میگذورند "

### VXX edin e edin

ر برحسب Tنکه P خارج یا داخل دایره یا روی دایره باشد قطیر Tن دایره را قطیر میکند، در خارج آن یادر P میاس بر آن است • Pرا قطیب خطط گویند



۲۹۲ — قضیه — قطب هرخط که برنقطه ای بگذود بر قطبی این نقطه قراردارد و بعکس قطبی هرنقطه که برخطی واقع باشد برقطب این خط میگذود .

مع کوس آن چند خط بریائ نقطه می گذرند • از این خاصیت برای اثبات قضایای مربوط بخطوط متقارب یا نقاط واقع بریك خط ممکنست استفاده شود •

ت جود المحالي يك نقطه  $\mathbb{P}$  نسبت كره صفحه و المسبت مانند  $\pi$  عمود برخط  $\mathbb{P}$  كند و  $\mathbb{P}$  نرا در  $\mathbb{H}$  قطع كند و  $\mathbb{P}$  مانند  $\mathbb{P}$  باشد  $\mathbb{P}$ 

(بقیه مانتد شماره ۱۹۲)

Contract XXVI

decies of

باشندواز  $\Phi$  به  $\Phi$ و  $\Phi$ و سکل  $\Phi$  مفروش باشندواز  $\Phi$  به  $\Phi$ و  $\Phi$ و  $\Phi$ و سکل کرده در

درقرار است :

example of the content of the conte

میرگاه محروباشدو بیر 3 ر 0 و شماع 3 دایرهای رسم کنیم ه این دایره را ه که مکان نقاطیست که برمنمکس خود منبطبقند ه دایره 1 انها و تقید مینامید 1 دو نقطه منمکس نسبت بدایره 1 انها مردوح یکدیگرند 1 و 1 و دو منمکس 1 نها این را بطه و اصل بین دو نقطه 1 و 1 و دو منمکس 1 نها این را بطه

## A'B' = AB × OA.OB

(3) دو نقطه A و (3) با منعکسهایشان (4) و (3) برووی یات دایره قرار دارند (4) سال دارند (4) و (4) و (4) با قطه منعکس دردو منعتنی منعکس دردو نقطه منعکس (4) و (4) با خط (4) و (4) با خط (4) و (4) با آن مساوی مساوی میساد نقیمی (4) و 
سر ۱۰۰۰ قصر فضی نادشها ره ۲۹۷ در فضی نیز صحبیح است .
ع س شماره ۲۹۸ در فضی نیز صحبیح است .
ع س ب فیشیه ۱۰ منعکس هر کره که برمر گزانه تناس .
بگذر د صفیحه است عمود بر فطری که برمر گزانه تناس مرود نما ید . ۲) منعکس هر کره کره دیگر است . ۳) منعکس هر تماید . ۲) منعکس هر کره کره دیگر است . ۳) منعکس هر صفیحه کره ایست که برمر گزانه تاس میگذرد .
صفیحه کره ایست که برمر گزانه تاس میگذرد .

در صفحه دایره نباشه دایرها ست . دایره اخیررا تصویرهر گری proj.storoographique دایره اخیرا

ننیجه سر۱) اگر قاعده مخروط مسندیری بردوی کرهای باشد این کره میخروط را دردایره دیگری هم قطع میکند ۲) بر هر دو دایره و اقع بریات دایره عموماً مینوان دو مخروط گذاه نده

## - IIVxxx مناظر و مرايا ( ير سيكتيو)

۲۰۰۳ و تعریف در شکل ۱۲ و ۱۲ و ۱۶ و اگویند نسبت بیکدیگر در و ضعی منظری هستند ، یا یکی تصویر در و ضعی منظری هستند ، یا یکی تصویر مر گزی یا تصویر مخدوطی یا بر سیکتیو دیگریست هر گاه هر نقطه و نقطه متناظر آن یا نقطه ثابتی مانند () بریك امتداد باشند نقطه () دا مر گزتصوبر یا نقطه دیدمیگویند بر ده صفحه ایست که پخواهیم بر سپکتیو

فرود آید نقطه اصلی و فاصله ۱۳ ۱۳ از نقطه اصلی و ضعط ۱۳ ۱۳ ۱۳ از نقطه اصلی موازی سطیح افق رسم شود سخیط ۱فق و دو نقطه ۱۳ ۱۳ ۱۳ از نقطه ای ای ۱۳ ۱۳ ۱۳ ۱۳ بغاصله ای مساوی فاصله السلی از ۱۳ اختیار شوند نقاط مسافیت میگویند .

پرسپہ کتیو هر نقطه مانند A نقطه کے محل تلاقی شماع دید OA سے یا پرده. دید OA سے یا پرده. پرسپہ کتیو هر خط مانند AB خط A'B' فصل مشترك

صفیحه می است یا پرده . نقطه گریز - هر کاه اد O خطی مولزی AB رسم

کنیم ناپرده رادر £ قطع کند £، کهپرسپکتیونقطه بی نها بت دور خط 13 است، نقطه گریز A13 نامیده میشود،

حصل سخورین سهر گاه از O صفحه ای موازی صفحه کند ABC رسیکتیو ABC رسم کنیم تا پردهرا بر خطا قطع کند آت که پرسپکتیو خط بی نهایت دور صفحه ABC است ، خط سخر بز آن صفحه نامیده میشود و سم شود نامیده میشامند

۲۰۰۷ قصیه - پرسپکتیوهای خطوط موازی بریات نقطه میگذرند ( نقطه گریر مشترك آنها ) ۰
 نقیده حاگر خطوط موازی با پرده هم موازی باشند

پرسپکتیو های آنها صنوازیند .

۸ - ۳ - فضیه \_ خطوطی که یکدیگر را در روی صفحه چیپی ماریر نقطهٔ دید نلاقی کنند پرسپکتیوهایشان متوازیند. ۹ - ۳ - فضیه \_ نقاط گریز خطوط افقی درروی خطافق FIFI

حما الله عن الله من المناط كريز خطوط المقدى كه با يرده . واويه " 6 كانشكيل ميدهند نقاط مسافت (T و T) هستند. ۱۰ ۲۰۱۰ قضیه ۱۰ ) پرسپکتیو دایره یا قطم مندروطی ( بیشی عمداولی یاشلیجمی) است ۲۰ ) پرسپکتیو یا قدلم مندروطی مندروطی مندروطی مندروطی مندروطی میکنست دابره باشد.

## Fictice Styles XXVIII

۱۳۱۱ — تھریف استوانہ مانند می جول استوانہ مستدیر قائمی جنان بہیجید کہ بلت ضلح آن برقاعدہ متعلیق شود ضلح دیگریرنٹڈ استوانہ خمی ترسیم میکند کہ ماریوں یا حملا و قی نامدارد . (ش۲۲)

چون استوانه واضلاع زاویه نامیحدود ندمار پیچ هم بی پایان میباشد میحور وشماع استوانه راچان شعاع مارپیچ و خلل زاویه ۵ راشیس آن

گویند . نقطه A میداء ماریبیج است فاصله دو نقطه مار پییج و اقع بریات مولد مانند A و A را گام مارپیج مینامند قسمت A از مولد معدود بین یا نقطه A از مولد معدود بین یا نقطه A و قسم استوانه را عرفی نقطه A و قسمت و نقطه A و اقع بین میداءو نقطه A و تصویر A و اقع بین میداءو نقطه A و تصویر A و اقع بین میداءو نقطه A و تصویر A و اسله را حلول منعصنی نقطه A میگویند . قسمتی از مار پیج A فاصله دوسر A یا تا باشد یسنی از یا دور A و ناصل نشتگیل شده باشد یا بیج نام دارد و

پیچ میکنست براست dextrorsum (ش۳۳) یا بیج پیچ میکاستوانه بیج پیکی در قسمت مرعی استوانه بید بید فسمت مرعی استوانه بعد رف و د م



۳۱۳ — قضیه — عرض هرنقطه مارپیچ منتاسب ست
با طول منحنی آننقطه . این نسبت مساوی شیب مارپیچاست
نعریف — ازقضیه فوق این تحریف جرای مارپیچ نتیجه
میشود :مارپیچ منحنی ایست که براستوانه قاعم مستدیری پیچیده
شده باشد و عرض هرنقطهٔ آن منتاسب با طول منحنی آن

۳۱۳ — ماریبیچهای واقم بریات استوانه یا استوانه های متساوی دا که در یات جهت بوده وشیبشان با هم برابرباشد. متساوی گویته .

ع۲۳ - مماسی مینوان رسم کرد. تصویر آن بر صفحهٔ قاعده الاستوانه مساوی طول متحنی نقطه تساس است مینوان رسم کرد. تصویر آن بر صفحهٔ قاعده استوانه مساوی طول متحنی نقطه تساس است م

TIT - and all all the

( a 15 ==== 11

y === kx == 11 · x ٧١٧ - قضيه - كوتاه ترين فاصله بين دو نقعله الاسطاع

استوانه ( مستنديرقائم ) قوسى ازمار پيع است -

معنور وطاست

[ - exercise

 العريف بيضى مكان نقاطيست كه مجسوع فو اصلشان الا دو نقطه ثابت  $\mathbb{F}$  و  $\mathbb{F}$  مساوی مقدار ثابت  $\mathbf{r}$  باشد ـ F و F دا دو کانورت، ۲۰ = FF دافاصله کانونی، ۵ وسط 'FF' را مرکز ، خط 'AA را که بر F و'F میگذرد و دو limple To A c'A 10 D relate a amite assetted O 31 A's A cTolled BB clelingle of BB? علا از نقطه () بفاصله ع-رو القد معدو و اقصر ، A و کا و الا دا چهاد داس ، نسبت الله داخروج

ان مر کزیدایرهای دا که بسر کزی وشماع ، سید ک دسم شود حایره احسلی ، دودایره را که بصرا کر ۱۰ و شعاع ۱:۲ دسم شوند دو ابر هادی و هر خطی دا که از یك کاتونا ميات ننتوله لالا از بياني و عمل شود شعاع سيامل مينامند . Pur cum extrap - 1) Har The orient - comment of color کانون کوبیده دوانشهای نخی بعلول ۲۰۱۴ ا ۲۰۱۲ دا آگره سیز نیم

نعخ را از پشت سنجاظها رد میگنیم و نولف مدادی را درداخل

آن چنان حر كت ميدهيم آكه نيش هييشه كشيدم شده باشد تولشه

مداد بیضی رسم میآکند (ش ۱). ۲)

یا نقاط یا بی آل را مر گی قرار داده باشماع ۲:۱ ۱۰:۱ قوسی رسم می – کنیم یعد بمر در ۱۰:۰ میشماع ۱ سسی:۲

قوسی میزنیم نا قوس اول را در ۱۱ و ۱۱۰ قطلم آکند ایر نب

نقاط منعلق به بیضی هستند . ۳) رسم بیشند بایکمات سا شیه کاشد .

12. AD e 810 in 15 and 15 minus plants ( in 7) :

celulation IN " I safe tules

e di ment and a manufactura de la mente del mente de la mente de la mente del mente de la mente del la mente del la mente de la mente de la mente de la mente del e Para et al a company et a la company et a 
T نها) باشت . قلادود در تب بودند برانه برد

a ( T ) is a man of the company to the is a second that we will select the second of the second that the second of the second

و بائد نقدله از برستی صحور دیگر و ایست در آه و در باز دهشر باطل آگه 55 may are the grant of the state of the sta

IMI e and a second of the seco

خارج شده باشد در ۹ قطع کند ، بعد کاغذ را بر ۱۹۰۰ متطبق نموده نقاط ۱۷ و ۱ و ۱ و انشان میکنیم ۱۹۳ نصف معدور معجم لاست .

الله - قضيه - مجموع فواصل نقاط درون بيضي از دو كانون كوچكتر و مجموع فواصل نقاط بيرون آن از دو كانون سور گنرست از ۲:۵ .

ع - قصیه - بیضی مکان مراکزدوایریست که بیکی ازدو کانون آن بگذرند و بردایرهٔ هادی کانون دیگر مهاس باشند . هـ دسم بيضي بالستفاده اندابره هادى ـ انت (ش٣)به به نقطه غير مشخصي ازدايره هادي و صل ميكنيم عمود منصف و تساع و ادر الآفطم میکند . الآ دوی بیشی است -الله عدد الله خدد و بيضي - الكر بخواهيم فصل

امشترك خط 🛆 (ش ع) را بابيضي (۱۲، ۲۵،۱۲) پيدا كنيم ي قرينه ١٦٦ نسبت به 🛆 بدست مي ـ آودیم ع IVI مر کردایرهای که بر IF وی بگذرد و بردایره هادی آآمهاس یاشد محل تلاقی خط و بیضی است. برای بدست آوردن IM بایتولرین

عمل میکنیم : بر IF و ب دایره اختیاری میگذرانیم تا دایره مادی آ دا در D و D قطم کند و CD و FP یکدرا در

II To columbia I 3 and I I TT' دا بردایرة هادی F' دسم می كنيس ع T'e T'e خيد ك را در

MI و MI قطم میکنند . MI و MI جوابهای مسئلهاند (آگر I روی دایره هادی I و اقع شود خط با بیضی میاسی است و I گر I در درون دایره هادی افتد خطیبضی را قطم نمیکند) . هیگیری یم یم پر پیشی .

لابوقضیه مساس برهر نقطه از بیشی گوشه بین با شعاع سامل و امنداد شعاع دیگررا نصف میکند .
قتیمه ۱۰ قرینه هر کانون نسیت به مساس بر روی دایرهٔ هادی کانون دیگرست ۲) مساس برهر راس عمودست بر محود .

الله المحققية - قاتم برهر نقطه از بيضى گوشه بين دو شعاع حامل را نصف ميكند.

قتیجه سے معاسی وقائم برهر نقطه از بیضی ITT وا به نسیت توافقی تقسیم میکنند .

سمیس تورندی مسیم سیده تورندی تورن بروی آیا ۱.a Flire - قضیه هی کانون بروی مهاس واقعست برووی دائرهٔ اصلی .

۱۰ سس رسم مماس بر بیشه سار ۱۰ از نقطه و اقع بر بیشه ی ت دوشماع سامل را میکشیم عمنصف گوشه خارجی آنها مماس مطلوبست .

 $\mathbb{P}$  IF  $\mathbb{F}$  e males  $\mathbb{P}$  e  $\mathbb{P}$  e

امکان متفاطع بودن دایره مرسوم با دایره هادی  $\mathbb{T}^{r}$ است ، یعتی باید  $\mathbb{T}^{r}$  باید  $\mathbb{T}^{r}$  باید  $\mathbb{T}^{r}$  باید ایر ون بیضی باشد r

The second controls  $\triangle$  : It is an easy  $\varphi$  , decomposition of the second controls and the second controls and the second controls of the second control controls of the second controls of the second controls of the second controls of the second control  of the second control control cont

ساس دو مماس دو مماس دو مماس دو مماس دو مماس دو مماس موازی برمر کز بیضی میگذرد . موازی برمر  $\mathbf{P}$  دو مماس بر  $\mathbf{P}$  دو مماس بر

ا ا حصیه الحال با ۱۱ الحال کو شههای مساوی بیشی رسم شود این دومهاس با PF و PF گوشههای مساوی میسازند . ۲) خطی که از P بیکی از دو کانون و صل شود منصف گوشهٔ اشعهٔ حاملی است که از این کانون بدونقطه تهاس منتهی گردند .

۱۳ — فضیه — مهاس متبحر کی که بین دومهاس ثابت بربیضی محدود باشد از هرکانون بزاویهٔ ثابتی دیده میشود، ۱۶ — فضیه — مکان نقاط برخورد دو مهاس متعامدبر

بیعتی دایره ایست بصرکی و شعاع ۱۵ اس که که در در ایره ایست بصرف از هر ۱۵ سال دو کانون از هر محر مساویست با ۱۵ ۶ ۲) اگر از یک کانون خطی مواذی مساس رسم کنیم نفاضل مربعات فواصل مرکد از ماس و از خطمر سوم مساویست با خط

۱۲ -- قضیه Chasles -- مکان نقاط برخورددومماس

and the state of 
شعاعهای حامل - مهادله بیشی ۱۷ - قضیه - شماعهای حامل هر نقطه IM از بیشی که فاصله تصویر آن بر محور اطول از مرکز بیشی به فرش شود بتر تیب عبار نند از

 $a = -\frac{cx}{a} \qquad a = -\frac{cx}{a}$   $a = -\frac{cx}{a}$   $b = a + \frac{cx}{a}$   

منعتصات فرض شوند (معدور اطول معدور طولها) معادلة بيضي

وهنشی قسوی و گوره گست به برصفحه بیشی ایست که طول محور اقصرش به بیشی ایست که طول محور اقصرش به بین به بین دری به (محرور الله الله بین صفحه دایره و صفحه نصویر )میباشد.

• ۲ - قیمیه ساحت بیشی مساویست با دلات ت تنجیم و تنجیم از بیشی مساویست با دلات تنظیم از بیشی مساحت هر جزء از بیشی در در مساحت هر جزء از بیشی باید مساحت جزء نظیر آن دا دردایره اصلی بدست آورد و در این ضرب کرد .

٧٧ -- قصيمه د نسبت عرش نقاط مختلف بيضه بعرض نظسیر آنها از دایس و اسلسی مساوی مقدار تابت و است . ( نقطله نظیر آنست که بانقطه مفروش درروی عبودی یر آلاد ۱ و اقد باشته ۶ الا الله و الله معاليه الله الايلان القيلة الله و القيم من بيعني -نظیر نقطه مفروش را برروی دایره اسلی بافته از آن مهاسی بردايره احملي وسم صيكنيم والامسجل تقاطم اين مصاس بامسحور Ide man is IVI end animaland. To It issues IVI in Ide of بیضی - نقطه  $\mathbb{N}I$  را که عرض آن  $\mathbb{N}I$  عرض  $\mathbb{N}I$  باشد بافته در I قطم کند IVII مهاس بر بیشی است و نقطه نماس و اقع است در دوی and co Delita I in and colde to de car in 17) and monetion la la circle  $\Delta$  I فصل مشترك  $\Delta$  وا بامحوراطول بدست Iورده نقطه Iدا هم که عرض آن أن يات نقطه ۱۸ اد اد الله باشد تعيين مياكتيم بردایره اصلی مهاسهای موازی ۱۱۱۰ میکشیم و در روی عمود هائيكه ازنقاط تماس برمصور اطول فرودآيند نفاطي كه عریشان بعرت نظاط مهاس بر نسیس باشد، نعیبی نموده از ابن نقاط خطوطی منوادی ۵ دسم میکنیم . II calle le

الله المر يقب س حددلولي متكان نفاطيست كه تفاضل

و اصلامان از دو نقطه تا بست  $T_0$  مساوی مقدار تا بست  $T_0$  باسد. سایر نماریش مازند شیار تا ( فتط باید نوجه کرد که معدور اقصیر هذاولی درحقیقت وجود ندارد و برای نشیاهتی که بین خواس بیبشی و هذاولی هست خطی دا که از و سط دو کانون بطول  $T_0$   

و المراسم هل الوالى المراسم هل الوالى المراسم و المراسم

 مرا کزدوایریست که بریك کانون بگذرندو بردایره کانون هادی دیگر مهاس باشند) .

۷۷ و مشتر الشاه و هذا الاستان المساد و المساد المساد المستنز المستز المستنز المستزر المستزر المستز المستزر المستزر المستزر المستزر ال

حجاس جر صدر اورادی

می کی قضیه سر مای بر هندلولی زاویه بین دوشهای هامل دا نصه میکند .

قتیجه ۹ ـ وجوع شود بشمارة ۷ (تنیبه ۱ و ۲) تنیبچه ۳ ـ قاتم برهر نفطه از هندلولی ژاویه بین بات شماع حامل وامنداد شماع دیگروا نصف میکند

نتیجه اس رجوع شود به شمارهٔ ۸ (نتیجه)
های فضیه ساس واقعست

يردايرة اصلبي .

می در که رسم مماس به مانند شیاره ۱۰ و فقط باید توجه کرد که رسم میاس موازی امتداد معین فقط وقتی جواب دارد که عبودیکه ازیات کانون برآن امتداد فرود میآید دایر هادی کند (یعنی عبود برامنداد مفروش درداخل زاویه بین دومیاسی باشد که ازیات کانون بردایره مادی کانون دیگررسم میشوند)

معجا نبها بي هندار اي

سرس سر تھر بھی ۔ (رسوع شود بشماره ۱۸۸ قسمت جبر) ۔ و نیز میشوان گفت میجا نس ھندلولی مماسی است که نقطه تماس آن یبنها یت دور باشد .

عس سے قضیہ سے مدلو لی دو مجانب دارد که بر مرکز آن میکند ندہ

نتیجه ۱ مجانبها نسبت بدو محور قرینه یکدیگرند

النیجه ۲ - دومجانبها نسهنلولی عمودها عی هستند که از ۱ بر میاسها عی که در آیند.

ماسها عی که از ۲ و ۲ بر دایره اصلی رسم میشوند فرود آیند.

۳ - فضیه - میانیها دوقطر مستطیلی هستند که مر کرش در کرش با دو محور موازی و بترتیب مساوی ۲ و ۲ و ۲ و ۲ باشند د

نتیجه ۱ -- دو میجانب هدلولی منساوی المحورین برهم عمودند .

۳۲ - فضیه - شماعهای حامل می نقسله هداو ای مساوی مساوی عساند با :

 $\frac{cx}{a} - a$   $\frac{cx}{a} + a$ 

﴿ یَ فاصله ۞ از عدودیست که از نقطه مفروش بر معدور فاطع غرود آید )  $VV \longrightarrow \tilde{\mathbb{R}}$  which is the content of the content

deline by

قتیبی — معادله هندلولی مشساوی المعجورین : ۱۳۰۰ == ۱۳۰۰ --- ۱۳۰۰ المست

 $ix_{\mu} = Y - I Z_{\lambda}$  and  $ix_{\mu} = ix_{\mu} = X_{\lambda}$  and  $ix_{\mu} = X_{\lambda}$ 

( Consider ) ( Contract )

مرس تعریف بیشت بینام کان هندسی نقاطیست که از یات نقطه بنام کانون و بات خط بنام کاهی و بیات فاصله باشند. خطی که از کانون بگذرد و بر هادی عبود باشام معور و فاصله کانون از هادی پارامتر و خطوطی که یکی بات نقطه TM دا یکانون از هادی پارامتر و خطوطی که یکی بات نقطه TM دا یکانون آ وصل کند و دیگری از TM بر هادی عبود باشد شدهای کانون آ بسی و دیگری از میان نقطه تباس و امتداد شده دی محور با سهدی داسی آ نسس در تصویر قسمتی از میاس و اقم بین نقطه تباس و امتداد معور بر محور در انجمیت فال و تصویر قسمت مشا به از قاعم دا تحدید تر محور در انجمیت فال و تصویر قسمت مشا به از قاعم دا در تحدید تر محور در انجمیت فال و تصویر قسمت مشا به از قاعم دا در تحدید تر محور در انجمیت فال و تصویر قسمت مشا به از قاعم دا در تحدید تر محور در انجمیت فال و تصویر قسمت مشا به از قاعم دا در تحدید تر محور در انجمیت فال و تصویر در انجمیت فیل در انجمیت فیل و تصویر در انجمیت فیل در انجمیت فیل و تصویر در انجمیت فیل و

با سر سر در سرم سره می سر ۱ ) با سر کن دا ته خدا کشی در منا بل مادی میشگذاریم ، یات سر نندی بعلول بات ضلم گونیا تیر و

بکانون و سر دیگر آنرا بنقطه تلاقی آن شلع باوتر گونیا تا بست نموده حیلم دیگر گونیا را متکی بعط کش میلفرانیم تولی مدادی که نیخ را همیشه بسلم گونیا ستکی میلفرانیم تولی مدادی که نیخ را همیشه بسلم گونیا ستکی نقطله یابی - از گانون بنقطه غیر مشاعس ۱۸ از ها دی وصل میگذیم ، عمود منصف ۱۸۱ عمودیرا که از ۱۸ بر هادی اخراج شوددر ۱۸ قطلم میگذیم ، عمود منصف ۱۸ و اقسست برروی سهمی دراه دیگر: ما کانون و ۱۱ مسلم تنلاقی معود و هادی فرش میشوند به خط کر را موازی هادی و سما مینگذیم تا معود ر ۱ میل تنلاقی معود و هادی فرش میشوند به خط کر را موازی هادی و شماعی مساوی ۱۳ قوسی میزنیم تا کود در ۱ تلاقی کند به بسر گز ۱۲ و شماعی مساوی ۱۳۱ قوسی میزنیم تا کر د در است تا بهادی در دوی سهمی هستند .

سهمي (شلجمي)

اع - قاصیه - خطی که از ۱۲ بر هادی عدود شود میدور نفارن سهدی است (پهمین جهت محود نامیده میشود).
۲۶ - فاهنیه - سهدی حد یك بیضی است که یك رأس و یك کانون دیگر در روی محود اطول بی نهایت دور شود.

نیه سره سال از قسیه فون مینوان استفاده کرد و بسیاری از سواس سهدی دا بااستفاده از خواس مشابه در بیضی تابت نمود ۰

Tecci and affile  $\triangle$  where  $\triangle$  is a sum of  $\triangle$  and  $\triangle$  is a sum of  $\triangle$  and  $\triangle$  and  $\triangle$  is a sum of  $\triangle$  in  $\triangle$ .

یافته دایرهای رسم میکنیم که بر آل و  $\varphi$ یگذرد و بر (U) مساس شود و مر گر این دایره فصل مشترك سیحی با  $\triangle$  است . برحسب آنگه  $\varphi$  و  $\mathbf{F}$  یك طرف در (D) و اقبرشوندیا  $\varphi$  یر (D) قرار گیرد خط سیحی را دوجا قطع میکند یا بر  $\mathbf{T}$  ت میاسات . اگر  $\varphi$  آن میاسات . اگر  $\varphi$  آن طرف (D)

## مماس بر سهمی

ع کے فضیه - مماس بر سهمی منعمف داویت بین دو شماع حامل است .

قنیهیه ۱ -- قرینه کانون نسست بهر مساس بر خط هادی واقع است .

قتیعجه ۲ ـ اگر از ۱۶ خطی پرشماع حامل نفطه تماس عصود کنیم ، این خط برمیدل نلاقی میاس با هادی میگذرد ، فتیعجه ۳ - قاتم برسهمی منصف زاویه بین باکشماع حامل و امتداد دیگریست .

ع حقیدیه — مهاسی برراس متنان نصاویر کاتون بر مهاسهای برسهمی است . الله قیشیه ۱ ) راسسهسی تعمت قاعم را بدو جزء مساوی نقسیم میکند ۲۰ تعمی است است. تقسیم میکند ۲۰ است است. قاعم مساوی بارامش (معین) سهمی است. قشیمه ۱ تون سهمی از نفاط بر خور د مساس و قاعم هر نفطه با معدور بیات فاصله است.

۷۶ - رسی مماسی برسیمی ۱) از نقطه M واقع بر منعشی : از M منصف زاویه بین MP وعبودیرا که از M بر مادی فرود آید رسیم منیکنیم (ش ۳) داه دی ترود آید رسیم منیکنیم (ش ۳) داه دی ترو

FT of our ender the first of the our ender of the our enders of the our end of

قاعم استفاده میشود ، یعنی PN را مساوی پارامتر جدامیکنیم و PN را بر PN عمود مینمانیم PN از تقطه PNخارج سهدی بسر گز PN و شعاع PN قوسی میزنیم تا هادی را در PN قعلم گند عمودی که از PN بر PN رسم شود جواب مسئله است PN ماس بر PN بر PN را از PN عمودی بر این امتداد فرود میآوریم تا هادی را در PN قعلم گند ، عمودی بر این امتداد فرود میآوریم تا هادی را در PN قعلم گند ، عمود منصف PN ماس مطلو بست PN میاس عمود بر می بر می بر رسم کرد خط هادیست .

نتیجه ۱)خطی که بر نقاط تماس دو مماس متمامد بگذر د

برکانون میگذرد ۲) قعلمهای از بات میاس منهورك مهمور بین نقطه تماس و خعل هادی از کانون براو به قاتمه دیده میشود.

۶ع قضیه خطی که از محل تقاطر دو میاس موازی معور رسم شود بروسط خط واصل بین نقاطاتیاس میگذرد.

۰ - قضیه پو قسله ۱) مساسها تیکه از بات نقطه ۱۷ بر سمصی رسم شوند باخطی که این نقطه را بکانون ربط میدهد و با عمود یکه از ۱۸ برهادی فرود میآید گوشههای مساوی میاوی میسازند۲) ۱۲ برهادی فرود میآید گوشههای مساوی میسازند۲) ۱۲ برهادی فرود میآید گوشههای حساوی میسازند۲) ۱۲ برهادی قوشه بین شماعهای حامل دو نقطه

۱۰۰ فیضیه - قسمتی از مهاس متحرک که بین دومهاس تابید مخصور یاشد از کانورت بلکوشه تابید دیده میشود . فقیعیه ساگر سهمهاس برسهمی یکدیگررادر NT و NT و ۱۲ و ۱۲ قصلم تخدیر کندرد دایره MINIP بر کانون سهمی میگذرد.

تههای سامل ، معادله ، مساحت سهمی . ۲۰ - قضیه - هرگاه راس سهمی را مرکز میختصات ، محور آنرا محور طولها و میاس بر راس را محور عرض ها فرش کنیم :

 To and a sale e and a many with extending the state of the sale of

عدس معتبیه هم صحیح است . ۱۱۷ خواصری منت قرائے بیصنی ، هذالو لی و سهمی

و و و و اصلامان از کانون و هادی تابت و تابت و کوچکتر از میفیده را

ز ۱ میباشد. ۲) هذاولی متکان هندسی نقاطیست که نسبت ۵ و ۱، ۶ خواصدلشان از کانون و هادی ثابتی ، ثابت و بزرگنر از ۲میباشد .

بازاء هرکانون یك هادی و جوددارد که و ابسته بآن کانون است) پس بیشی و هذاولی و سهمی مکان هندسی نقاطی هستند که نسبت فواصلتان از نقطه تابتی و خط تابتی مقداری است

فتیسه ۱ مداولی باسهسی بربیضی عمدلولی باسهسی محصور بینهادی و نقطه نماس از کانون بزاویه فاتمه دیده میشود نتیسه ۲ سال ۱ باکر از باک نقطه ها و اقع برمادی دو مماس ۱۲۳۲ و ۲۳۳ و ۲۳۳ و ۲۳۳ و ۱ تیم و در ۱۳۳۳ و ۱ تون میگذردو و ۱۳۳۳ و ۱۳۳ و ۱۳۳۳ و ۱۳۳ و ۱۳۳ و ۱۳۳۳ و ۱۳۳۳ و ۱۳۳۳ و ۱۳۳ و ۱۳۳۳ و ۱۳۳ و ۱

۸۰ — و سهم همهٔ سی — برای اینکه از تفطه ۱۳ و اقد بر یکی اینکه از تفطه ۲۳ و اقد بر یکی از ۲۶ و اقد بر یکی از ۲۶ و اقد بر یکی از ۲۰ و اقد بر ۱۳۱۰ و حدودی بر ۱۳۱۰ یکشیم تا هادی را در ۱۰ و

قطے کند. PT مماس معللوبست ،

ت مقاطع منحروطی ۲- مقاطع منحروطی

٥- قضيه ١٥ ند دو - هر كاه صفحه اى محروط مستديرى

را قطم کند: ۱) اگر هما مولدهای آنرا در یك طرف راس «نلاقی کند مقطع یك بیضی است (شهر) ۲) اگر امتداد بعضی الرمولدهاد ا قطع نماید (دو دامنهٔ مغوروط را قطم کند) مقطع هدلولی است (ش ۹) ۳) اگر مقطع هداولی است (ش ۹) ۳) اگر میشود موازی یك مولد باشد مقطع سیمدی است (ش ۱۰)



مسته با شبه مقطم دایره اکر صفحه قاطع عمود برمه و رمخروط مسته برمه با شدم فطم دایره است . ۱۳ مسته بره ۲ میناسیت اینکه بیضی و هداولی و سهمی مقاطع صفحه در متحروط هستند آنها رامقاطع یا قطعات مخروطی یا بطور خلاصه صغروطات گریند بیضی را قطع قاقص ، هداولی را قطع خرائد و سهدی را قطع مکافی نیز مینامند و سهدی دا قطع مکافی نیز مینامند و سهدی دا قرصوری از اس مغروط بینها بت دور شود میندی باستوانه مستدیر میگردد . پس مقطع صفحه مستوی در استوانه مستدیر نیز بیضی است ، مکر وقتی حکه حمقیم صفحه با مولد موازی باشد که در اینصورت مقطع دو خطمستقیم است (یعنی باک سهدی که پارامترش صفر و کانونش بی نهایت دور است) .

## هندسه رقومی و هندسه ترسیمی

۱ — موضوع هندسه های رقومی و ترسیدی نسایش اجسام است بو سیله نصاویر قائم آنها .
 ۱ مهر ترسیده نصاویر قائم آنها .

"IM تصویر تقطه IM بر صفحه تصویر (IP) موقع عمودیست که از IM بر (IV) فرود آید . همیشه میتوان از IM به 'IM بی برد اما 'IM یشنها تی برای مشخص کردن IM کافی تیست ذیبرا 'IM تصویر جمیع نفاطیست که بردوی عمودی که 'IM موقع آنست و اقع باشند .

یس برای مشخص ساختن M باید علاوه بر M عامل دیگری در دست باشد .

این عامل میکنست رقوم آلا یمنی فاصله آلااز صفحه مقایسه باشد ( موضوع هندسه رقومی) با تعمویر دیگریاز

loget airms cëras

الله المستحده ویگر (صوضوع هندسه ترسیمی) الله الست بتا براین موضوع هندسه وقومی نمایش اجسام است بوسیله تصایف اجسام است بوسیله تصافی تمایش اجسام است از بریات صفیحه وقاصله نقاط میخشان از لین صفحه و مدهده ترسیمی نمایش اجسام است بوسیله تنصاویر شان بردوصفحه مشخص م

ا مد الاحتمال الله وعداله و قول ماديه

Alexais \_\_ T

۲ --- نقطه بوسیله تصویروفاصلهٔ اش از صفحه افق (صفحه صفایسه) مشخص میشود. تصبویر نقطه را با حروف لانیشی کوچات ورقوم آنرابشکل اندیس زیر آن نمایش میدهندما نند نقطه به (شر)) رقومهادرصفحه صفایسه صفره زیرآن صنفی و بالای آن مئیت میباشند .

تنصبویر نقصله و رقوم آن را ملاهدی مرفوم آن را ملاهدی نقطله مینگویند و ملخوس مر شرکلی شکلی شنگلی است آکاه از ملخوسهای نقاط میدنده آن به به آمیم باشد و مختیفی نمینوان نمایش دادناچار ایماد آنها را ده و مشد و مزاد و د...

مقیاسی حصلی عبارت از خطی است که واحد طول را پس از کوچات کردن چند بار برآن نفل کرده اند و جرء اول سست چپ آنراکه هاشنه مقیاسی میگوریند باجزاء کوچکنر تفسیم نجوده اند (ش ۲)

• • • میتر است. برای تعیین فاصله دو نقطه دروی نقشه بایر گاو فاصله آنها را برروی مقیاس نقل نموده میخوانند . II \_ خوط همی قفیم

ع - تصویر خط مستقیم خط مستقیم است و بوسیله دو

نفطه مشخص میشود مانند خط علا کو شیآ ) اگر سخط فصل مشترک خط اسری با تصویرش، شیبخط خلل میل خط کل خطل میل خطل و اساسی با قراز خط خلل تصام آن داویه است:

( x )

DE NIM' AM

OLLI COES BB MM' AM

BB MM' AM

پس اساس حصد فاصله تصاویر دونقطه از خط است که اختلاف رقومشان ۱ باشد و شیب عکس اساس میباشد . خطی را که نقاط صحیح الرقوم بغاصله اساس برآن مین شده باشد مدرج گویند . ۱ - حیط ۱ فقی همه جا دارای بك رقوم است . تصویر

خط قائم یا نقطه آست . ۲ - تسطیع صفحه فائم بر افق بعنی صفحه فائم راحول

یات حط افقی بنام لولا باندازه مه درجه دورانت دهیم نا موازی صفعدهٔ افزی شود. آگررفوم لولاصفر باشد صفعه قاعم بعد ازدوران برصفعه افزی منطبق میشود (ش غ) مهرنفطه مانند (م از

صفحه قائم بوضم می هم در میآید و ۱۱ هم مساوی رقوم نقطه

وعمود بر لولا است .

پس برای نسطلیح خطی کافیسناز دو نقطهٔ آن (ش ه) دو عمود بر تعمویر خط اخراج گنیم و مساوی د قوم آن نقاط بر عمود ها جدا نسائیم و نقاطی را که بدست میآیند بهم و صل کنیم .

٧ -- عكس عمل انسطيع را الرفيع مينامند . ٨ -- قهيوي شيوي شيدو اساسي شيا -- فاصله انساو بردو انقطه كه اختلاف رقومشان ١ باشد اساس خطاست (ش٦٠). براى بدست آوردن شيب عكس اساس را ميسازيم .

مارورون سیب سیمی اسام کارد. مارورون دورون 
من ابر تسطیح خط بدست میآودیم

(شیع) مساوی رقوم ته

حو نقعده .

MT onless ceep T inclination of M in M is a second of M in M

M'M' A'M' am
BB' A'B' ab

(Y)

2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D - 2 D -

د قوم IVI دا که مجهولست بدست میآورند (ش۷)
عکس مسئله هم بدوراه مذکور قابل حل است و ۱ - تعییرت او به خط باصفحه مقایسه - ۱)یکمات تسطیح ۲) یکمات محاسبه با استفاده از شیب یااساس ۱۱- فاصله دو نقطه - ۱) کمات تسطیح ۳) یکمات محاسبه با استفاده در تسلیح ۳) یکمات محاسبه با استفاده در قوم های محاسبه با استفاده در و دوم های

و دی دو

۱۲ حو شط مو ازی دارای تصاویر موازی، اساس.
مای مساوی و نرقی رقوم دریات جهس هستند.
۱۲ حو شط متفاطع \_ تصاویرشان منتفاطهندو نقطه تفاطع . دروی مردو تصویر یات رقوم دارد.
مردوی مردو تصویر یات رقوم دارد.
مر گاه تصاویر دو خط داد ده .

. هرگاه تساویر دوخط داه و cd یکدیگروا در خارج حدود شکل قطح کننددوخط co و lod را رسم میکنیم ، اگر ناین دوخطمتوانی یا منقاطه باشند دوخط alo و cd و cd منقاطهند

و کرنه متنافرند .

رقوم نقطه تقاطع بامعاسبه بدست میآید. بهنر اینست که جهار نقطه دویدو منحدالرقوم دو خط رایهم و صل کنیم ، اگر دوخط و اصل کنیم ، اگر دوخط و اصل کنیم ، اگر دوخط مفروش منقاطع خواهند بود. III \_ حیقی سه

١٤ - صفحه با سه نقطه یا دو خط متوازی یامنقاطی

مشخوص میشود . ۱۰ حفیده ۱فقی همه جایك رقومدارد. تصویر صفیحه

قائم بات خط است ( اثر سفحه) ٠

۱۳ – ۱۹۵۱های صغیحه مقاطع آنند با صفحات موازی با افق . بس همه با یکدیگر موازیند . برای رسم یك افقیه كافیست دونقطه منتحدالرقوم از صفحه را بهم وصل كنیم -

۱۷ - خط بر المست که با صفحه آن است که با تصویر شن بزرگذرین داویه ای را بسازد که خطوط صفحه با

تنصاویرشان میسازند ـ

خط برر گنرین شیب صفحه عمدودست بر افقیه ها . پس نصویر آن هم بر نصاویر افقیه حسا

خط بررگترین شیب بتنهای برای نیسایش دادن صفحه کافیست ( زیرا امتداد افقیه ها را بدست میدهد) . پس برای فایش صفحه خط بزرگترین شیب آ که مدرج شده باشد بدوخط موازی نهایش میدهیم (ش۸) . این خطرا مقیاسی شیس صفحه میگوید و

١١ - توازي حيط و صفحه - خط وقتي يا صفحه موازیست که بایکی از خطاهای آن متوازی باشد. ١٩ - توازي دو صفحه - دو صفحه و قتي منوازيند که دو خط متقاطم یکی بادو خط از دیگری موازی باشند . برای مولزی بودن دو صفحه کافیست منفیاس شببهای آنها منوازی باشند. - ۲- تقاطع صفحات - برای پیدا کردن فصل مشترك

دو صفحه چهار افقیه دو پدو همر قوم آت ها دا امتداد میدهیم تا همدیگردا در نقطة m و القطم كننه به m م m فصل لا مشترك دو صفحه است (شه) حركاه تصاوير مغياس شيب هاى

دو صفیحه موازی باشند چهار نفطه دو يدو متعدالرقوم آنها را بهم وصل ميكتيم تا يكديگر وادره تلاقير كنند

اقفیه ای که بر ۵ بنگلدرد فصل مشدر ل مطلوب است (ش،۱۰) ١٧-١١١١ و صفحه - براى بدست آوردن فعمل خطامشدرات ما ۱۲ و صفحه ال (ش ۱۱) . رخط یات صفحه اختیاری مرور مید محیم وبكمائ افتيه هاى ١ و ٣٠ آن فصل مشتر كش را با صفحه حلل بدست مياوريم - اين فصل مشترك خط دان دا در ۱۱۱ قطليم ميكند. ١١١ معمل تلاقي دان با صمعمه الله است - decine of ages from - YY

< \ \ \ \_ \_\_\_ \

Z IV

۳۳ سنسطیع یا شکل مستوی عبارت از آستکه سفود و بنام لولا و آنستکه صفحه شکل را حول یا خط افقی خود ، بنام لولا و آتفدر دوران دهیم تا موازی صفحه افق شود و آگر صفحه آگر سفود آگر صفحه آگر صفحه آگر سفود آگر صفحه آگر صفحه آگر سفود آگر سفود آگر صفحه آگر سفود آگر س

Expense of seeds

AIB Consider Constants and AIB

INT ICTION Constants and INT INT Internet and ICT Constants and INT Internet and INTERNET

et. one put of the one 
ین قاعده را قاعده سه به سه گویند کویند . چون ۱۱۱ و تسطیحش در دست باشنده مینفطه دیگر مانند ۲۱ (ش ۱۶) در ایکسات آن تسطیع میکنیم . ۲۶ — ترفیع عکس عمل تسطیع

. . ۱۰ - برای اینکه در روی شکلی ایماد و زوایا به هدار ۱۰ - ۱۰ - ۲۰ این ۱۰ - ۲۰ این داریک

حقیقی مملوم شوند باید آنرا نسطیح کرد. ۲۲ -- صفعه را عدوما حول یکی از افقیه های آرنی نسطیح میکنند.

Connected to the same of the s

۲۷ — صفحات تصویر عبارتند
از صفحه فقی (FI)و صفحه قائم (۷)عصود
یر آت. T.T. قصیل مشنر لت در صفحه را خط
الار شی میگویند . فاصله نقطه ۱۱۱۱ز
صفحه افق ار تفای و از صفحه قائم
بیعد نام دارد .

بعد نام دارد .

یالای صفحه افق ارتفاعات مثبت وزیر آن منفی و جلو
صفحه قائم بعدها مثبت وعقب آنمنفی میباشند همیشه وقنی
یالای صفحه افق وروبروی صفحه قائم بایستیم در روی فصل
مشترك دوصفحه (خطالارش) \_ T را طرف چپ و T را طرف
راستمینویسیم(ش۰۰) و آگراین ترنیب عوض شودجهت مثبت

TI بر افق منطبق شود و تصویر قائم نقطه بوضح ۱۱ در آید بال بر افق منطبق شود و تصویر قائم نقطه بوضح ۱۱ در آید بال چون IT را دوی صفحه کاغند بحکمیم بالای آن جای ارتفاعهای مثبت و بعدهای منفی و دیر آی بالای آن بال بالای مثبت و ارتفاعهای منفی و دیر منفی است بالای است بالای است بالای است بالای مثبت و ارتفاعهای بالای است بالای مثبت و ارتفاعهای بالای است بالای مثبت و ارتفاعهای بالای بالای می نقطه بالای بالای می نقطه بالای بالای می نقطه بالای می نقطه بالای می نقطه بالای در نقطه بالای می نقطه بالای می نقطه بالای بالای می نقطه بالای در نقطه بالای در نقطه بالای می نقطه بالای در نق

تصویر افقی را با حرف کوچاٹ لاتیتی وتصویر قائمرایا همان حرف یا علامت (') نمایش میدهند(ش۱۲) ۰

روی یا رابط ( خط عدود بر L'T)

۱۱ سامه می استوری فضارا بههار ناحیه تقسیم می کنندور ناحیه اول بعدی ارتفاع مثبت تقطه (۱۳۳۱ ش۲) ، در دوم بعد منفی وارتفاع مثبت (نقطه ۱۳۳۱) ، در سوم بعدو ارتفاع منفی (نقطه ۲۳۰) . و در چهارم بعد مثبت و ارتفاع منفی است (نقطه ۱۳۵۰) ، نقاط و اقع در صفحه منصف فرجه نواحی اول و سوم دارای بعد و ارتفاع مساوی و متعدالملامه اند بعنی تصاویر شان نسبت به ۱۳۳ قرینه یکدیگرند (۱۳۰۰) ، تصاویر نقاط و اقع در صفحه منصف فرجه نواحی دوم و جهارم بریکدیگرمنطبقند، و برا بعدو از نفاعشان مساوی و مختلف الملامه میباشند ۴۴۰ ه

Francis Des - V

۳۹ — خط مستقیم بوسیله تعماویر قاتم وافقی که بیات حرف بزرات لاتینی خوانده میشوند میشوند تماویر قاتم وافقی که بیات خاید خوانده میشوند تمایشداده میشود مانندخیل کی هی است داده میشود مانندخیل کی هی است ۱۳۸۰ ( شر۷۷)

- ٣ - خطوط و ههی عبارتند از : خط افقی موازی صفیحه افق ، تعصوبر قاتمش موازی

حفظالارض است.

حصد فالله عمود برصفحه افق انصویر افتیش بات نفطه و تصویر قاعمش عمود ست برخطالارش و خطویر فاعمنتصب عمود برضطه فاعم الارس و خطمنتصب عمود برصفحه فاعم الارس و تصویر فاعمنت بات نفطه و تصویر افقیش عمود ست برخطالارش.

حقظ فيمرح عدود بر خطالارش، تصاويرش بر استساد يكسيكر عدودبرخطالارضنده

حصامواجه موازی خط الارض ، تصاویرش هم موازی خط الارضند -خط الارضند -هرخط بوسیلهٔ تصاویرش مشخص میشود مگر نیمرخ که باید اقلا دونقطه آن مشخص باشد -

که باید اقلا دو نفطه آن خشیخس باشد -برای سل مسائل مربوطبخد نیمرخ باید آنرا "نسسلیم کرد (رجوع شود بشماره ۲)

١٦٠ - نقاط مهم حفظ عيار نند از :

ا ثر افقی که برای بدست آوردنش تصویرقایم خط را امتداد میدهیم تماخطالارش راقطع کنده اثر قائم از برخورد تصویر افقی با خطالارش مشخص

میشود . فقطه قلاقی خط و منصف فر چه اول از تلاقی قرینه یکی از تصاویر خط باتصویر دیگر مشخص میشود . یکی اقطه قلاقی با منصف فر چه دوم از تلاقی تصاویر خط مشخص میشود . خط مشخص میشود .

۳۲ — توازی دو خط — تصاویر همنامشان متوازیند. ۳۳ — تفاطع دو خط — تصاویر همنامشان متفاطعندو دو نقطهٔ تفاطع بریك رابط واقعند .

برای تحقیق اینکه دو خطاکه تصاویرشان در خارج حدود شکل متفاطعند یکدیگر را قطیم میکنندیانه دو نقطه ینگی را بدو نقطه دیگری و بدست نقطه دیگری و صلی مینکنیم و اگردو خطاکه باین طریق بدست میآیند منتقاطی و منتقاطید .

ع۳ — توازی دو نیمرخ نیز بنحو فوق تحقیق میشود.

وسم المنتوادي بادو قط منقاطع بامنوادي باسه نقطه عبر واقع بريات استقامت يا يك خط و نقطه مشخص ميشود و سم المنتوادي ميشود و سم المنتوادي و ا

قطام ميكنند .

نمایش صفحه بوسیله آثار بهشرین طریق نمایش آنست - افقیه ها که تصاویر افقیشان موازی اثر افقی است. حیمهیه ها » « قاعماست. حیمهیه ها » « قاعماست. « قاعماست. خیمه بور می تمیم شمیس قسیمه افق که تصویر می سان این افتار 
افقیش عمودست براثر افقی . حیظ بزر سیختر بن شیب نسبت بصفحه فائم که تصویر فاعیش عمودست براثر فاعم.

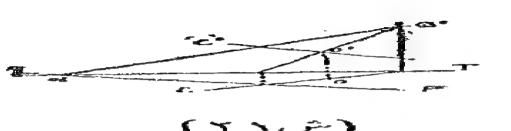
۳۷ -- صفحات مهم عبارتنداز : صفحه افقی اثر افقی تدارد اثسر قاعمش مروازی خط الارض است.

صفحه قائم ، اثرقائمش عمودبر خطالارش ( نصاویر اختی جمید خطور و قاطش بر اثر افتی آن واقع میشوند ) صفاه ی حمقه میشوند ) حمقه میشوند ، اثر افقیش عمودبر خطالارش (نصاویر قائم جمید خطوط و نقاطش براثر قائم آن واقع میشوند ) حمقه نیمرخ ، آثارش بریك امتداد و عمودند بر خط الارش

٥٠٠٥ قطم ميكند(ش١٢)، اين نقطه

فعدل مشترك خطو صفحه است ٠

No 1 State of the 
۲ عسمقصوداز تغییر مکان دادن یك مشکل مستوی اینست که آنرا با یك صنعه تصویر (یایك صنعه تصویر را موازی آن این موازی آن) قرار دهیم تا تصویر جدید شکل با خودآن مساوی شودو بتوانیم ازروی آن خواس و ایعاد و زوایای میکانیا



شکل را مطالعه کنیم • تغییر مکانها بر سه قسمند : تغییر صفحه، دوران ، تسطیح.

### design years - 9

٣٤- در تغيير صفحه صفحه افقى ياقاعم تصويروا موازى صفحه صفحة ديكر ثابت ميماند ، هر تغيير صفحه يوسفحه يو سيله وضم عديد ميلارس مشخص ميشود . \\ - تقيير صفحه قاعم تغيير حداين تغيير جون صفحه قاعم تغيير

نسیکندنساویرقایم نقاط و بعدهای آنها ثا بسمی سا تندو فقعانساویر افقی وارتفاعات تغییر میکنند . پس (برای بدست آوردن تعباویر

افقی جدید باید از نساو برقائم (که تا بتند) عضودهای برخطالار ش جدید کشید و یسر آنها ایمادرا (که تا بنند) آنها ایمادرا (که تا بنند) سهدانسود(ش ۲۲۰) بها ایمادرا (که تا بنند) سهدانسود(ش ۲۲۰) ب سفیده قائم سدرا بن تفییر صفیحه قائم سدرا بن تفییر حسفیحه قائم سدرا بن تفییر حسفیحه قائم سدرا بن تفییر

ai ai

( TY )

و تعماو برقاعم و ارتفاعات تغییر میکنند (ش ۲۳)

یه اقفییر صفحه معشاعف البدی
اول یکی از صفحات تعمویر و بعد صفحه
دیگر را تغییرداد . این عمل تر کیبود
عمل سایق است. مثلا در شکل ۲۶ تغییت
میفحه افق و بعد صفحه قاعم را تغییر
به میدهیم .

تونجه کنید : -- درمومی تغییر صفحه بسایسه منسوجه عالامیت

بعدها و ارتفاعات و وضع خطالا رض جدید بود یعنی آگر آ طرف چیب خطالا رض جدید بود یعنی آگر آ طرف چیب خطالا رض و ارتفاعات مثبت زیر و ارتفاعات مثبت یالای آن واقع میشوند و اگر را را را طحرف راست یگذاریم حکس این ترتبب خواهد شد .

 ۷۶ - صفحه ایر اعمو د بر صفحه افق (یافائی) یاید قرارداد سانتوست باید صفحه را عمود برصفحه قالیم ۱ (یافق ) کرد بعد موازی صفحه افق (یافاتم) نمود (تغییر مفحه مضاعف ).

حي ـ دوران

مع دوران نقطه می گاه نقطه ای حول محودی عمود بر بات صدقیه (مثلاافن)
یا ندازه زاویه دوران کند تصویب آن برآن
صفعه درصفحه بهیان اندازه دوران میکند و
تعمویرش بر صفحه دیگر (قائم ) درروی خطی

( × 0 ~ )

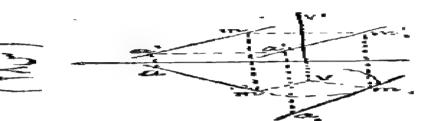
پس در دوران نقطه آدول محور قائی تصویرافقی آبی مورزی خواری موازی موازی موازی موازی موازی موازی موازی توازی موازی توازی موازی کی تصویرافقی دوران شهراید (ش ۲۲٪) و در در دوران میتده بی تصویر میتده بی تصویر میده دوران تموده تصویر میده بی توانی موازی میده دوران تموده تصویر میده بی توانی 
الفغى موازى خطالار ض نفيير سكان ميدهد . ۱۳۰۷ - دوران خط - البته براى دوران خط كافيست دو

النفطة آنرا دوران داد (شر۷۷) . اله ظاهن با داينمساويست .

ر مدیگر اینست که عمودمشترک سمعوروخعل را رسم کنیم وموقع آن آنرا باندازهٔ زاویهٔ معددوب (دوران

دهیم ووضع جدید خطرا بوسیله رسم عمود بروضع جدیدعمود مشترك مشخص كنیم . آنگاه تصویر قاعم را بوسیلهٔ نعبین اوضاع جدید تجاویر نقطهٔ دیگرمعین نمایم (ش۲۷)

معد حوران صفحه باید یک نقطه ویک خط از صفحه رادوران داد. ویک خط از صفحه رادوران داد. ویک محور یا صفحه را که حین دوران تابت میماند در نظر گرفته یک خط از صفحه را در محولا اثر قاعم را اگرمحور قاعم یاشد و اثر قاعم را اگرمحور قاعم یاشد و اثر قاعم را اگر محور منتصب



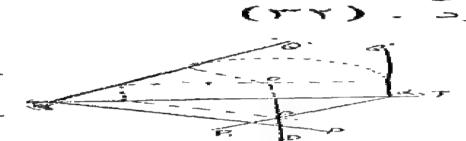
باشد) باندازه زاویه مطلوب دوران میدهیم - اگر یکی از آثار را دورازی دهیم به برای تعیین اثر جدید دیگر از امتداد جهیه یا افقیهای که برمحل تلاقی محور وصفحه میگذرداستفاده میکنیم (ش ۲۹ و ۳۰)



۱۰ \_ حصلی را دوران دهید نا جیهیدهدون یاید تصویر افقی خط موازی خطالارض کردد . پس یایه خصف را حول محورقائم دوران داد تا و قنی تصویر آفقیش موازی TTشود (شT) T می و قنی موازی T می و قنی موازی T می و قنی موازی T می موازی T

قائم شود یاید اثر قائم برخطالارش عمود گردد. پسی بایدصفحه طول محور مشتصب آنفدر دوران کند که اثرقائمشی بر ۲۰۲۰عمودشود ۳۵ - تورجه گنید ؟

برای اینگه خطی موازی یاصعحه
ای عمود بریات صفحه تصبویرشود یات
دوران یایات تغییر صفحه لازماستو برای
اینکه خطی عمود یا صفحه ای موازی
یات صفحه تصبویر شود بایددودوران
یادوتغییر صفحه دادیمی اول خط را



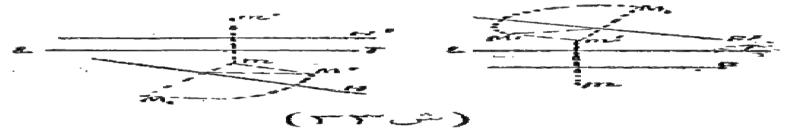
موازی بات صفحه تصویر و بعد عمود برصفحه دیگر تمودیالول صفحه راعمود بریك صفحه تعمویر و بعد موازی باصفحه دیگر كرد •

ہے ۔ گسمھاڑے ہے یح سے تسمطیعے بعثی موازی قراردادن بلک شکل مستوی

یا صفحه افق یا صفحة قاتم و برای سای حفظ افقی یا برای این کار باید صفحه شکل را حول یا بات خط افقی یا جبهی بنام او لا آنفدردوران داد تا موازی صفحه افق یا قاتم شود و تسملیح هرنقطه بردوی عمودیست که از تعمویر آن بر لولا فرود آید و فاصله اش از لولا و ترسه برقاتمیست که یات ضلح آن فاصله تصویر آن نقطه از لولا و ترسه برقاتمیست که یات ضلح آن فاصله تصویر آن نقطه از لولا و ضلح دیگرش اختلاف

ارتفاع (یا بعد) نقطه و لولا باشد (رجوع شود بشماره ۲۳)

پس برای تسطیح یا نقطه حول با افقیه (جبهیه)
از تصویر افقی (قائم) نقطه خطی موازی لولا رسم و برروی
آن باندازه اختلاف ارتفاع (بعد) نقطه و لولا جدا میکنیمونیز
از تصویر نقطه عصودی بر لولا فرود میآوریم و برامتداد آحنه
طولی مساوی و تر سه بر قاعمیکه برروی دو خیط مرسوم ساخته
شده باشد جدامینمائیم (ش۳۳) (قاعده سه برقائم). نقاط دیگر



٥٥ - قرقیع عکس عمل نسطیع است • ٥٠ - قرقیع خیط کرد ٥٠ - قسطیع خیط کافیست دو نقطه آنراتسطیع کرد و بکما آنها خیل را نسطیع نصود • هرخط موازی لولا باشد تسطیع شر هم یا لولا موازیست • نسطیعات خطم طمنوازی منوازی منوازی در ا

قاعم آن نسطیع میکنند و برای اینکار نسطیع اثر قاعم راحول اثر افقی (شرع۳) یا نسطیع اثر افقی را حول اثر قاعم (شره۳) بدست آورده سایر نقاط مانند ۱۱۱۱۲۰ را بسدد آن نسطیع مینماعیم •



برای تسطیح اثر ظائم حول اثر افقی بلت نقصله، امانند کهه، دالختیار نمودهای ه عمودی براثر فرود میآوریم و بمرکز به و شماع هه قوسی میزنیم نا عمود دا در هر قطع کنا مهم ده به تسطیح اثر قائم است -

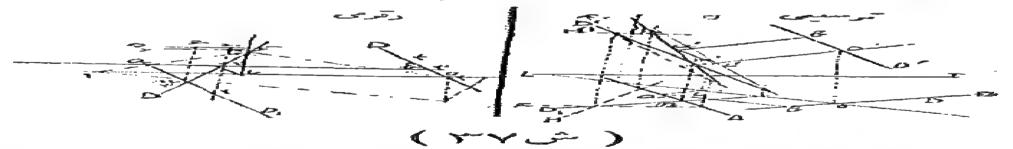
۱۰۰ حقر ابداه باتسطیع خط راهیشه با خط تقطه تمایش میدهند -

و منتصب برای تسطیع صفحه قائم یا منتصب برای تسطیع شده از به از ۱۹۱۱ با ۱۹۱ با ۱۹۱۱ با ۱۹۱ با ۱۹ با ۱۹۱ با ۱۹ با ۱۹۱ با ۱۹ با

( ~~ · · · )

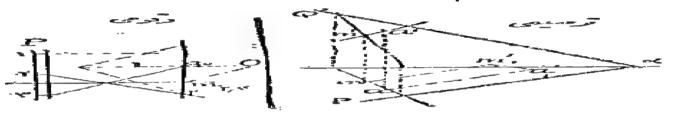
To - ac Bcc Box senth

ending the continue of the co



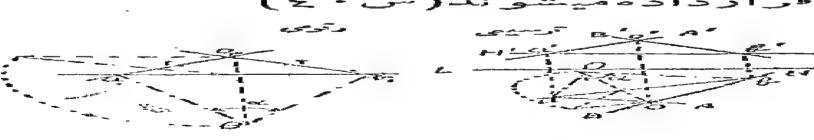
ای سیمی یکمنه دو نقطه A و B - در تر سیمی یکمنه تغییر صفحه یا دوران و در قومی بوسیله تسطیح خط و اصل بین دو نقطه مملوم میشود (ش $\gamma$ )

ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO - ACO



( ~~ ~ )

TY - blocks iteds lited - constable of TY lited - TY - control of the control of



الإسر صبقتها

٥٧-زاويه خط وصفحه - يعنى زاويه خط بانصويرش

۳۳ - زاویه دو صفحه صفحه ای برفصل مشترك آنها عبود نموده فصل مشترك آنرا با هریك از آن دو پیدا میكنیم (ش۱۶)،زاویهٔ بین دوفصل مشترك زاویهٔ بین دوصفحه است



۵۳ - برخطی صفحهای بهدرانید که با صفحه ۱۶قق زاویه به تشکیل دهد .

هندسه رقومی: بسر کر بهوشماعبرابر میراد دایره ای میرزنیم و از به ا میاسی بر آندایره رسم میکنیم، شماعی ازدایره میرزنیم و از به اسعود شودمقیاس شیب صفحه مطلو بست (ش۲۶)

هندسه نرسیمی: ۱۰۵۱ افقی خط ک △ دا تعیین میکنیم از یك نقطه ۱۵۰ جبهیهای که باصفحه افق زاویه می بسازد رسم نموده ۲۵۰ اثر افقی آنرا بدست میآوریم، بصر کر به و شماع عد دایرهای ترسیم نموده از دا مماسی بر آنت رسم میکنیم این مماس اثر افقی صفحه مطلو بست (ش۲۶) اثر قائم



(€Y ॐ)

حمد با صقحهای ازیک نقطه حقطی رسم کتید که با صقحهافق زاویهه بسازد ـ هندسهرقومی — بمرکزهرشماع ه p==cotg داءرهای

حصیل سی و و هی سے بعر دری و سیاح کی و علم کند، و میزنیم کا افقیه رقوم ۲ صفحه را در دا و c قطم کند، داد و در دا در دا در دا و c قطم کند، داد و در دا در جواب مسئلهاند (شسیم)



( 27 -)

ده میکسیمه فرسیمی : از ۱۱۲۰ جبهیه ای رسم میکشیم که بالفتی افزی دادی و سم میکشیم که بالفتی افزی در به بسر کرده و شماع ای میزنیم تا از اید ستمی او در دا و دفعلم کند و شماع دادد در دا و دفعلم کند دادی دادد (شماع)

مهنده می قرسیمی : برای اینکه زاویه صفحه ی به آل و آبه صفحه ی به آل دابه صفحه از نامی اینکه نفیی کا ترا صفحه افزی انتیان کنیم بوسیله تغییر صفحه قاعم (افغی کا ترا بصفحه منتصب (قاعم) تبدیل مینکئیم و زاویه اثر قاعم (افغی) دا با خطالارش اندازه مینگیریم (شن ه که ۱۷ و ۲)



ستر ہے ج

شر ع ج

· Y - čle sa sied slessis ine se

هندسه قرسیمی - برای آنکه داویه خط " آل دا دا با صفحه افق (قانم) تعیین نیاتیم آذرا بوسیله تغییر صفحه قانم (افقی) تعیین نیاتیم آزرا بوسیله تغییر صفحه قانم (افقی) تبیل یخیل جبهی (افقی) میکنیم و داویه تصویر قانم (افقی) دا باخط الارش اندازه میگیریم.

۱۷۱ - نمایشی چید رودها برای آنگه چند روئی را بو سیله تعماویرش نمایش دهند نعماویر روس و اضلاع دا رسم میکنند. نصاویر نمام رؤس و اضلاع درداخل خطشکسته مسدودی واقعند که دورهٔ ظاهری نامیده میشود . خطوط واقع در درون دوره ظاهری برخی

مرائی و بعضی میخفی میباشند به برای تشخیص خطوط مرای از مخفی فرض میکنیم چشم بفاصله بی تهایش دور ازصفحه تصویر واقع باشد در نتیجه خطی که ازمحل تفاطع ظاهری دو خط واقع دردرون دور دخلاهری بجسم وصل شود برصفحه تصویر عبود میشود . ایر خط دو یال بجسم را که تصاویر شان منقاطمت قطع میکند ، هریات از دو یال جسم را که تصاویر شان منقاطمت قطع میکند ، هریات از دو یال که نقطه تفاطع آن از صفحه تصویر دور تر باشد مرای و دیگری مخفی است پس از دو یال متنافر که تصاویر شان منقاطع باشند در تصویر افقی آنکه ارتفاع نقطه تقاطع ( ودر تصویر قائم در تصویر افقی آنکه ارتفاع نقطه تقاطع ( ودر تصویر قائم اینکه بحد نقطه تقاطع ) برآن بیشتر است مرای است . هر یال که بیك نقطه غیر مرای و هر صفحه آکه بیك یال غیر مرای میساشد .

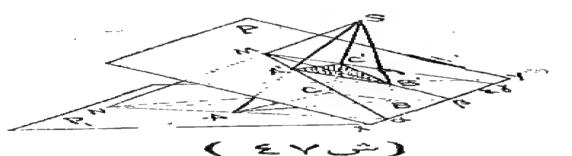


ارتفاع m روی Cd گستر است تا روی ae پس

عدد ودرنتیسجه ۱۰ و ۲۱ مرئی هستند .

۲۲ مقطع اجسام - مقطع هرصفحه دریك چند رو چندیری است که رؤسش فصل مشترك یالهای چند رو با صفحه و اخلاعش فصل مشترك روهای جسم با صفحه اند . پس بارای بدست آوردن مقطع بدو طریق میتوان عمل کرد : ۱) تعیین رؤس ۲ ) تعیین روس ۲ ) تعیین اضلاع .

را حدیدی رقی سی اگر بخواهیم فصل مشترک صفحه P (ش ۷۶) را با هرم ABC میراک صفحه P (ش ۷۶) را با هرم SABC پیدا کنیم بعد فصل مشترک و یا قاعده جسم را بدست میآوریم بعد خطی بر ۶ میگذرانیسم تا P و صفحه قاعده را در Mو Meda کنداز N و به روس قاعده و صال نموده امتداد



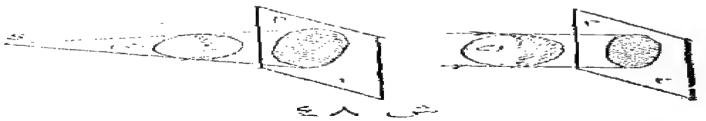
میدهیم تما بود را در به و قطع نمایند از به و ۱ به IV و صل مینماتیم تما یالهای منتهی برؤس و ابسته را تلاقی نمایند. این نفاط رؤس مقطمتد .

ب سقهین اضلاع — دراین طریقه باید فصل مشترات یکایات روهای جسم را باضفحه قاطم بدست آوریم؛ قسمتی از فصل مشتر کها که درخارج و جوه جسم واقم شوند جزء مقطع نیستند سست ۷۳ — فصل مشتر لش خط با چند رو سایرای بدست آوردن فصل مشتر لش خط با چند رو سایرای بدست

خط در جسم نامیده میشوند ، یر اصفحه اختیاری کدرانیده مقطع آنرا یا جسم یدست میآوریم ، نفاط پرخورد ایامحیط مفصلم نفاط مطلوبند .

ا گرجسم دارای رأس باشد ، سانند هرم ، صفحه فرعی را عموماً بررآس جسم میگذارنندوهر گاه جسم یالهای موازی داشته باشده مانند منشور ، صفحه فرعی را مصولا بوازات آن یال مرورمیدهند ودرهر حال نقاط مشترك صفحه فرعی را یا محیط قاعده جسم بدست آورده از نقاط تقاطی برآس ( در حالت اول) و صل میکنند، یا خطوطی موازی یال ( در حالت دوم) میکشند تا △را قطم گنند ، نقاط تقاطی محل تلاقی خط

کا -- سایه دها - اگر خسمی درمقابل یا نقطه نورانی (شره که ۲) قرار شره که ۲) قرار شره که ۲) قرار شره که ۲) قرار گیرد قسمتی از خود جسم ناریا است ( سایه خاس ) و قسمتی از هر صفحه حصه درمقابل جسم باشد نیز در سایه است (سایه است (سایه است



اشمهای آکه بههم مینایش در صورتاول مغروط و در

صورت دوم استوانه ای تشکیل میدهند که معدوط یا استواتهٔ سایه نام دارند .

در حالت اول سایه را مشهلی و در حالت دوم آنت را

همسی مینامند.
دوره ظاهری سایه منتقل سایه خطی است که مخروطیا استوانهٔ سایه درامنداد آن برجسم میاس گردیده است سایهٔ سایه روس و یالهای جسم در داخل دورهٔ ظاهری واقع میشوند.
از دویال منتافر که سایه های آنها در درون دورهٔ ظاهری سایه میابه سایه میاب در درون دورهٔ شاریک است ، برای

بتقطه تقاطع سایه ها را با یالها به ست میآوریم یالی که نقطه تقاطعش بمذبح تورنزدیکنریاشد روشن است .

تشخيص آن كهروشن است فصل مشترك شعاع نؤراني منتهي

ا گرسایه منتفل یالی در داخل دورهٔ ظاهری واقع شود برحسب آنگه یال روشن یا تاریث باشد دو روی منتهی بآن. روشن یا تاریك خوامند بود .

در صور نیکه سایه رأسی درون دوره ظاهری افتد بر حسب. آنکه رأس روشن یا تاریك آباشد یالهای مشتهی بآن روشن یا ناریك خواهند بود .

مشا**ل** ــ سایه منتقل ۱۳۵۸ بموازات امتداد تیربرصفحه تعشویر معین کنید .

رقومي

8

ش ج چ

قر سیمی مسکن است قسمتی از سایه یاثیال، ماننددان، بر صفحه افق و قسمتی بر سفحه افق و قسمتی بر سفحه افق و قسمتی بر سفحه قاتم افتد ، برای انشخیس آرند باینطریف

فرض میکنیم A سایه نین برصفحه افق و Bسایه آماه برصفحه افزی و Bسایه آماه میفحه قاعم صفحه قاعم و اقع شود و B سایه آماه دا بفرض اینکه صفحه قاعم نباشد برافق تعیین میکند، A و B و اقعم برصفحه افق و B قسمتی A و B و اقعم برصفحه افق و B قسمتی از سایه یال B و اقعم برصفحه افق و B قسمتی از B و اقعم برصفحه افق و B

## مكا ذيك

I -- بردارها --عرم

122 li 1 mm calanoslam 197 doctare mala off of - 9

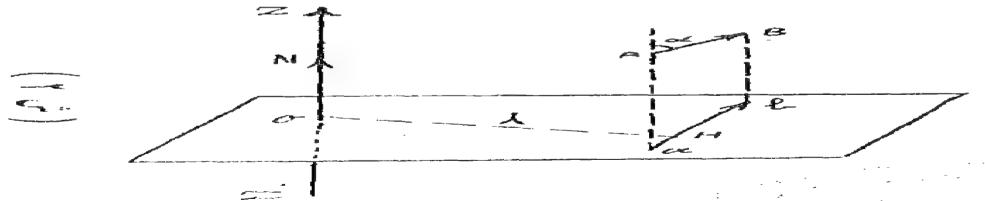
مراجمه شود. ۲ - جهندووران - اگر شخصی درامنداد مجوری بعلریهی قرار گیرد که سرش بعلرف مثبت محور متوجه باشد برای او جهت مثبت دوران جهت حرکت از چپ براستاست این جهترا مستقیم و مخالف آنرا معکوس گویند.

این جهسترا هستهیم و میخالف ایرا هستوس دوید. دو بردار متمامه نسبت بهم مستقیمنه موقعی که اگر شخصی درامتداد یکی از آنها قرار گیرد بطوریکه سرش بطرف انتهای بردار متوجه باشد و بردار دیگر را نگاه گند جهست بردار دور نسبت باو از چیب براست باشه . در غیر این حال دو بردار نسبت بیک یگر میگوسند .

۱) میدا آن نفطه و میباشد . ۲)میجملش عمودی است که از نفطه ۱ و بر صفحه ۱۲۸۰ : اخراج شود .

س) جهنش نسیت ببردار AIS مستقیم است .
ع) طولش بحسب عدد دو برا بر مساحت مثلث AIS است عدد دو برا بر مساحت مثلث AIS است عدد دو بردار متقا بلند عدمهای دو بردار متقا بل نسبت بیات نقطه دو بردار منتقا بلند . حزم یات بردار تغییر نمیکند اگر: ۱) بردار بر محجملش حر کت کند ۲) برداد بر محجملش حر کت کند ۲) میدا آن ثابت بوده انتها بش برخطی

حبوادی AO تغییر متجان دجه . -بهاگرمر کی عزم بر بردار منبطه ق یاطول بردار صفر باشد



 $M_{ZZ}(\Lambda B) = M_0(ab) = ON$ 

حال آگری و Aیترتیب زاویه بردار A و محور وطول عمود مشترک بردار A و محور وطول عمود مشترک بردار A و A بردار A باشند : A بردار وطول وطول

۸ -- عرم محوری یک بردار تغییر نهیکند هر گاه ، ۱)
 بردار برمحل خود حر کت گند ۲) سطح تصویر تغییر نهاید.
 ۴ - عرم صحوری یک بردار صفر است وقتی : ۱) طول بردار صفر باشد ۲) بردار و محور در یک صفحه باشند .
 بردار صفر باشد ۲) بردار و محور در یک صفحه باشند .
 ۲ - قضیه - تصویر قایم عزم مر کری یک پردار بردار 
۱۰ - ۱۰ - حصیه - بصویر قانم عزع مر دری بک بردار بسر محدودی که برمر کزعزم بگذاردمساوی عزم بردارمفروش نسیت یاین محود است .

۱۱ - قضیه و اریق بوت (Varignom) - جرم بر آیند یکدسته بردار منتارب مساوی بر آیند عرصهای بردارهای غروش است -

۱۲ -- تعریف -- برآیند عزمهای دوبردار زوج نسبت بیات نقطه را معور زوج مفروش گویند . ۱۳ -- قضیه - معور یات زوج برداری است تایس .

عادی و المتعدد می المتعدد و المتعد

#### $M_{\mathbf{P}}(\mathbf{V}) = (\mathbf{V}) \cdot \mathbf{A}$

اندازه جیری فواصل نقاط اثر در یالای صفحه مثبت و در در آن منفی صفحه مثبت و در در تالای صفحه مثبت و

اگر بردار در حول نقطه اثر خود دوران کنا در عرا آن تسبت بصفحه ۲ تغییری حاصل نمی شود ، اما اگر بسر محسل خود حر کت نماید عزم آن نغییر میکنده علم الاحد کات (Cinematique)

### - 30 - 1

ا - سیکون و حر گئت - و قتی فاصله نقطه ۱۱ زنفاط مختلف ۱۱۱ و تفاط مختلف ۱۱۱ نسبت بآن جسم سا کون

۲ -- موضوع علی، الحرکات بحث در حرکت است بدون نوجه بملل بیدایش آن .

٣ - مهادنه زمانی منحر نشه رایده (۱) است در

معادله زمانی منتجرك گویند ( ۴۰ مسافت مطویه و ۱۰ زماری حرکت است) ۲۶ -- مسیر حر شخت -- راهی را که نقطه منتجرك در فضا

طى ميكندمسير منتحرك نامند. برحسب آنكه مسير مستقيم يامنحنى باشد حركت ، مستقيم يامنحنى

11 - with a committee of the contract of the

و س تعریف س هر گاه متحر کی بر مسیر مستفیمی تغییر مکان دهد و در یات جهت مسافاتی متناسب با زمان بپیماید در کنش مستفیم العدد کنش مستفیم العدد کنش

T — معادیه حرگت — عر کناه و مساویت محلویه ه زمان g مساویت محلویه g زمان g مساویت اولیه ( فاصله از مبداء حر کن در لحظه g ===0)و g سرعت حر کن باشد :

S == ( ( - ) - S

✓ - بردار سرعت - محینلش مسیر حرکت ، میدعاش نقطه منحرک ، جهنش برحسب آنکه سرعت مثبت بامنفی باشد درجهت حرکت یا مخالف آنست ، قدرمطلق آن مسافتی است
 که منحر ک درواحد زمان میپیماید .

٨ -- قطيه - هر حركت مستقيم التعطي كه معادله اش او در چه اول باشه متشابه است -

« سازهر بهاسه و قتی منتجر ك برمسير مستقيمی در زما نهای

مرکا نیات

متساوی مسافات غیر مساوی طی گند حر کتش مستقیمالخیط جنغیر است ـ

• ۱ ــمعادله حر کت ازدرچه اول برحسب ناوعیار نست ۱ : (t) : عار

۱۱ - حامل سرعت - برمسیر واقع است و مبدءاش نقطه متحرك وجهت اگر مثبت باشد درجهت مسیر والایر خلاف آن مشتق باشد درجهت مسیر والایر خلاف آن مشتق به یمنی (۱) ۱ سب کامپاشد. ۲ - حامل شناب برمسیرواقع وقدر مطلقش مشتق تاتی یعنی (۲) ۴۲ - میباشد ، جهتش در صور تیکه تایم ۷ صمودی پاشد درجهت عثبت مسیر والا برخلاف آناست .

مسلفق ترقی کند والا مبطئه نامند. ۱۶ — دیا گرام حر کنت سده منعنی نمایش تفییرات توابع در ۷ و ۲ را که نسبت بدو معود ۱۰ و ۵۲ دسم شوند دیا گرام حر کنت نامند.

Jane Barbard - IV

م ۱۰ - تعور بقد وقتی سرعت بایم درجه اولی نسیت یرمان یاشد حر کت مستقیم الخطه منشایه النغیب است . ۱ - معادله حر کت

العر كات نوساني ساده TON ا کی - سات حرکت مسرعه و اکر - حرک یاشد ع - مقدار سرعت برحسب مسافت: V --- V TT(s---s-)-1-V\_ - Les en les en les 77 -- تعریف - اگرمتحرك M برمحیط داترمای بشماع IX حر كن منشابه داشته بأشد تصويرش برخطي كه ذر صفحه حصين دايره واقعر باشد ذاراى حركت نوسانى ساده سخولفات بوجا ١ --- حر كن نوساني ساده حر كن مستقيم الخطي است المستناوب ويصعادله : e man Room ( out my a ) 2 Rosin (out | a) 7 mm --- Ros 100x (mt -- -- a) --- 1005 --- 3-12 -- 2 ٥ ـ پس از ساهف ، در روابط فوق : 2 THOUSE THE CONTRACTOR OF THE as the design of the VI

 $NT = \vec{e}$   $\vec{e}$   $\vec{$ 

مريحا نبائت US , Sulasian - 11 اکر و مسافر طی شده در روی منحنی ، و زمان ، عد y a z a aserente arrecte a v me am a v e v a z a y سرعت برمحورها،  $\gamma$  شتاب x و  $\gamma$  و تساویر شتاب یار محورها ماشند : ١ --- معادله زمانی حر كنت :  $s = f(t) \qquad v = f'(t) \qquad \gamma = f''(t)$ ۲ -- مختصات زمانی متنحرك  $\mathbf{x} = \mathbf{f}(t) \qquad \qquad \mathbf{y} = \mathbf{g}(t)$  $\mathbf{v}_{\mathbf{sc}} = \mathbf{f}'(t) \qquad \mathbf{v}_{\mathbf{v}} = \mathbf{g}'(t) \qquad \mathbf{v}_{\mathbf{g}} = \mathbf{h}'(t)$ 2 == \ E' (t) Y --- g'(t) Y --- h'(t) Y  $\gamma_{\infty} = \vec{E}$  (t)  $\gamma_{\gamma} = \vec{g}$  (t)  $\gamma_{\gamma} = \vec{h}$  (t) b'(t) -- B'(t) -- b'(t) ١٩ --- هد هر اف --- اگر از نقطه ۸ درهر لحظه برداری همسنات سرعت رسم کنیم انتهای این بردارمنحنی ای مے بیماید که هد گراف نام دارد، پس هد گراف مکان هندسی انتهای بردارهای همسنات سرعت است که ازیك میداء رسم

حصده باشتد .

where  $-\infty$  constant  $-\infty$ 

T - example is the M implies parameter T example T

 $\mathbf{v} = \mathbf{R} \cdot \mathbf{v}$  is  $\mathbf{v} = \mathbf{R} \cdot \mathbf{v}$ .

 $\frac{dco}{dt}$  . The second sec

شتاب منتجه عبارت خواهد بوداد من الله المرات الما المرات المرات الما المرات ا

Rose - VIII

الا - تعریف ده دار تغییر دستگاه مقایسه حل این ۱۲ - تعریف مقدر دار تغییر دستگاه مقایسه حل این

۳۳ سے مسئلہ سے سه جسم صلب ۸ و ۱۱ و ۵ صفروضینی حرکت کا نسیت یه ۱۱ معلوم است محرکت کا نسیت یه ۱۱ معلوم است محرکت کی نسیت یه ۱۱ معلوم است محرکت کی در کت کی در کت کی در کت کی در کت کید.

مرادستگاه تابت و 13 رادستگاه نسبی مقایسه و حر کنشی و را نسبت به 13 حر کنشی اسبی و را نسبت به 13 حر کت نسبی و و تسبت به ۱۸ حر کت نسبی و و تسبت به ۱۸ مینامند .

۳۳ ـ قضیه ـ منتجه سرعت کته ر کته ر نقطه درهر لحظه معجموع هندسی دوسرعت کششی و نسیی آن خواهه بود ـ ۴۳ ـ فقیه ـ فقیه ـ باشه و کت کششی انتفالی باشه شناب منتجه مساوی منتجه شنابهای کششی و نسیی است .

X- Sissiff Comments

وی می می می می می می است بدستگاه تابت ۱۹۵۸ است می کاه می خط غیر مشخص از جسم ۱۸۱ موازی خط تابتی از دستگاه کم یاشد ، لناشرط لازم و کافی برای اینکه جسمی دارای حرصت انتقالی باشد اینست که همیشه دو خط متقاطم آن موازی دو خط تابت از دستگاه مقایسه یاشد.

۳۳ ـ قضیه ـ وقتی جسمی حرکت انتفالی کند ) مسیر تمام نفالی کند ) مسیر تمام نفاطش قابل انجلباقته ۲) در هر لحظه سرعت های حسر حمی شناب در هسر لحظه همی شناب در هسر لحظه همی شناب در هسر

اعد سادوروان

الله على العريف مركاه دو نقطه الا بهسم على المسل فسين عركت فسين بيكدستكاه مقايسه ثابت بمانند آن جسم حول خط واصل بين آن دو نقطه دوران ميكند و آن خطرا محور دوران كويند مسير هريك الانتاط جسم ضمن دوران خطرا محور دوران وجهنش محور دوران معامل دوران معدملش محور دوران وجهنش نسبت بعهد دوران نقاط مثبت و كمينش مساوى اندازه عددى سرعت قراو به اى بك نقطه حسم در لحظله معين است سرعت هر نقطه الا بهدى دوران درهر لحظله مساوى عران دوران در آن لحظه مساوى عران دوران دوران دو آن لحظه نسبت بآن نقطه ميباشد .

# ( Dynamique ) ( Spälique

الأعلاما وهب الم

آنها بعدت میکند.

آنها بعدت میکند.

المی المینامیات خاصی الا حدر کان و علل موجدة است حلم نمادل قوی یا استانیات (Sunique) حالت خاصی الا حدر کت است علم نمادل قوی یا استانیات (Sunique) حالت مخصوصی الا دینامیات میساشد.

حدینامیات میساشد.

حدی المینامیات میر بعدر کان بدر کت با الاحد کت بسکون مادی بعدودی خود الا سحکون بعدر کت با الاحد کت بسکون

در نمیآید . ۱۰ ه ۳۰ – نتیجه – ۱) اگر نقطه مادی ساختن باشد و عاملی برآن اثر تکند همواره سا گن میماند .

۲) اگر نقطه مادی متحرات باشد و عاملی بر آن اثر تکند همواره متحرات بوده حر کنش مستقیمالخط متحالهاست.

۳) نقییر وضع نقطه مادی از حر کت بسکونیابالحکس دراثر عاملی است که قوه نامیده میشود .
دراثر عاملی است که قوه برنقطهمادی نولیدشتاب درآن میباشد .

- سیاس و بین هو بین سیاب در آن میباسد  $\mathbf{T}^{T}$  جمواره بین قوه وارد بر نقطه مادی و شناب نظلیر  $\mathbf{T}^{T}$  نایت نسیت ثابت  $\mathbf{T}^{T}$  بر قرار است مقدار این نسیت ثابت  $\mathbf{T}$ 

111 را جرم نقطه مفروض مینامند . 211

وابعله  $\frac{T}{T}$  وابعله  $\frac{T}{T}$  وابعله اصلی مکانیات نامدارد. T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و T و

 $\Gamma^{-\gamma}$  سے بین  $\Gamma^{-\gamma}$  و زنہای دو جسم و  $\Gamma^{-\gamma}$  و نور جرم مای آنہا در حر نقطه از زمین این رایطه برقرار است :  $\Gamma^{-\gamma}$ 

◄ اصل استفلال آئار قوا (آئالیله) ساتر چتسد نقوه آئر چتسد نقوه آئالیله) ساتر چتسد نقوه آئریست توه که با هم بریات نقطه صادی وارد شوند نقلیرهان اثریست که م چهوع هندسی آنها در آن نقطه تولید آئند .

هی عملی الساوی عمل و عملی ۱۱همل (نیوتن) هی عملی عملی السلی مساوی و درجهت مخالف با خود ایجاد میکند .

colodia dala -XIII

سر المست و قنی که تنصت و قنی که تنصت و قنی که تنصت تاثیر هیچ قوه ای نباشه یا قوائی که برآن و ارد میشو ندشنا بی در آن ایجاد ننمایند در آن ایجاد ننمایند در این حال اگر نقطه سرعتی داشته باشد مطابق اصل کپلر حر گت آن هیشه مستقیم المخطمتشا به است و تمادل چنین نقطه ای را تهادل دیناهیکی مینامند؛ و لی هر گاه نقطه در لحظه معینی ساکن باشه همیشه ساکن خواهه بود و تمادلش تحادل است .

ح کے ۔۔۔ نقطه را آزاد گویند وقنیکه بنواند دراترقواک و اورده درجہات مختلف حرکت کند در غیر اینصورت نقطه عیر آزاداست ۔

اع - نفطه غیر آزاد نحت نأثیر دونوع قوه است : هر حقوای مستقیم (مانند وزن نقطه)
سی حقوای و ایسنه که بوسیله موانع ایجاد میشوند.

از آن نشو المدسجدا شود ؟

 $e (\cdot) \times e \times \times \dots = (\cdot)$  replegated  $e \times e \times e \times \times e$  in the same of the same

سوع \_ رابطه استون (Sicoin) \_ برای اینکه نقطه مادی در تیجت تأثیر سه قوه بحال نمادل باشد لازم و کافی است

 $Y = a_{\infty} - a_{\infty} = a_{\infty} +  

المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرافع المرا

۲) بر سحلی متاکی باشد و یعنی بنواند از یکجسهت از سمحلی بنواند از یکجسهت از سمحلی بنواند از یکجسهت از سمحلی بدود و دو اینصورت اثر ۱۲ فقط آنستاکه نقطه را بر دوی سملی نتگاههیدارد :

وی سی سی از می المهمل سی نقطه غیر آزاد الا در نخست ناتیر ۱۰ بر آید نوای وارد برآن ، بر سطح یا منحنی عملی مساوی ۱۰ بنام قشار وارد میآورد و سطح یا منحنی در مقابل برنقطه ۱۸ فشارمتقابلی مانند ۱۲ موسوم به عکسی ۱۲همل وارد میسازد . عکسی الاهمال قوهایست و ایسته . ۱۲هماوی ۱۱ و در جهمت مضالف آنست .

۷۶ - مخروطی که رأسش نقطه مادی واقع بر سطعو میدورش عبود برسطع وزاویه رأسش دوبرابر زاویه اضطلکات باشد به مخروط السند مخروط الصحالکات باشد به مخروط السند .
۸۶ - قضیه سشرطلازی و کافی برای اینکه نقطه مادی

واقع برسطح با منحنی بی اصطلکالت بحال نمادل باشد آنست آکه ۱۶ منتجهٔ قوای وارد، برسطح یا منحنی عمود بوده و نقطه را برآن بجسباند . منحنی با اصطحاف آنست که زاویه بین ۱۶ برآیند قوا و قاتم برسطی با اصطحاف آنست که زاویه بین ۱۶ برآیند قوا و قاتم بر نقطه اززاویه اصطحاف کوچکتر باشد یا بعبارت یکر منتیجه قوا داخل مخروط اصطکاف و یا منطبق بر سطیحآن باشد .

- ۵ - قوانین اصطکاف دیا منطبق بر سطیحآن باشد .

- ۲ - قوه اصطکاف حد با فشار قاتم منتاسب است .

- ۲ - قوه اصطکاف بوسمت سطیح انکابستگی تدارد .

- ۳ - قوه اصطکاف بجنس سطیح ومیران صیقلی بودن آن

٧٠ ـ جويتا ميلك ةقطه ١٠ ـ موضوع ديناميك تعيين دوابط بين قوه وشنابو

سسرعت و کاراست ۰

٧٠ - اثر قوه توليد شناب است درمتحرك و شناب باعث

Tisty when X is a substant that X is a substant X of X o

الانتصاویر قوم ۱۲ بر سه محود و المهار و المهاری و المهاری الم

 $\frac{1}{d\epsilon} = \frac{1}{2} \frac{37}{37} = \frac{1}{2} \frac{1}{$ 

۱) تعیین حرکنی که نقطهای بعیرم ۱۱۱ تعمت تأثیرفوه ۱۳ انجام میدهد . ۲)تعیین قومای که موجب حرکت معینی برای نقطهای.

بعجر م 111 میشود.

XVII حسو گمیه فقی همادی آران

30 - او لاحر گنده رامنداد فائم - ۱- اگر جسمی
بعجر م 112 ازمیداد) و اقم برامنداد فائم با سرعت اولیه و د د خلاء رها شده باشد تنها قوه ای که برآن و ارد میشود و ژن آن
بعنی به 111 است و مسیر حر کنه همان امتداد قائم خواهد بود .

Y - - eeقو Y - - - ee Y - - - - ee

مسکوس و مسکوس و مسکوس و مسکوس و مسکوس و مسکوس و مسکوس و مسکوس عداده است و مسکوس عداده و مسکوس عداده و مستقیم و مبطقه است و متحدرات بازاء و مسکوس و مسکوس و مسرعه میشود و مسکوس و مسرعه میشود و مسحول و میشود و مسکوس و مسرعه میشود و مسحولات دارای دو سرعیتقرینه

عرب کر کے اسلام کہ یکی سرعت صعودودیگری کی کی کی سرعت صعودودیگری نرول است. ۲ ـزمان صعود نا هرنقطه ازمسیرمساوی زمان بر گشت سر عت نزول است . ازآن تقطه بمحل اوليه مساشد. ٥٥ -- ثانيا حر تت سهمي شکل ۱ -- اگر جسمی بجرم ۱۱۱ در میداء زمان ( • ۱۱۱۰ ) از مبداء 🔾 با سرعت اولیه 🗸 در امتدادیدکه با افق زاویه به >> ∞ - ° - ۹ دار ددر خلاء بر تاب شده باشد نتها قوه ا بکه بر آن وارد میشودوزن آن خواهد بودومسیر حی کت منعنی مسطعی السن که درصفحه قاعم ۱۰۰ ی قراردارد -٧ --- قول انبوب حر كت de de vouse 

 $\sqrt{5} - \sqrt{5} = 727$ A —  $\sqrt{5} - 727$ A —  $\sqrt{5} - 727$ A —  $\sqrt{5} - 727$ B —  $\sqrt{5} - 727$ A —  $\sqrt{5} - 727$ B —  $\sqrt{5} - 727$ A —  $\sqrt{5} - 727$ B 
TO - حور گست نقیطه نهادی هیو آولان هیم استهای در کست بی اصبهای شد به نقطه آلا دوی یات منحنی سیهای تسمی ناتیر قوق آ آ و عکس الممل الا انتیار متحان میدهد: نصویر ۱۲ برقانم بر صفحه در امتداد ۱۲ است و خشی میشو دو فقط نقصه و در میآود. اگر تصویر R بر مصاس را R بنامیم : بصوحی رابطهٔ T T T تامیم : T

IZ TO GET

این رابطه را مهادلهٔ اصلی Entitionséchue حر کس میگویند .

۷ - حر گس با اصطاکالش دراین صورت عکس العمل آی الا سطح زاویه ( ( اویه ( صطلکالت ) میسازد وقوای مقتربر نقطه عبار نسست ازیر آیند نصاویر آی و آی ایر مماس بر سطح .

 $R_t \rightarrow R_t^2 = m - \frac{d^{\tau} s}{dt^{\tau}}$ 

0 حر کن نظمه برسطی مورب ـ اگر داویه حر کت نظمه برسطی مورب ـ اگر داویه سیدی مورب دا با افق 0 و سرعت اولیه حر کت دا 0

- composition : σ = geinat = c = geinat = c T

The grinat to me grinat - vo

هر گاه - سر باشد (طرف بالامنتی فرض میشود) - رکنت نازمان میشود) - رکنت نازمان میشود) و در آن پس مسرعه ( دو میراندی

حرکت نقطه مادی غیر آزاد

بیا تین ) خواهد بود . ۲ ـ با اصحالت

قرش میکنیم نقطه IVI تحد تأثیر وزن خود(بین) وعکس العمل (۱۲ میباشد ؛ IVI عدر کنت تأثیر وزن خود(بین) وعکس العمل (۱۲ میباشد ؛ ۲۰ میباشد و کنت عبارتند از :

2 sin ( a -- 0)
2 sin ( a -- 0)
3 sin ( a -- 0)

dee ales views  $V_{\alpha}$  and  

حر كنت مستقيم ميطنه و از ايرت ببعد متعرك در فاحدلة و المراد و الم

موقعیا ۱۹۵۰ سسه میباشد اگر ۱۳۰۰ دی باشد نقطه بعدال تعادل خواهد ماند و اگر ۱۳۰۰ دی باشد سرسکت منشابه میشود .

صوقعیاکه 0 م باشد حرآیت منتشابه التغییر صدرعه

 warm game of the second of the game of the game of the order of the second of the seco

و در استداد کی نقطه مادی ۱۸ دراثرنیروی ۱۱ و در استداد کانغیبر مکانی مساوی (۱۱ (۱۱ (۱۱ ) ست ۲ کانغیبر مکانی مساوی (۱۱ (۱۱ (۱۱ ) ست ۱ ) انجام شده است و است و کام مرگاه می زاویهٔ بین حامل ۱۱ و امتداد ۱۱ (۱۲ ایاشد کار عبارت خواهد بوداز: (۱۱ (۱۱ و ۱۱ و ۱۱ ) ۱۱ ست کار مشبت است هر گاه ست کام ست کار مشبت است هر گاه ست کام ست بیا

سی باشد و آنرا کارمسور نشنامند و منهی است و قتی که سی باشد و آنرا کارمشاوم نامند ۱ آگر سی باشد و آنرا کارمشاوم نامند ۱ آگر سی باشد و آنرا کارمشاوم نامند ۱ آگر سی باشد کارسفر است .

عدی و قوره سویه ( بایان بادی و قوره و قوره و مادی بعدر باده و مادی بعدر باده و مادی بعدر باده و مادی بعدر باده و بادی بعدر باده و بادی بعدر باده و 
777 با سرعت  $\sqrt{2}$  حرکت کند عبارنست از  $\sqrt{2}$   $\sqrt{2}$ 

- سرب من فعضيه - انتيبرات انرزى حركنى يات نفطه مادى منحرك بين دو نفطه مادى منحرك بين دو نفطه ما وي مساويست با حاصل جمع كارهاى قواى وارد برنفطه بين اين دو لحظه .
المحدد المحداة توليد بين اين دوله

علا - قوای وارد بر جسم صلب عبار تند از: ۱) قوای خارجی ۲)قوای مخارجی ۲)قوای درونی.

۱) قوای خارجی از نقاط مادی خارج از جسم ناشی میشوند با) قوای مستقیم ۲) قوای از نیاطه ای فوای مستقیم ۲) قوای از نیاطه خارجی د

۲) فوای درونی از اعسال منتهایل نفاط خود جسم ناشی میگردند و عبارتند از عصکس العسل های ملکولی و قوای ارتباطی داخلی .

مح حسم صلب را در حال نهادل استانیتی گویند وقتیکه اگر آنرایدون سرعت اولیه بحال خود گذارنددرانر قوای وارد برآن نسبت یدستگاه مقایسه بیعد کنت بماند. حرد الازم برای اینکه جسمی در حال تعادل باشد

Tنسست که (۱۹۹۵) میجموع میندسی قوای خاریجی وارد برTن و (T)(T) و و (T)(T) و و (T)(T) و و (T)(T) و (T)(T)

۱۲ - نهادی دستگاهها - دو دستگاه قوا منعادلند وقتبکه اتر آنها دریات جسم یکسان باشد .
 ۱۲ - قضیه دریات جسم یکسان باشد .
 ۱۲ - قضیه در طلاز مبرای نمادل دو دستگاه قوا آنست ته منجموع هندسی آنها باهم و منتجه عرمشان نسبت بنقطه غیر مشخصی باهم مساوی باشند یعنی (۱۲۰۰) - (۱۲۰۰) (۱۲۰۰) و (۱۲۰۰) - (۱۲۰۰) این شرایط برای اجسامیکه تغییر شکل نمیدهند لازم و کافی است .
 ۱ست .

IIXX \_ Teal C. assacration

همیشهمبتوان بوسیله اعمالی بنام اعمال مندمانی دستگاه قواتیرا بدستگاهی دیگر صادل باآن نبدیل نمود ، لین اعمال عبار تند از :

١ ـ لغزاندن قوم برمعصل آت .

۳ ـ تبدیل چند قوه منقارب بصحمو عهندسی آنها و بمکس تنجز به باثه قوه بمقای خود .

٣- اضافه باكسر نمودن دو قوممنقابل.

می بوسیله اعمال مقدماتی دستگاه قوای وارد بر حسم را بدستگاهی معادل با آن که مؤلفات کمتری داشته باشد تبدیل میکنند و از این راه حالت و وضع حر کت جسم را تعیین مینایند .

ales  $-\nabla - \alpha$  established  $-\nabla = -\nabla - \alpha$  is all sales and  $-\nabla - \alpha$  and

و قنی قوای مزیو ریایکدیگر مساوی باشند مختصات می آز آنها چنین میشود :

۷۲ فینید – میکن است قوای وارد برجسمی را بسه قواک بید که بسکی از آنها بر نقطه اختیاری معینی وارد شود شود نتیدیل نیود -

۱۱۱ × × - می گر نقل ۲۳ ـ تھریفہ ۔ اور ارادنی نقاط مادی یات جسم قوای متوازی قاتمی هستند که مر آکر آنها مر کر تفل جسم (ن) است و منتجه آنها برداریست قاتم آکه برنقط کی میگذرد.

ع۲ - مختصات مر آکر تفل با آگر ۱۱۱۰ و ۱۱۱۰ و ۱۱۱۰ و ۱۱۱۰ می سات می تفل با تفل با تنزیب جرمهای نقاط مادی دی و می و در و می باشند و هریات از نقاط فقط نحت تأثیر قوای حاصل از و ترنیب بسه حود قرار آگیر ند میختصات مر آگر تقل جسم مربور نسبت بسه محور متنامه عیار نشد از:

۷۲ - جسمی را منشابه الاجزاء تویندا گرهزدو جزء منساوی العجم باشنه .
۷۲ - قضیه از آن منساوی العجم باشنه .
۷۲ - قضیه استخلی که دارای مرکز یامهور یا (سطیع تفارن تفارن مرکز یا مهوریا سحلی تفارن قراردارد .

۱۰۷۸ یات شنخل مستوی (بایات جسم) دارای یات قعاد یا یات قعاد یا یات صفحه قعادی) و ایسته یامنده بامندادی است و قنبی آگه جسیم تقادل

آن شکل مستوی (یاجسم) را بتوان بدودسته چنان تفسیم ندود آی شدود آن شکل و اصل بین هر تفعله یکدسته و نقطه نظیرش دردسته دیگر موازی استداد آی بوده و رسطنش برآن قطر (یاصفحه قطری) واقع آذردد .

۵۷-قیصیه شدتخاری آکه دارای نظر یا صفحه قطری نظیر امندادمییشی باشد (۷۸) مرآکز تفلش براین قطریاصفحه قطری قراردارد .

- ۸ - مر کر نظل فطعه خید مستقیم به نقطه و سط آن آست.
۱ ۸- مر کر نظل معدید مثلث به مر کی دا در میماطی مثلثی است آن از و صل می اقع میانه های آن ید سیت میآید ۲۸- مر گر نظل سیدهی مثلث به نقطه نادقی سه سی نه

مر کز نظل میوانی الاشلاع معدل الاقی

دوقعار آنست .

جر مرکز تقل کثیرالاضلاع منتظم – مرکز

۱۰۰ ۱۹۰ - مرکز ثقل ۱۹۰ - مرکز دایرهاست . ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ -

مه مسمر کز گفل بیدهی مسحل اللاقی دو قطر آنساند.
۱۹ مر کز گفل قطاع ۱۹ بشماع ۱۶ و مر کز ۱۵ مشطبق بر مرکز ۱۵ مشطبق بر مرکز تقل قوسی از دایره به شماع ۱۳ سیس و به سمات مرکزی تقل قوسی از دایره به شماع ۱۶ سیست و به سمات مرکزی تعلام باشد :

۱۳ مر حول شعل سطاع نیمدایره برروی شعاع عدود بر قدر و بفاصله ۱۱ عمل ۱۱ می ۱۱ مر آی دایره قراردارد. ۱۳ مر حز ثقل متواذی الاسطاری نتید، نلاقی سه

ist to I seems .

T 1 T

عهد مرکز ثقل هرم ومخروط برمر کز ثقل مقطع صفحه ای از قاعده بسوازات قاعده رسم و مقطع از قاعده بسوازات قاعده رسم شده باشد واقع است -

مهر میلی افاعده و دوی خطواسل بین داس و مرکز ثقل ها عده اش و بفاصله آ ازداس قراددادد بین داس و مرکز ثقل منشود و استوانه محل تقاطی خط واصل بین مراکز دو قاعده با مقطع متوسطش میباشد، خط واصل بین مراکز دو قاعده با مقطع متوسطش میباشد خط

محم مر کو قفل کره برمر کی آن منطبق است .

المحم قضیه کو گلان (Citablin) ) - ۱ سطح حاصل از دوران یک خط مستقیم را ازیک سطح ممینی حول یک خطان ممان سطح که را را قطع نکند مساویست یا طول را ضرب درطول محیط دایرة حاصل از دوران مر کز تقل را در محان ۱ محان ۱ محیم حاصل از دوران سطح کا حول خطی از همان سطح مساویست یا حاصل از دوران محیط دایرة حاصل از دوران مر کن تقل کا

VIXX - Este Comment of the Time

واصل بين مراكز ثقل دوقاعده اش قراردارد.

• • ١ - في منه - شرط لازمو كافي براي آنكه آزادي صلب. نيست نأثير قولى والرده بحال تمادل باشد آنست آكه معجموع

هندسی قوای میرور صفرومننجه عربهای آنها نسبت بهرنفطه صفریاشد.

/ • / — بیای شرط نهاوگ دهار بی تعدیر سی ساویر ساویر فراک منتا مدین سی میتو سی منتا میتو سی منتا میتو تیب / و / و ارده بر جسم روی سه معور منتا مدین تیب / و / و / و / و منتا میتو عزم / نها و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و / و /

VXX — Elle selet empeter en elle Tete

۲۰ ۱- سر طلازم و کافی برای آنکه جسم صلب غیر آزاد تحدیث تأثیر قوای وارده محال تعادل باشد آنست که منتجه قوای مستقیم و عکس العملهای جسم از بات طرف و عزم آنها نسبت بنقطه ثابتی از طرف دیگر مساوی صفر باشد .

۱۰۲۰ میسوی آکه حسوی آکه حسوی آکه حسوی آگه حسوی آکه حول محوری تابست بدون اصحاحکات دوران مینماید در تحت تا تیا در تو تو ایر قوای وارده بحال تعادل باشد اینست آکه عرم قوای وارده نسیت باین محور صفر باشد

ع مرا سفیت می شرط لازم و تاقی برای تعادل جسمی که حول نقطه تابید در سی تکه منتجه عزم قولی نقطه تابید در داینست گه منتجه عزم قولی و ارده نسبت باین نقطه صفر باشه .

ما المنظم المستون الم

معجموع تصاویر قوای وارده براین معود و همچینین عزمهای. قوا نسبت بآن صفر باشد . سود کی کی الاحمادی انتیارات انتیارات کی در در انتیارات کی این میدند.

۱۰۰ - ۱۰۳ تشیر ۱ لاضلاع ۱ نگاء - ازوسل نقاط انتکاء بلت جسم. بر یات سخلی سخلی حسوم به میات سخلی سخلی در الاضلاءی بدست میآید موسوم به کثیر الاضلاع انتکاء .

۷۰۱- قصمیه - شرط لازمو کافی برای نمادل جسم متکی برسطای تو این این نمادل جسم متکی برسطای است است که منتکی برسطای و ارده قایم برسطای بوده و جسم را برسطی منتکی نماید و ضمنا داخل کثیر الاضلاع انتکا باشد .

17/2 -- all the to all the

۱۰۱۰ می دهر فهر فهر می ماشینهای ساده دستکاهها تی هستند که هر نقطله از آنها برمندی مشخص و تابتی حر کت میکند و چون ارتباطات کاملی بین اجزاء مختلفه آنها هست یا مشخص بودن و ضم یا نقطلا بر مسیرش میتوان اوضاع سایر نقاط دستگاه رامهلوم سایر نقاط دستگاه رامهلوم ساید

۱۰۹ ماشینهای ساده و اسسله بین دو نوع قوه میباشند یکی قدرت (قوای مصورك) و دیگری مفاو مند. دستگاه و قنی بحال نمادل است که قدرت و مفاو من دستگاهی ممادل نشکیل دهند . احکر میها

• ۱۱ - تعریف - اهرم جسمی است آکه حول نقطه تا تنی موسوم بنقطه انتخاعه انتخاعه انتخاعه انتخاعه انتخاعه انتخاعه انتخاعه انتخاعه بر امتداد قدرت با مقاومت وارد شوند بازوی

قدرت یا مقاومت نامدارند .

۱۱۱ — شرط تعادل اهرم آنست که عزم قوای واردیر آن نسبت بنقطه انتخاع صفرباشد . یعنی۱٬۱۳۳۳۱۲۱ (۱ قدرت و ۱۲ قدرت و مقاومتند) یا بعبارت دیگر قدرت و مقاومتند ) یا بعبارت دیگر قدرت و مقاومت و مقاومت دارای منتجهای باشند آکه از نقطه اتکاء بگذرد .

۱۱۲ -- فشار برنقطه انتکاء منتیجة دوقوة قدرت و مقاو میت است بعنی:

15 - 154 - - O1 - L L DOOS ( B & C)

پس فشار وقتی ما کریم است که قدرت و مقاومت موازی باشند درایتموقع فشار مذکور  $-1^{2}$  خواهد بود . موازی باشند . درایتموقع فشار مذکور  $-1^{2}$  برسه نوع است :

۱ --- اهرم توع اول که در آن نقطه اتکاعبین قدرت و منافده و اقع است مانند ترازو وقییچی .

مهاو من و افع است و من سه براوو و شهری . ۳ ساهر منوع دوم که در آن مفاومت بین قدرت و نقطه

۱ تکاءاست ، مانندیات چرخه (چرخ رفتگران)و تلهبه. ۳ -- اهرم نوع سوم که درآن قدرت بین مفاومت ی نفطه ۱ نکاعقراردارد . مانند چرخ چاقو نیز کنی .

ع ۱۱ ستھریف سے جرخ جاماز استوان دواری تشکیل شده استورسوم به ننه جرخ و در طرفین آن دو استوان آکو جبکنر آکه میجورشان بر میجور ننه جرخ صنعلین است و بر بایهٔ تابشی

قراردارتد ـ

۱۱۰ — شرایط تمادل چرخهام آنست که اولاقوای محرك و مقاوم به مخالف و مقاوم به خرخ دا دو دو مهدار اینا مقدار آنها متناسب با نسبت عكس شماع چرخ ( یا طول دسته ) و شماع نته باشد یعنی :

شماع تنه باشد یعنی :  $\frac{p}{12} = \frac{p}{12} - \frac{p}{12} = \frac{p}{12} = \frac{p}{12}$ و تو ای مصر ك و مقاوم و  $\frac{p}{12}$  و تا

۱۱۷ مینگرینی باریش - اسپایی است که برای بلند کردن بار های سنگینی بارینفاع کم بگار میبرود و آن عبارتست از بات محور قائم دندانه دار که بوسیله چرخ دندانه داری که حول محور افقی میگردد بالا و باتین میرود -

۱۱۰ مرط تمادل جائ : ۲۰ مرط تمادل جائ : ۲۰ مرط تمادل جائ : ۲۰ مرط

قدرتومقاومت و IR و تا طول دسته آگرداننده و شماع چرخ دندانه دار است) قرق فرم

۱۱۹ - ۱۱۹ - تعریف استوانه ایست فلزی یا چوبی که حول محور دوشاخهای محور خود میتواند دورار کند بطرفین محور دوشاخهای متصل است که آگر آنرابو سیله قلابی بنقطله ثابتی بیاویزند قرقره دا ثابت والا متحرلات نامند .

۱۲۰ ـ شرط تعادل فرفره گابت ـ شرط لادم و کافی برای تعادل آنست که میجیوع عزم قوای ۱۱ و () نسبت بمحود قرقره صفر باشد (ازاصطایکات صرفنظر میشود).

ا ۱۲۰ قرقره متحرات دراین نوع قرقره بادی را که باید بلند نماین به به به دوشاخه قرقره آویزان نموده و بلند سرطنایی را که از روی قرقره و داخل دوشاخه میگذرد بنقطه تایتی و صل نموده و قدرت را بسردیگرطناب و ارد میآورند.

۲۲ - شرط نمادل درقرقره منیجرلت آنست که عزم قوای و ارده نمیت به نقطه در (مرآکل دائره قرقره) صفر باشد.

۱۳۳۳ میشود و اجتماع چندقرقره موفل (Micufic) تشکیل میشود و اجتماع دوموفل همنوع را پالان (Lilan) تشکیل اگر دا داختماع دوموفل همنوع را پالان (Lilan) مینامند. اگر ۱۳ قدرت و ۱۲ مقاومت و ۱۱ عدم قرقره ها قرض شود

ا شرول تمادل بالان اینست که : «5 تست این اینست ا

|           | آساد مهم علمی که در ریاضیات متداولسد                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              |
|-----------|---------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
|           |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                   |
| C.G.S. S. |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                   |
| M.K.S.E.  |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                   |
|           | $\begin{aligned} & (i_{1},i_{2}) = (i_{1},i_{1},i_{1},i_{2},i_{2}) & \text{dist}(i_{1},i_{2}) \\ & (i_{1},i_{2}) = (i_{1},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2},i_{2$ |

## دئے۔

- 1 - - 1

۱ - کره سماوی یا قلات کره موهومی است کسه مرکزش یک نقطه اختیاری از زمین وشماعش نامحدود است و کواکب در سطع داخل آن قرار گرفته اند .

۲ سخی قائی هی نقطه عیارت از امتداد قوه نقل در
 آن نقطه است که موازی امتداد شاخول میباشد ( محور بدن هر شخص در روی زمین امتداد قائم را نشان میدهد) .

۳ - سمت الراسی و سمت الفلام نقاط تلافی خط قاتم هر نقطه اند با کره سهاوی ، آنکه در بالاست سمت واس و دیگری سمت قدم میباشد .

ع -- سطح فالم من نقطه هر سطحی است که برخط

قائم بنگذرد . ۵ — محور عالی خط مرهومی است که کری سماوی

بدور آن میگردد. ۲ - قیمیون عالی دو نقطه بر خوردمجور عالم با کر قسماوی

هستند . آنگه درنیه کره شهالی است قطلی شهال و دیگری قطای جنوب است (قطلب شهال در حدود صورت فلکی بنام خرس کوچائ (دب اصغر) و میجاورت سناده جدی و قعلب جنوب در حواای صورت فلکی بنام حملیب جنوبی واقعند) .

المنار مكادن -

۲ -- فحصف المنهاد هرنفطه سعلے قائمی است که بر معجور عالمی میگذرد .

۸ --- سطح افق هرنقطه سطحی است که از آن نقطه بر خیل قانم همان نقطه عمود شود .

۳ --- استواری فلکی یا معدل النهار دایره عظیسه ای از است.
 ۳ عمود بر صحور عالم است.
 ۳ --- مدارات دوایر آورچکی از اگری فلکی موازی

حمدلالتهار ميياشنه .

۱۱ - دا تر دایره الفرخیساتنی یا فصدها النهاد هر کو کب دایره الایست که براین کو کب و ایره الایست که براین کو کب و صحور عالم میکندد .
۲۱ - زاو به ساختنی هر کو کب در هر لحظه قو سی است الزمیدال النهاد میحدو و بین دایر شاحتی آن کو گیا و نصف -

۱۳ ساعت یکیار سوول می در ۱۳ در ۲۶ ساعت یکیار سول معدور عالم میگردد . جون کرا کب خلاهرا برسطح کره سماوی قرار دارند بنظر میرسه که کره سماوی در ۲۶ ساعت یکیار یکیار مدور خود از میرسه که کره سماوی در ۲۶ ساعت یکیار در ادر مدور خود از میرف بهترب دورادند میکند . در کن در کن در کرد در است میکند . مدیر هر کو کب بر یکی از مدارات است .

ع ۱ - دا برق الابروج یا دا برق خسوف و تحسوف دا بره عظیمه ایست که زمین در الیکسال حول الزورشید سیه ما بدو سیط ح آن با معدل النهار زاویه ۲۷٬۰ ۲۳۲۲ تشکیل میدها. ۱۰۱ - نقاط اعتدال عبارتند از دو نقطه تلاقی دایرة البروج بامعدل النهار ـ آترا که زمین درموقم رفتن از نیمکره جنوبی بنیمکرة شمالی از آن میگذرد نقعته اعتدال بهاری (ربیعی) میگویند و به نام میگذارند ، دیگری را که زمین دو درموقم رفتن از نیمکره شمالی به نیمکرة جنوبی از آن میگذرد نقطه اعتدال با ئیزی (خریفی) و به مینامند .

الله القاطانقالات و تقطه ازدا برقالبروجند که هریك بفاصله و حرجه از تقاط اعتدال قرار دارند. آنگه در نیدگره شیالی است بنقطه نقلاب تا بستانی باصیقی و دیگری که در نیدگره جنوبی است بنقطه انقلاب ز مستانی باشیقی موسوم است .

است بنقطه انقلاب ز مستانی باشتوی موسوم است .

الا حیهت مستقبم و جهت معتوسدا کر شخصی برمعود عالم قرار گیرد و سر او متوجه شیال باشد هر حرکت که از طرف داست بچپ او انجام گیرد درجهت مستقیم است و درجهت دیگر ، یعنی از چپ براست ، در جهت معتقیم است .

ال از ناظر واقع باشد زاویه به حادث بین اشعه بسری ه عصود بدو انتهای قطر کو کب میباشد .

27/1 % 12 Lange

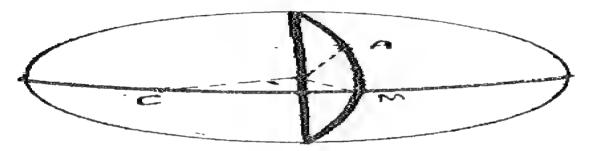
و چون قطر خلاهری بسیار کوچات است و جیب زاویه با خود Tن مساویست : T

ا ا - میشون است کی دو ک

۱۹ ـ برای مشخص ساختن و شم یك نقطه ۸ بروی آگره سماوی از مختصات آگروی استفاده میشود . در هر دستگاه مختصات گروی دا بره عظیسه ای بنام صفحه

اصلی در نظر گرفته میشود و در روی آن نقطه نام میدام میدام میدام میدار کرفته میشود و در روی آن نقطه کو میخور

عبود برصفحه اصلی دایره عظیمه در یکری میگذرانند تادایره عظیمه دیگری میگذرانند تادایره اصلی را در الآ قطیم آکند و دو قوس (۱۰۰ ۱۸ میشد که اولی از ۱۰۰ ۱۴۰ در جیست مستقیم یامه کوس و دو می از تنا ۱۰۰ ۹ در جیست مشبت یا منفی اندازه آکسر فته میشوند (شر))



• ۲ - دستهاه مختصات افقی (مختصات سمن و ۲ - دهنای مختصات اسلی معلی سمن و ارتفاع - دهنای اسلی معلی تلاقی افقی و نقطه اصلی معلی تلاقی افقی با سطح قاتم اصلی میباشد مختص اول را سمن و مختص دوم را ارتفاع میگویند . سمت در جهت ممکوس اندازه گرفته میشود.

آگاهی بعجاد، ارتفاع منتمم آن آکه ۱۵ سله سمتی بافا حسله الار اسی نام دارد داده صیشود - مختصات افغی بستگی برمان و متخان ترسد دارند . حد اعلای ارتفاع دا او سے مینامند .

۲۲ – ۱ر تفاع قطاب ارتفاع قطاب از افق هر محل از دوی دستور (۱٪ اس بر) – مو مور از بدر است میدآید (۱ و ۱٪ و ۱٪ و استور (۱٪ ایدی الظیروری در مدواقع عبور علیدا و سفلی از نصف النهار محل و ۱۱ ارتفاع قعلد است ) - ۲۲ – دستراه و معلی استوان انها و معدلی ایمنوانی و نقطه معدلی : بعد و میل – سطح اعملی استوانی فلاتکی و نقطه اصلا انتخاه ایمنوانی فلاتکی و نقطه اصلا ایمنوانی فلاتکی و نقطه ایمنوانی ایمنوانی فلاتکی و نقطه ایمنوانی فلاتکی و نقطه ایمنوانی فلاتکی و نقطه ایمنوانی ایمنوانی و نقطه ایمنوانی ایمنوانی و نقطه ایمنوانی ایمنوانی و نقطه ایمنوانی ایمنوانی و نقطه 
اصلی نقطه اعتدال بهادی و جهست مستقیم ( مینط لف حر آکست عقر به مای ساعت) ، مختص اول را بهد و دوم را میل میگریند مندم بیل فاصله قطبی نام دارد ، مختصات معدلی بستنگی با منکان ترصد ندارند.

۳۳ - اقدائه بعد حاصله زمانی بین عبور کو کس از تصف التهار محل و تعشاللنهار مار بر تفصله اصلی را بوسیله ساعت نجومی بدست آورده و بفرار هر ۱۰ درجه دریکساعت بعد کو کب را حساب میشمایند .

اندازه جبری میلهر کو کب از دانه میل - اندازه جبری میلهر کو کب از رءی دستور کلی : برا ۱۰ ( ا در نظار کرفتن جهت ) بدست میآید ( ا میل و ۱۱ ارنفاع تعلی و بر فاصلة الراس کو کب در موقم عیورش بندست النهار میباشه)

ا المورير الميور في بسياله فطبي الكاردالة والتكاني بعراض الم

در نیمنکره شمانی ۱-برای کوا کیا بدی الفلیور(سول تصلیق) د مين د مين

هر قبیمانگره جنو بی ۱ - برای آذو آکسابدی الطالهور (حولقطایم):

( ۱۳۰۰ فاصله قطبی ۳۵ و ۵۰ در نیمکره شمالی از قطب شمال و درنیمکره جنوبی از قطب جنوب است و ۱ درنیمکره جنوبی منفی است)

۲۷ - دستهای میشندسات میدگانی : طول و عسر خی - بیفده احدال ربیعی - بیشده میشند میشند میشند اسلی نقطه اعتدال ربیعی - بیست مستقیم . میشند و اول: طول ، میشند دوم: عرض .

۳۷ -- شکل قرمین بشکل آدهین - در مین بشکل کره ایست که در قصلبینش آگه ی فرور فته باشد، نظیر حجمی آگه از دور ان یائ نیمه بیشی حول میحور اقصر ش تولید شود ، سطلح آل نا صاف و اطرافش راهواتی بقطر تقریباسه آگیلومتر احاطه نموده است. می اسلام حول میون با حرآکت منشا به حول محور مودور دور ان میکند این

محوریرمحور عالم سنطلبی است م ۱۳۹۰ سے خطر و سطے قائم ی سعلے نصف النہار و افق (بشمارہ های ۲ و کو ۷و ۸ مراجمه شود ). و ٣٠ — خيط فصف النهار سفصل مشترك سعلي نصف النهار التهار هر مبحل با سيطيح نصف النهار التهار هر مبحل با سيطيح افق همان مكان را خط نصف النهار آن محل آو بند، اين خيل نصو برميور عالم بر سيديج افق مبحل است.

۳۱ - طول یک نقطه از سطعے زهین - زاویه بین نصف لنهارمحل و نصف النهاد نقطهای که میداه هرش شده میباشد ( نصف النهاد کرینویچ یا پاریس دا اغلب میداه طولها میکیرند) ۱۰ ندازه آن از صفرتا ۱۸۰ در جه شرقی یا غربی نغییر میکند ( بر حسب فاصله زمانی بازاه هرساعت ۱۰ درجه میشود) .

۳۲ — عرضی یلی نقطه از سطیح زمین – زاویه بین قاتم مکان ( امتداد شماع زمین در آن نقعله ) با سعلی استوا است و همچنین مساویست با ارتفاع قطسب از افق آن محل (شاره ۲۱)

۳۳ --- مدارات زمین متکانهندسی نفاطی از زمین میباشند که دارای یك عرض باشند.

77 — شماع تا افق حسی - 1 گر با شماع ومین و اردنفاع شیخس ناخلی از سیلی و باشد مقدار تا شماع افق حسی اور مین باشد مقدار تا شماع افق حسی اور وی دستور  $\sqrt{7171}$  سین تا بدست میآید . 77 — 1 نخونها ض 1 فق — زاویدای را که رأسش نقیله ای از فیلها

تزمين

( چشم ناظر که مقداری بالاتر از سطح زمین قرار گرفته باشد) و دو شامش یکی مماس بر گره زمین و دیگری خط افقی باشد راویه انخهاش افقی باشد .

را و به انخهاش افق گویتد .

ر ۳ - طول شهاع زمین از روی زاویه انخهاش افق .

و گر با شماع زمین و ط ارتفاع ناظر و به زاویه انخفاش افق .

به باشد :

سطح کرمزمین : ۴۰۱۰ ۱۰۰۰ کیلومتر مربع سطح کرمزمین : ۴۰۱۰ ۱۰۰۰ کیلومتر مربع حجم کرم زمین : ۲۰۱۰ ۱۰۰۰ کیلومتر مکمب . شماع کرمای که نصف النهارش مساوی نصف النهارزمین

شماع کردای که سطیعش مساوی سطیع درمین باشد سی ده ۱۳۷۱ متراست و شداع کردای که حجمش مساوی حجم درمین باشد سیاع کردای که حجمش مساوی حجم درمین باشد سی ۱۳۷۰ متراست و ۱۳۷۰ متراست

عرور فتگی قطبی مهرس تا مهرست مه است غرور فتگی قطبی مهرس ا و کے سے اندازے شنابی تھل قرمین سور نقطادای او رمین بسرش می و هم سولے با دریا مساویست با ۱۳۰۰ر ۱۹۸۰ ( در دستگاه ۲۰٬۱۱۰٬۱۱۰۰)

۱۶ سے وڈون مخصصے و میں سادر داخل زمین وون -مخصوص ۱۰ و نسبت باحیجار واقع در سعلیج زمین ۱۰ است ۲۰ ۲۶ سے سر عمل حو کی انتظالی زمین در هر تا نیده ۲ کیلومنی است .

عع - مختصات جغرافیائی تهران طول تهران از نصف النهران از نصف النهاریاریس آلوآد و می تهران از می تهران از می است میاشد.

٧١٠ \_\_ نقشه دار و حقر الانوى

عبارتند از صفحاتی حفرافی عبارتند از صفحاتی که تمام یا قطعه ای از سطح زمین را با قاعده مخصوس و مقیاس معین بر روی آل تصویر نموده یا کسترده باشند .
برای ترسیم نقشه قبلاشی که ای از نصف النهارات و مدارات زمین را نهیه نموده و بعد معدل هر نقطه را از روی طول و و عرضی مینمایند .

می کی سے تعتبی بر فائی هر نقطله بریات صفحه موقع عمودی است که از آن نقطله بر سفحه و اردشود، ایر بی صفحه را صفحه تعدد تعدد بر نامند .

٧٤ - دسي نقشه بطريق تصموير قايي = -

استویاشی تسویر سطح استوا میباشی : تصویل حرال استوالی میباشد : تصویل در قصل بر صر گزر استوا قرار دارد ، تعسویر هسر مدار بورش در دایره ایست منتجد السر گزر استوا و بشماع ۱۳۳۲ به تصویر هر تعدف الشهاد یطول ۱۱ قطری از استواد است آگه یا تصویر تصفی از استواد است آگه یا تصویر تصفی از استواد است آگه یا تصویر تصفی التهاد میداء زاویه ۱۱ تشکیل دهد .

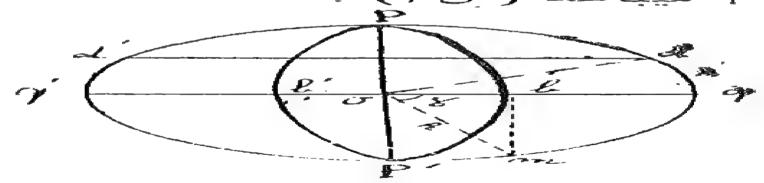
حاریقه رسم -۱) برای رسم مداری بعرض X از نقطه Y دندهای شعاع Y این تقطه Y دارد عمود Y ( Y ایس و ایس Y دارد عمود Y و ایس Y دارد مغروش است (شY) -

النساد بعدو ل به مساعة قصور بود المساعة المسا

یتکی از سحلوی خدسها النها السند (یک ۲) نصوی و محدارات و استوا خعلا و فعال مشترك آنها با سطح تصویر است -

نعسویر مداری بعرفی ۱ و تری است سوازی استوا حستها فاصلهاشی از آن روی محبید دایره نعسفت النهار تعمویر ۲ در چه است ۶ تعمویر هر نعسمالنهار بعدول، یات بیعنی است آنه محور اطولش خسط قطبین محود اقصرش بطول ۲۱۲٬۰۰۰۳ ۲ سند الله

ظریقهرسی ۱) برای رسم مداری بدرشی ۵ قوس ۱۰۱ دا مساوی ۵ جدا مینمائیم وتر ۱۵۱ آگهموازی آ۱۱ است تصویر مداد مغروض میباشد .



حواص ومورد استهمال - درتعبویرقاتم نواحی احرال میشوند و هرچه از مرکز نقشه نزدیك بحقیقت تعبویر میشوند و هرچه از مرکز نقشه دورترشویمدقت نقشه گمتر میشود - طریقه تعبویر قاتم را بیشتر برای تهیه نقشه نواحی قطلب زمین و صورقطبی آسمان و همچنین تصویر ماهو آفتابو آگرات دور یکارمیبر ند.

۸۶ - تصویر مرکزی (استر تو گرافیات) ۱- تعدریدف - بشماره ۲۰۰ و ۲۰۰ قسمت هندسه

مراجمه شود -۲ - درتصویر مرآکری روایابه قدار حقیقی تصویر میشوند.

٣ - تصبویر مر کری هر دایره دایره آست .

رسیم نقشه بطریق تصویر مرکزی

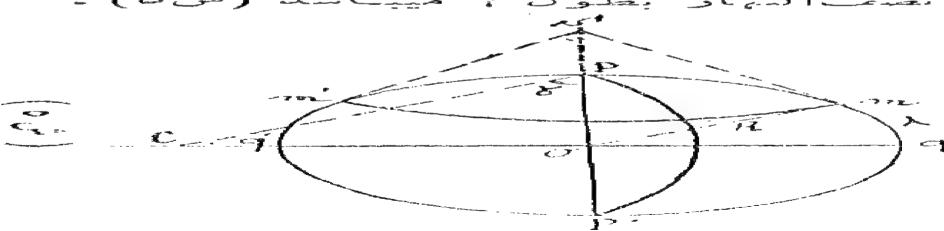
تصویر هی تصف النهای بطول  $\gamma$  قطری از استواست که یا تصویر نصف النهای مبده به تشکیل میدهد . هر تصف النهای مبده - () قوس بای دا برایر  $\lambda$  جدا نموده اق

نفطه دید V به m وصل میکنیم vنامv و ادر نقطه v تعلیم کنیم v تعلیم کنیم v مدار بهرش v میاشد .

(شي کے)

تحسو بر ظر از دار د ځ تحسو پر حمر نعسف النهار يطلول 7 قوس دائر دایسمت مار یی دو قعطیت ۱۵۶ مر کزش برقطر عمود برخطا قطیرون و بفاصله ۱۱۲/۶۱۱ز می کن سيطح تصمف النهار تصويرقرار دارد. طریشه رسمه ۱) قوس

pure of sales  $\gamma$  for index  $\gamma$  (with  $\gamma$ ) and  $\gamma$  and  $\gamma$  and  $\gamma$  and  $\gamma$  and  $\gamma$  and  $\gamma$  are sales and  $\gamma$  and  $\gamma$  are sales are sales and  $\gamma$  are sales and  $\gamma$  are sales and  $\gamma$  are sales are sales and  $\gamma$  are sales are sales and  $\gamma$  are sales are sales are sales and  $\gamma$  are sales are اللذ دائرهای رسم مینمائیمقوس آسس از این دائره تعسویر نیسه مدار بعرض به میباشد . ۲) از ۱۳ خط ۱۵ اور ا جنان رسم میکنیم که یا PP داویه به بسازد، بمر کری تفطه تلاغی این خط یا "بهوشماع CP دانرهای رسم میکنیم قوس - الآل این دلیره تصبو بر تبه تصبغالتهار بطول به مبياشد (شه) -



حواص و مورد السنهنال -- در نصویر مر آئزی ی جون زوایا تغییر نصی تحییر تعدویر مشابه شکل اصلی هستند و نشمنا هر جه از مر آئز بصحیط نقشه تر دید خدر شویم نصویر بحقیقت بر دیکنر میشود . حلریقه تصویر صر آئزی را برای تنیه نقشه های مسطحه نید آنیه نقشه های مسطحه نید آنیه نقشه های مسالات باز صیبرند .

و المستورة 
معاذی میدادی مدار متوسط ناحیه کویکی مغیر و هی سیخه نقشه نقشه قاتمی میدادی مدار متوسط ناحیه کویکی که میخواهند نقشه آنیها را آنیه سیخشند بر کره محیط مینایند یطوریکه فسل میشران نمین نمینالنهار با سطح جانبی مغیر و و بر یکی از مولد مانی آن منیلی آن میداران کردد و فسل مشتران سطح مدارات را نیز باسطح جانبی مغیر و طبرای کردد و فسل مشتران سطح مدارات را نیز باسطح جانبی مغیر و طبرای بدست آورده و مغیر و حلرا بر صفحه ای میگردن

بخطوط متقاطع در یا نقطه ( راس مخروط) و مدارات به دوایر متحدالس کری بهرگزراس مخروط نموده شده اند . این نقشه برای ناحیه کوچکی از کره که درطرفید . مدار متوسط آن واقع شده است قابل استفاده میباشد .

۱۰۱ مدارخورشید حورشیددرجهت مستقیم بدور زمین (یفرش تایت بودن) مداری بیشی شکل میپیماید که زمین دریکی از کانونهای آن قرارگرفته وخروج از مرکز ایست بیضی تفریبا سیای سد ی میباشد.

۱۹ سمیل ۱۱ و ۱۹ میل ۱۳ و جست داویه بین دایرة البروج و استوای فلکی مساوی ۲۷ و ۳۷ میباشد . ۱ستوای فلکی مساوی ۲۷ و ۳۷ میباشد . ۱۹۵۰ فظر ظاحهری خودشید ـ قطرفلاهری متوسط خورشید و میدارد داهری متوسط خورشید ۲ ۲ میباشد بررگترین مقدار

قطر خلاهری در دیسام (اولژانویه ۲۰۰ و ۲۳۷ و کوچکترین

مقدار آن در نیرماه (اول ژوئیه) ۳۱٬۳۳۳٬ ۱ست. ۱۹ - ۱سخنالاک منشش افتی شمسی ۱۸٬۰ ۸ میباشد ۱۹ - شهای خورد شبد - سد برابر شماع زمین و

مساوی ۱۰۰۰ کیلومتر است ۳۰۰۰ و نون مخصور سر آن نسبت بآب عرا و نسبت

برمین ۱۵۰۷ر و باست ۱۷۰۷ - جرع خورشید ۲۳۶۳۳۲۰ برابرجری زمین است. ۱۲۰۱۰ - ۱۲۰۳ - هروشید ۲۳۰۱۲ برابر حجم زمین است. ۳۰ سنگینی هرسسم درروی استوای خورشید تفریبا
 ۲۸ برابر سنگینی آن جسم درروی استوای زمین است.
 ۳۰ - خورشید درمدت ۳۳ روز و ۶ ساعت و ۳۶ دقیقه یکیرند.

ا ۱۳۳۵ فاصله متوسط ومین از خورشید ۲۳۳۵ برابر شماع ومین یا ۱۰۰۰ ۱۶۹۵۰ حستیلو متر یا بعدد کامل ۱۰۰۰ ۲۰۰۰ کیلومتر است.

۲۹- تقدیم دو نقطهٔ احتدال سنفطه اعتدال بهاری هرسال تقریباً ۲۲ رست و در جهدت مخالف ( بر خلاف توالی بروج ) عقب میرود . یعنی در ۱۰۰۰ سال یکور مدل النهار و احلی میکند. .

معهروور بعد الرابورور باست و برابد المعال الله الهائم الله المعال الله المعال الله المعال الله المعال الله المعال بالميرى ( خريفى ) /- نير بكمات همين دستور

حساب میشود . یس از میجاسیه معلوم میشود که اختلاف این دویسه ۸۸۰

درجه است (مبداء بعد اختیاری است) ع۲ - تھیبیں ساعت عبور شمسی بنقطه اعتندال دیاری۔ اگر نا زمان بین ظہر روز قبل از نوروز وظہر روز بعد از وی سیا خیمان آفتاب الگرازمر آگزید سیاف ویم از طبقات زیر بترانیب عبورخواهیم گرد:

۱ سیاف سیاف بادرجه حرارت بی اندازه زیاد؛

۲ سیاف سیاف سیاف موسوم به فوانوسفریا آگر قنور آکه

از گازهای محدر قه نشکیل شده و نوری که بنظر مامیر سااز این

دراین طیقه سا دارند ؟ سل یك انمسفر بخار موسومیه طیقه نابان که طیف شمسی از آن حاصل میشود ؟

طیقه است و کلف های خورشیا نیز لگه های سیاهی هستندا که

عد یات اندسفر فرمی رنات موسوم به کرو موسفریا کره رنگین حسه منحصوصاً از حیدروژن نشکیل یافنه ؛ در یات طبقه شفاف و سفید رنات ۵۳ در موفع کسوف به شکل طوق سفید دیده میشود \*

 $VI = \mathbf{conf}$  و  $\mathbf{conf}$  
۱۳۷ - روز نیجوهی عبارنسسازفاصله دو عبورمنوالی می گزر سنارهای از نصف النهار معین و طول آن ۳۲ ساعت و را دفیقه است ۰ ساعت و ۱۳۰ دفیقه است ۰

می سروون میدود هیدوی با شمدی عبار نست از فاصله دو عبور منوالی خورشید از نست از نست از فاصله حدود منوالی خورشید از نست نیست زیرا سرعت حر کت آفتاب بردوی دایر قالبروی تابت نصیباشد .

هی سیدی است آکه دایری البروج را در معماحیت خورشید حقیقی با سرعت تابتی بییماید -

۰۷ - ۷۰ روز شمسی منبی سیدفاصله دو عبور منوالی خور شید معجازی است بر تصفی النهار معین ۰

۱۷ - ساعت نجومی یا روزنجومی وساعت شدسی

منتوسط است

از صیداه نفسته اعتدال بهاری سهسری سهسافر و ده شود، یا زمان بیت دو عبور منوالی شمس بشمساللشار آفرآگین اسمت تا بسروعبار نسست از : وره تانیه هدقیقه به ساعت ۱۳۹۰ روز عبر سودهول سوداصل زمان بینعبورخورشید از نقاط اعتدال و انقلاب راچهارفسل مینامند . دهیار سیننقلاب بیان تقطه اعتدال بهاری تا انقلاب تا بستانی:

۲۱ ساعست ۲۶ دود تا بستانی نا اعتبال پائیدی : ۲۱ بستانی ۲۱ عست ۲۲ دود

یا قیر » اعتدال با تیزی تا انقلاب و مستانی : ۱۹ ماعیت ۹۹ دورد

ن انقلاب زمستانی تا اعتدال بهاری:  $\mathcal{L}$  مستاری:  $\mathcal{L}$  مساعدت  $\mathcal{L}$  دو ذ

۷۰ — معادله زمان سمادله زمان عبارتست از بن این از بن بنارتست از بن بن زمان متوسط و زمان حفیقی در بن مکان معین و برای خواندن آفنایی دانستن آفنایی در بنات مکان معین و برای خواندن ساعت آفنایی دانستن آن حدید :

| E        | -1 > 5   | i i          | ١١٥٩            | او ل زا دو یا                          | تناديج      |
|----------|----------|--------------|-----------------|----------------------------------------|-------------|
|          | TO Y     |              | المنالة المنالة | **. ********************************** | t: 112 t: V |
| 5        | L- 3 7 E | ]            |                 | No.                                    | تناديخ      |
| يہ دقیقہ |          | 18.50 A.3 (5 |                 | 1 4 3 5 4 5 LF                         | t           |

T-2 3 25

۲۷ --- سال مداری عبارتست از فاصله دو عبور متوالی

خورشید از نفطه اعتدال ربیعی . ۷۷ -- سال رسمی سالی است صر کب از عدد مسجیعی

عوایام که در حد اعلای امکان با سال اعتدالی تعلیق نماید. ۷۸ -- تقویم قاعده ابست که برای تعلیین سالهای رسمی

یا سالهای مداری و شم میگردد .

انقویم در نزد ملل مختلف میانی مختلف دارد دارد دارد می دارد و دارد آگر گواری میمند بین آنها عیار تنداز نقویم مصری ، قیدری ، گر گواری و دارد و دارد و دارد می دنقویم جلالی (فارسی) .

۳٦٥ ای دسمی دا دهر سال در حدود شش ساعت عقب میاذنادند بعدوریکی در هر سیصد و شعب و بنجسال ۳ ماه در میاذنادند بعدوریکه در هر سیصد و شعبت و بنجسال ۳ ماه در تعیین فعسول اختلاف حاصل میشد و هر فعمل جای خودرا بفصل دیگر میداد و پس برای ایشکه اول بهار دسمی بعد از بات دوره معجد آ بایل بهار واقعی منطبق گردد باید و ۳۶ اسال بگذرد

تقویم قیصری سرومیان تحست سال را ۱۳۳۶ روزو به ساند مصریان ۱۳۳۰ و و ای برای جلو گیریاز وی نخلسی ناریخ مصری هرچندین سال یکبارچند روز بسال رسمی شود میافزودند ناباسال مداری تعلیین کتد.

سوزین منجم تصمیم باصلاح تفویم گرفت و هرسه سال را ۵۳۳ روز و سال چهارم (آکبیسه) را ۳۳۳ روز مفرد داشت . تفویم سخر سخو اری سالبلاح قیصری برای تعلیین سالب

رسمی باسال مداری کافی نبود و سال رسمی باندازه سین یرود رود از سال مداری درازیر بود بهاپ گر گراد هشتم بلکماشه منجم معروف لیلیو بسال ۱۹۸۲ مقررداشت که دهروزاختلافی را که از موقع اصلاح قیصری بوجود آمند بود اصلاح کنند و دوزی کتیر ۱۹۸۲ درهر جهار سال سه سال کبیسه را خیر کبیسه محسوب نمایند

ا کنون در ناریخ مسیحی سالهائی که دو رقم آخرشان، به که فایل قسمت است کبیسهاند منگر آنها آکه بدو صفر خسم میشوند و سده های آنها بر چهار قابل قسمت نیستند ( ماننه میشوند )

۲۸ - تقویم جاددی - تعدیل گرگواریهم اختلاف بین سالهای رسمی و مداری را کاملا از بین نمیبرد بعثی در هر دو هزار سال یکروز اختلاف پیدا میشود.

بهترین تعدیلی که ناگیون در نقویم شده است بوسیله عصر شیام در نقویم شده است بوسیله عصر شیام و جمعی دیگرما نشد عبدالر حصن خازنی درسال ۱۷ که همچری که انجام شده است و اختلاف بین سالهای رسمی و م داری در مر شدن در مر

دراین نقویم در هر دوره سی و سه ساله جشت سال آکبیسه و ۲۰ سال غیر آگبیسه است باین نرنیب آکه از آغاز دوره هر سه سال غیر کییسه و شمال جهارم کنیسه است و در آخر دوره چهار سال غیر کبیسه میباشد +

۱۳۰ - تقویم قمری سال عادی قمری کوروز ودرسال معای کبیسه ۲۰۰۰ روز است ومشیدل بر ۱۲ ماه ۲۹ روزی یا ۲۰ سردی است و مشیدل بر ۱۲ ماه ۲۹ روزی یا ۲۰ سردی است

ماه قصری با دیدن هلال ماه مشخس میگردد ولی برای آنکه و ضح ثابتی داشته باشند محولا یکماه بیست و نهروزی عرای عراه دیگر میشود . عرماه دیگر ۳۰ روزی حساب میشود . در هر دوره سی ساله یازده سال کبیسه است که عیارتند

از سالهای ۲ و ۰ و ۷ و ۱۰ و ۱۳ و ۱۰ و ۱۸ و ۱۲ و ۲۰ و ۲۰ و ۲۰

A1'/ \_

٥٨ --- دوره نجومي ( ماه نجومي ) --- زمانيست

میخصوربین دو مقارنه میوالی قصر با بات سیاره تابیت و مدیش  $\mathbf{v}$   $\mathbf{v}$  روز و  $\mathbf{v}$  ساعت و  $\mathbf{v}$  دقیقه و  $\mathbf{v}$  تانیه است .  $\mathbf{v}$   $\mathbf{v}$ 

ی بین دو مفارنه قصر یا نفطه اعتدال ریسی و یا ترصان بین دو مرور بین دو مفارنه قصر یا نفطه اعتدال ریسی ویا ترصان بین دو مرور منوالی قصر بیات نصف النهار سماوی و مدنش ۷۷ روز و∨ساعت و ۳۰ کا دفته و ۷ساعت و ۳۰ ما ۲۰۰۰ دو ا

۷۷ -- دوره هالالی (ماه قدری) - زمانیست معجدور بین دو مقارنه قدر یا شهس بر هریا از دو مقارنه قدر یا شهس بر هریا از تعسف النهارات و مدت متوسط آن ۴۷ روزو۲۱ ساعت و ۶۶ دقیقه و ۴۰ ر۲ تانیه است -

حرب حاصله متوسط ماهاززمین سهمساوی ۲۰ ۲۰ حرب سیای ۱۰۰ مساوی ۲۰ ۲۰ دربین با ۲۰ ۶ ۶ ۲۰ کیلومتر است اید مقدار مربوط است باختلاف منظر ماهوقتی که ۲۰ ۲٬۲۰ باشد.

۱۹ مقدار مقطر طاهر عمتوسط ماه ۲۰ ۲۰ ۲۰ و ۲۲ و باشد. برر گنرین مقدار آن تقریبا ۴۰ و ۱۳ و کوچکنرین مقدارش

· P — I — I — IV E » a sell I és a solo Ve Tre vo I mui .

١٥-- شماعيماه٢٠١٠ يا ١٠ العالم المتواتي دمين

یا  $\mathbf{v} \cdot \mathbf{v} \cdot \mathbf{v} \cdot \mathbf{v}$  گیلو ستر است.  $\mathbf{v} \cdot \mathbf{v} \cdot \mathbf{v} \cdot \mathbf{v}$  و نسیت یه  $\mathbf{v} \cdot \mathbf{v} \cdot \mathbf{v} \cdot \mathbf{v}$  و نسیت یه  $\mathbf{v} \cdot \mathbf{v} \cdot \mathbf{v} \cdot \mathbf{v} \cdot \mathbf{v}$ 

- ニー・ノス・ス こっつう

1 مساحث

عه سے سعیس ماہ سے سے میں میباشد میں سیباشد میں سیباشد میں سیباشد میں سیباشد کی سیباشد کی سیباشد کی المحمد میں میباشد و در استوای ماہ کی ایر و در استوای در استوای در مین است میں است میں میباشد میں میباشد و ضعی میاہ کی در مین است میں میباشد و ضعی میاہ کی در مین میباوی

دوره تعجومی یا یکماه تعجومی یستی ۲۷ روز و ۷ ساعت و ۳۶ دقیقه و ۱۱ تانیه بدورخود میگردد . ۱۲۰ قسمتی از ماه که قابل رویت میباشد ...

حل آن میبات. .

مه سه حققه تین سه سنفاط تلاقی مدارماه بادایر قالبروج بنام عقدتین موسوم است یکی عقده رأسی و دیگری عقده ذنب قدر پسی از عبور از عقده راس شمالی و پس از عبور از عقده ذنب بعنویی میگر ددعقده راسی و دی ۱۳۳ روی دایر قالبروج عقب میرود یعنی در مدت ۵ ر ۱۳۳ روز یا تقریبا ۱۸ سال و عقب سال یکدور دایر قالبروج را حلی مینماید .

ABOUT ON ABOUT -VIII

م ۱۰ - منتسری فیه سه ( آذر فتن ماه ) سال م فاحسله ی د آس

معدر و طفظل فرمین ساصل از نابش آفناب برآن از مر کرومین بقرش اینگی ۱ شماع فرمین و ۱۱ قصلر ظاهری آفناب و ۱۱ اختلاف منظر آن باشد عبار نست از :

Sin Comments

میتوان در این فور مول بوای جیب زاویه های گویهای  $\gamma \sim \gamma \sim \gamma$  سسول و میتوان در این زوایا دا بر حسب دادیان گذاشت در این جنین بدست میآید :

۲ بفرض اینگه ۶ عرش ماه در لعیظه مفروش و افتطی خلام در اینگه و ۱۱ فعلی خلاهری ماه و ۱۱ فعلی خلاهری ماه و ۱۱ اختلاف منظی منجور شید و ۱۲ اختلاف منظی ماه باشد :
برای اینگه خسوف تطی دست دهد بایستی در موقیم مفار ته

Size desize P

میتوان در این فورمول پیجای سیدوس زاویه حکویات -1 با برحسب رادیان قرار داد لدا یا -1 باینکه داد داد لدا یا -1 باینکه نسیت سیدت -1 برزیم

تو چه باینگه نسیت س<del>ر زرزی</del> ۱۰ مان چه باینگه نسیت سرورزی خواد نیمای میاه بشما یم

T بقرش اینگه  $\lambda$  عرش قیردر لیهظه مفروش و ایقعلر خذاهری T فعلی خذاهری T فعلی خذاهری T فعلی آفناب و T فعلی آفناب و T اختلاف منظر T فناد و T اختلاف منظر T فناد و T اینگه منظر ماه باشد . برای اینگه کسوف در بعضی از نناط زمین دیده شود

برای اینکه کسوف کلی یا حلقوی در بعضی از نفاطر مین دیده شود بایستی داشته باشیم ،

ر ان عرب ان المسلم المارين (۱۰ عرب المسلم المارين عرب المسلم المارين الما

و عبارت  $\frac{1}{2}$   $\frac{1}{$ 

الا ۔ قو القون هوائيد

 ۲۰۱۳ قول انیوی گیلی د قانون اول دسیارات حول آفتاب در چهت مستقیم بیشی هائی نردیك بدایره میپیماید كه خورشید دریكی از د مكانون آن قراردارد .

قانون دوم - مساحاتی آکه شماع حامل هرسیاره ( خعد و احمل بین خورشید و سیاره) در زمانهای متساوی میپیماید ممادل مساشند .

قانون سوم معجدورات ومانها تبحیک سیارات صرف پیمودن مداراتشان میکنند متناسباند بامکعبات معور اطول مداراتشان بعنی اتکر ناو تا زمانهای دوره نجومی و آاوا! پنرتیب طول معور های اطول مدارات دو سیاره باشند:

۳۰ ۱ - ۱ - قا قورت نبور تون ( قا نورت سما قربه عسوسی ) سر هر کلم در سرنار م بر حلبون قورا نبون کیلم در بادر ریتکار تا در در از کانده بندسیست

مستفیم جی مشان و بنسبت عکس معجدور فاصله شای یک یک یکردا چنب میحکنند یعنی اگر ۱۱۱ و ۱۱۱ اجرام و ای قساصله دو کو که باشند انبروی چنب آنها نسبت بیعک یکر عیار تستاز ع

الم حدریبی است تا بست و عبار تست از قوه جاذ به ایکه و احد جرم بر و احد جرم درواحد فاصله و ارد آورد و مقد ارش در دستگاه بین در تست از ( سی آریم) دین ( فاتون فوق کلی است و بین هر دو جسم تا بست و برقر از میباشد .)

آع - ۱ - سیاد است عبده دردستگاه منظومهٔ شمسی بنر نیب. از نردیکترین آنها بخورشید عبار نشد از : استعارد ۲ - زهره ۳- قرمین عبد مریخ ۵ - مشتری

宣言

**}**\_\_\_\_\_

حميد شمت

| ارات |  |
|------|--|
|------|--|

|       |   | )er((4°)                              | F.          |     | 130 |                 | 100        | 73  |
|-------|---|---------------------------------------|-------------|-----|-----|-----------------|------------|-----|
| 3.    |   |                                       | í           | 3   |     |                 | ~          | 3   |
| 3     | 1 |                                       | 1           | 1   | 1   | , -             | 1          | t   |
|       | - |                                       |             | -6  | =   |                 | -9-8       | =   |
|       | 1 | l .                                   | ; <u>\$</u> |     | -12 | - i -           | <b>~</b> = | ~>= |
|       |   | -                                     |             | 0   | 0   | 03/1            | 3          |     |
|       | - |                                       |             |     |     |                 | 5          |     |
| 3 3 3 |   |                                       |             | *** | >   |                 |            | -   |
|       |   | • • • • • • • • • • • • • • • • • • • |             | *-  |     |                 | -          | 3   |
| 323   |   |                                       |             |     |     | CONTRACT SOURCE |            |     |
|       |   |                                       |             |     |     |                 |            |     |

## در تدویت این کتاب

## الز كتابهاى ديل استفاده شدهاست

## ذاح کتاب outimes as outs ٠٠ ــ التفصيب ابو ریحان محمددیورونی د کتر معجمود میر اری د کتر محمودمهران-معصرهم بعش بحش آقای رضا نجمی (میبندس الملات) مرحوم علامحسين رهنها ح سوسيار -- -- -- -- -- ---TC. locquet 38 8 3 N. 人 سچسر و مشلشات III. communissaire AS. Farciciusest + ۱ - مثلث بند A. L. Director visit الاراء مقلقات ا Carlo Bourlet Indicate a large appropriate and the second test and t ごしょちての みっととニートア 16. facequeet True San Notes - 1 - million - 10 T. S. Characana in marking and a first ----\*> ここれ といろ ニーハイ 16. Parception Technicana cless providensia unis 🥕 ۱ 🗕 فو ر مو لر ic, we differ to the Solohoun \* ٢- فورمو، متكانيات fills Charamanat

| -                 | غلجاتا مه                                         |                                       | -          |
|-------------------|---------------------------------------------------|---------------------------------------|------------|
|                   | Ranke Le                                          | J. Same                               | 4260       |
| طي لي             | حسي لي                                            | 1                                     | 0          |
| Z L               | 2113                                              | ` <b>~</b>                            | . 0        |
| (ab)""            | (ab <sup>iri</sup>                                | ¥ -                                   |            |
| دوري              | حور د                                             | <b>`</b> ~                            | <b>`~</b>  |
| محج جين بين       | lo a lo en de | ` ~                                   | ` ^        |
| آگاداشد، شود      | <u></u> <u></u> <u></u> <u></u>                   |                                       |            |
| ے ہو گئدا شنه شود | -d -a -b                                          | \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ | \ <b>^</b> |
| 17 22 - 10 - C    | -1 nv a-1>-c1                                     | ج.                                    | ≺ ÷        |
| 2,20,+0,+         |                                                   |                                       | 3- E       |
| . 9.0             | 290                                               | ~                                     | Y &        |
| باقیما نده        | باقييصاء                                          |                                       | T- 2       |
| av b              | √ b b                                             | 5-                                    | 个人         |
| سری قرار گیرد     |                                                   | مدحد و آحد                            | £ 5        |

| عمل <u>ا الم</u> لحة                        |                      |            | 7-67       |
|---------------------------------------------|----------------------|------------|------------|
| Comment                                     | 1=1=                 | _2=        | d=====     |
| 1) 21 17                                    | 2 = 1.10             | ~          | £ &        |
| o o ana ina ina ana ana ana ana ana ana ana | za sare fe xxx."     | سوم از آخر | € €        |
| er kuri erra "                              | a wa                 | سيعيلي آخي | ٤ ٤        |
| a 15                                        |                      |            | 20         |
| فبيت                                        | فيننا                | • *        | を人         |
| مستشد -                                     |                      | ~ `        | を人         |
| 1.>**                                       | ·                    | ~          | ٤٩         |
| 5                                           |                      |            | 0 ~        |
|                                             |                      |            | ~~ ~       |
| Y × -                                       | <b>Y</b> ~ ><        | > 5-       | -ر چ       |
|                                             |                      | ~~         | <b>~</b> - |
| N - N                                       | <b>\</b>             | J=T 31 Y   | ~ \        |
| غور والتنيسس                                | حدثه في ما تشييس منه | J= T 31 T  | <b>∀</b> € |
| ( > - 1 - 1 - )                             |                      |            | ~~         |

| an Liberta                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                     |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                |           | Y 0 E          |
|--------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|--------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|-----------|----------------|
|                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                | S. S. S.                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                       | Jean      | ತು ಕಾರ್        |
|                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                | 2         | 114            |
| The second of th | 1-111                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                          | 0         | ~ ~ ~          |
| N. 7.11 35                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                     | 2 - 2 - 2 - 2 - 2 - 2 - 2 - 2 - 2 - 2 -                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        |           | <b>~ ~ ~</b> · |
| COERS                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                          | Corgs                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                          | ~~        | <b>\\</b>      |
| your betreet in                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                | 199 " " ST FF. 18"                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                             | ^         | \ \ \          |
|                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                | The State of the S | , ~       | > > ^          |
| y and by the second of the                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                     | 11 : 11/2 - 0000 35                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                            |           | <b>``</b>      |
| 1:> "< " "                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                     | ا در معجر ت                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                    | ٥ از آشير | 1 7 7          |
| lesel to                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                       | 109 5                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                          |           | 1 7 7          |
| aaxx                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           | 20 3                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           | 3         | 177            |
| 20                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                             | 21                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                             | ~         | 122            |
| T. I.                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                          | TV1 ~                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                          | سجدر آخر  | · ~ ·          |
| * 1 × 2=                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                       | ▼ I~                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           | 3 ICT =   | 12-1           |
| cotg a ···                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                     | cots a                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                         | J= T >1 % | 1 2 2          |
| Y 152 75                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                       |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                |           | 1 r- E         |
| <b>2.1</b>                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                     |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                | ع اد آ =ر | 1 7 0          |
| Now Will Total                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 | 1 - TIN 3                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                      | ~         | トゲム            |
| i •                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                            | 7 t<br>3:>                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                     | ~         | 1 2 1          |

.

|   | 700                                    | :                                          | ~ · · · · · · · · · · · · · · · · · · · | عليا.               |
|---|----------------------------------------|--------------------------------------------|-----------------------------------------|---------------------|
| - |                                        | In Late                                    | 2 me                                    | al com a co         |
|   | 22 } E>                                | I ls                                       | T 31 ~                                  | 1 2 1               |
|   | Pb                                     | 13 mm C>                                   | <b>~</b>                                | 1 2 2               |
|   | abc                                    | obe                                        | ~                                       | 1 5 5               |
|   | 3 cos                                  | I comme                                    |                                         | <b>√</b> € ~ ~      |
|   |                                        | <b>~</b>                                   | ・ニーナラディ                                 | 1 & ~               |
|   | coepes of many or                      | · correge -                                | · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·   | ノロイ                 |
|   |                                        | در خط از بالتورخ                           | ~ <b></b>                               | 4 0 T               |
|   | Cream C                                | ecos To c                                  | T >1 V                                  | 100                 |
|   | · · · · · · · /3                       | ~ · IB                                     |                                         | 10-                 |
|   | والصورف Eاتوشيه شود                    | على تلاقى الضلاع عد و                      | ور شکل ۲ در می                          | 、ロ人                 |
|   | TVI                                    | Na Ta                                      | J= T31 Q                                | <b>&gt; &gt;</b> 5~ |
|   | 3-1-C                                  | T. I <'                                    | ٥ از آخر                                | V. V =              |
| - |                                        |                                            | J= T31 7                                | 1 70                |
|   | T. <                                   |                                            | ~                                       | <b>&gt;~</b>        |
|   | ﴾ ياهم عيض شوند                        | ب منجابهای ۱۵ و :                          | در شکل                                  | 120                 |
|   |                                        | ٧ بعجاء ـ ١ حررفـ                          | آ در شکیل                               | 1 / へ               |
|   | ~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~ | ₹\$<~ ~~\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\ | 4                                       | ングイ                 |
|   | اقصلا                                  | قعدلى                                      | ₹.                                      | 111                 |
|   | V Silver                               | V 6-1-5                                    | P. 9. Y                                 | 140                 |
|   | and *                                  | į at                                       | ~                                       | 八人口                 |

|                     | 1-1-               |                  | doca-       |
|---------------------|--------------------|------------------|-------------|
| 27 5 comme 1 - 5 co | 5 15 · · ·         | 1 7              | > ^ 0       |
| تنبسا سوي           | شهيها س            | JE TEL           | <b>~</b> 人飞 |
| 150                 | A 2-5 V            |                  | 125         |
| -ce-2               | ھر ھرروڪ           | <b>\</b>         | م حرسو      |
| MIG                 | NI G               | 316 T 318        | 122         |
|                     | ~~~ <del>~</del>   | <b>∼</b>         | 7 7 7       |
| اقطارى باشد         | اقطارميبات         | J=T31 ~          | TTO         |
| A.13 with           | منا ششخت `ال       | <b>\</b>         | ママス.        |
| A 13 3              | 1 - 1 ==           | 1 the            | イイ人         |
| د- و_               | حـد                | <b>~</b> .       | 4 m 4       |
|                     | <del></del>        | ~                | 7 7 5       |
|                     |                    |                  | 7 m =       |
| ( شي چ )            | ( ش · ۲ · )        | <b>`</b> -       | マゲム         |
| ( ستر ب · · · )     | (ش ع)              | × 3              | マデス         |
| IN:1 1.1.           | T 4 1 = 7          |                  | TEQ         |
| FNT II.←            | INCL T.L.          | <b>\</b>         | 7 2 PC      |
| یر ۱۰۰۱ تیگئیارید   | قى 13 كرو شعد عدود | در (شیلا)میکانلا | Y 0 1       |
| 13°2N               | 13                 | J= T 31 Y        | 407         |
| NI NI               | NATA               | -                | YOA         |

300 C

|                                        | Lake        | Jean.                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                          | decine      |
|----------------------------------------|-------------|--------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|-------------|
| ٧) حرف ١٦٠ بكناريد                     | _ دادورش ا  | industrial in the control of the con | YOA         |
| مشتر ك حمد                             | خعط مشترك   | J= 131 Y                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                       | A5 -        |
| C>TVE                                  | $\odot$ TVI | JETEL Y                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        | 7-C1 -      |
| حـ و_                                  | حور         | J=T31 ~~                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                       | 777         |
| راء                                    | حـ 🗢        | JETE-                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                          | <b>YY</b> - |
| ra ra <sup>e</sup>                     | 33 tan? -   | J= T310                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        | TYE         |
| _ از تفصله صبغهده                      | doca-       | ~                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              | イマーへ        |
| VR Y Y V8 V                            | R           | J= T31 0                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                       | 121         |
| ************************************** | 1-> * *     | シデ丁ゴ1 人                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        | 797         |
| حر                                     | _9.3        | <b>Z</b>                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                       | de - de     |
| C) 12                                  |             | →= T >1 Y                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                      | ~ ~ ~       |

|                                       | يادداتست |   |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                |             |
|---------------------------------------|----------|---|--------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|-------------|
|                                       |          |   |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                |             |
|                                       |          |   | •                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              |             |
|                                       |          |   | <b>\</b>                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                       |             |
|                                       |          |   |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                |             |
|                                       |          |   |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                |             |
|                                       |          | - | The same of the sa |             |
|                                       |          |   |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                | _           |
| <b>.</b>                              |          |   |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                |             |
|                                       |          |   |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                |             |
|                                       |          |   |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                |             |
|                                       |          |   |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                |             |
|                                       |          |   |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                |             |
|                                       |          |   |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                |             |
| · · · · · · · · · · · · · · · · · · · |          |   |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                |             |
|                                       |          |   |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                | <del></del> |
|                                       |          |   |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                |             |
| · ·                                   |          |   |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                |             |

|                                                                                                                | دداشت  |                                   |              |        |
|----------------------------------------------------------------------------------------------------------------|--------|-----------------------------------|--------------|--------|
|                                                                                                                |        | <del></del>                       |              |        |
|                                                                                                                | _      | · <del>-</del>                    | <del>-</del> |        |
|                                                                                                                |        |                                   |              | 1      |
|                                                                                                                |        |                                   |              | I      |
|                                                                                                                |        | · ·                               |              |        |
|                                                                                                                | . **** |                                   |              |        |
|                                                                                                                |        |                                   |              |        |
| · • • • • • • • • • • • • • • • • • • •                                                                        |        |                                   |              |        |
|                                                                                                                |        |                                   |              | :      |
|                                                                                                                |        |                                   |              |        |
|                                                                                                                |        |                                   |              |        |
|                                                                                                                |        |                                   |              |        |
|                                                                                                                |        | · · · · · · · · · · · · · · · · · |              | ·<br>: |
|                                                                                                                |        |                                   |              |        |
|                                                                                                                |        |                                   |              |        |
| an angle santag dan santag la panganan ang 187 a taon 187 a taon 188 a taon 188 a taon 188 a taon 188 a taon 1 |        |                                   |              |        |

|          | يادداشت                     | 1:1<br>1:1 |
|----------|-----------------------------|------------|
| <u> </u> |                             |            |
| · ·      |                             |            |
| <b>.</b> |                             |            |
|          |                             |            |
|          |                             |            |
|          |                             |            |
| · ·      | · · · · · · · · · · · · · · |            |
|          |                             |            |
|          |                             |            |
|          |                             |            |
|          |                             |            |
|          |                             |            |
|          |                             |            |

E My S



MALISLAM LINIVERSITY LIBRARY

ALIGARE.

This book is due on the date last stamped. An over-due charge of one anna will be charged for each day the book is kept over time.

rrivo